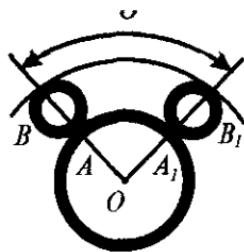


R. U. SCHAFFNER



MAGILLIA  
EA MEXICANISCA  
LIAEAPLICCI

Т.Ф.д., проф. Х.Т.Туронов эгилувчан бирикмали қишлоқ хұжалик машиналари механизмлари механикасини ишлаб чықсан бўлса, т.Ф.д., проф. К.А.Каримов ўзгарувчан структурали механизмлар бўйича юқори натижаларга эришди.

Т.Ф.д., проф. Р.И.Каримов бисателлитли механизмлар тадқиқоти билан шуғулланса, ХМА мухбир аъзоси А.Жўраев эксцентрик тасмали мураккаб механизмлар яратиб, унинг тадқиқоти билан шуғулланмоқда. Т.Ф.д., проф. Ш.Алимұхамедов машиналар ишлаганда кабина вибрациясининг инсон саломатлигига таъсирини, т.Ф.д., проф. А.Ризаев эпитетик механизмлар ҳамда мураккаб ричагли механизмлар ҳаракат қонунларини текшириш бўйича юқори натижаларга эришдилар. Т.Ф.д. Т.Омонов ҳар хил материаллар орасидаги ишқаланиш кучларининг технологик жараёнга таъсирини таҳлил қилиб, уни чармни қайта ишлаш механизмларида татбиқ қилиди. Т.Ф.д., проф. Д.А.Хромова механизмларнинг силкиниш ҳолатларида ундаги бўғинлар динамикасини таҳлил қилиб, бир нечта ноёб усуллар яратди. Т.Ф.д., проф. М.Ш.Зокирова биринчи бўлиб, динамик синтез масаласини пишангли механизмлар учун тактиф этиб, исталган мураккабликка эга бўлган механизмларни алгоритмлаш йўли билан бунёд этиш мумкинligини исботлади. Т.Ф.д., проф. А.Садриддинов пахта териш машиналарида механизмлар комплексининг ўзаро таъсирини таҳлил қилиди.

Ўз-ўзидан маълумки, юқорида номлари тилга олинган олимларнинг ҳар бирининг ўнлаб ўқувчилари, шогирдлари, кўпчилигининг ўз илмий мактаблари мавжуддир. Уларнинг аксарияти машина ва механизмлар назариясидан институтларда дарс ҳам берадиларки, ушбу дарслик олимларнинг педагогик ишларида заррача ёрдам берса, муаллиф ўз олдига қўйган мақсадига эришган бўларди.

Шунингдек, муаллиф дарсликни нашрга тайёрлашда қилган хизматлари учун доцент Э. А. Ҳайдаровга, лугатларни тартибга солиш ҳамда расмларни тайёрлашдаги ёрдамлари учун доцент А. Солиев ва катта ўқитувчи Б. Мешбоевга катта миннатдорчилик билдиради.

## 1. МАШИНА ВА МЕХАНИЗМЛАРНИНГ ТУЗИЛИШ АСОСЛАРИ

### 1.1. Асосий тушунчалар ва қоидалар

Машина — инсон томонидан табиат қонунларидан фойдаланиш орқали ўзининг меҳнат ва физиологик функцияларини қисман ёки алмаштириш йўли билан жисмоний ва ақлий меҳнатини енгиллаштириш, унинг унумдорлигини ошириш мақсадида яратилган қурилмадир.

Бажарадиган функциялари бўйича машиналар қуидаги турларга бўлинади:

- 1) энергетик машиналар;
- 2) транспорт машиналари;
- 3) технологик машиналар;
- 4) назорат-бошқариш машиналари;
- 5) мантикий машиналар;
- 6) кибернетик машиналар.

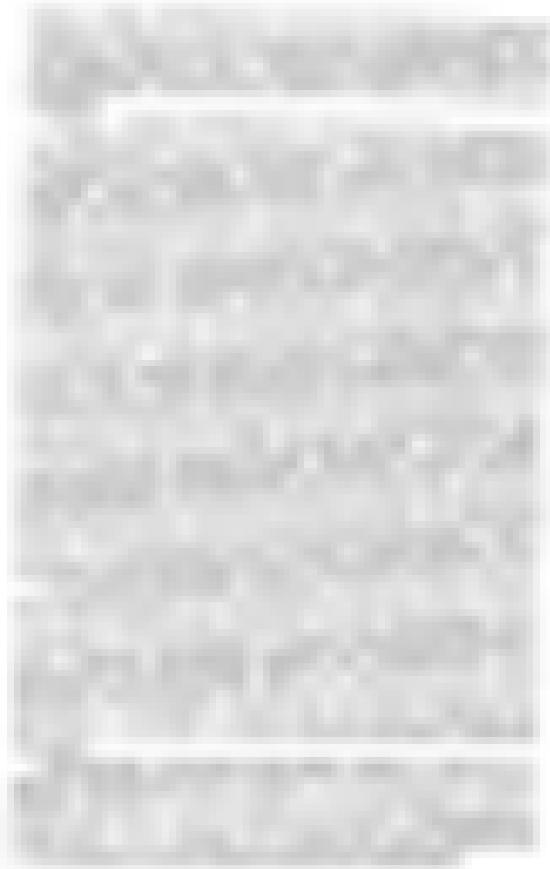
Двигатель, узатувчи механизмлар ва ишчи машинадан, баъзи ҳолларда назорат, бошқариш ва саноқчиҳисоблаш қурилмаларидан тузилган тизим машина агрегати деб аталади.

Технологик машиналар, назорат-ўлчаш асбоблари, роботлаштирилган комплекслар ва ЭҲМда тузилган қайтакайта созланувчи технологик қаторлар қайишқоқ (гибкий) автоматлаштирилган жараёнлар дейилади.

Машиналар механизмларни ўз ичига олади. Механизм деб бир ёки бир нечта жисмнинг берилган қонунли ҳаракатини бошқа жисмларнинг керакли ҳаракатига айлантириш учун мўлжалланган механик тизимга айтилади.

Механизмлар қуйидаги турларга бўлинади:

- 1) ҳаракат ҳосил қилувчи (двигатель) ва уни ўзгартирувчи механизмлар;
- 2) узатувчи ва ўйналтирувчи механизмлар;
- 3) бажарувчи ва тақлидчи механизмлар;
- 4) бошқариш, назорат ва созлаш механизмлари;



□



□

5) ишлов бериладиган мұхит ва обьектіларни олиб борыш, күчириш, озіқдантириш ва ажратыш механизмлари;

6) тайёр маңсулоттарни автоматик санаш, тортиш ва қадоқлаш механизмлари.

Механизмлар назарияси механизмларни таҳдил ва синтез қылиш учун уларнинг тузилиши, кинематикаси ва динамикасини ўрганувчи фандир.

Механизмлар назарияси фани иккى асосий қисмдан иборат:

1. Синтез.
2. Таҳдил.

Улар ўз навбатида қуйидаги бўлимларга бўлинади:

1. Механизмларнинг структуравий таҳлили ва синтези.
2. Механизмларнинг кинематик таҳлили ва синтези.
3. Механизмларнинг динамик таҳлили ва синтези.

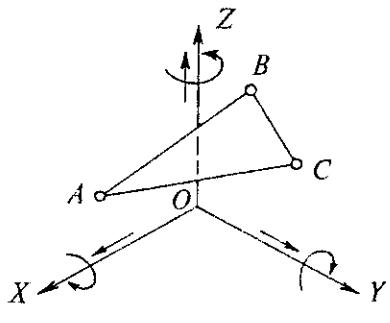
## 1.2. Механизм бўғинлари, кинематик жуфтлар ва боғланишлар

Ҳар бир механизм қўзғалувчан бўлиб, битта қўзғалмас ва бир нечта қўзғалувчан бўғинлардан иборат бўлади. Ҳамма қўзғалмас (ёки қўзғалмас деб қабул қилинган) қисмлар пой деб аталувчи қўзғалмас бўғинни ташкил қиласди.

Бир-бирига туташувчи иккى бўғиннинг ўзаро нисбий ҳаракатига имкон берувчи боғланиши кинематик жуфт деб аталади. Бўғинларнинг бошқа бўгин билан туташувчи сиртлари, чизиклари ва нүқталари кинематик жуфт элементлари дейилади.

Бўғинларнинг чизик ёки нүқта орқали туташиши олий кинематик жуфтни, сирт орқали туташиши эса куйи кинематик жуфтни ҳосил қиласди.

Фазода эркин ҳаракатланувчи жисм олтита эркинлик даражасига эга бўлади:  $X$ ,  $Y$  ва  $Z$  ўқлар атрофида айланма ва ўқлар



1.1-расм.

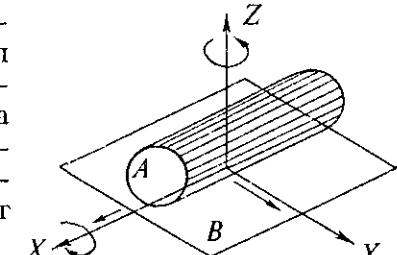
бўйича илгариланма-қайтма ҳаракат қилиши мумкин (1.1-расм). Механизм бўғини жисм сифатида бошқа бўгин билан боғланиб, кинематик жуфт ҳосил қиласди, ўзининг эркинлик дараҷаларининг қандайдир қисмини йўқотади.

Бири қўзғалмас бўлган иккى бўғиннинг бир-бери билан мумкин бўлган боғланишлари ва бунда қўзғалувчан бўгинда қоладиган эркинлик даражасини кўрайлилек.

1. Биринчи бўғин текислик, иккинчиси шар бўлсин (1.2-расм). Кўриниб турибдики, шар учала  $x$ ,  $y$ ,  $z$  координата ўқлари атрофида айланishi ва текисликка паралел ўқлар бўйича силжиши мумкин. Яъни иккинчи бўғиннинг вертикал ўқ бўйича силжиши чекловчи боғланишга эга бўлиб, унинг эркинлик даражаси бешга teng. Бўғинлардаги боғланишлар сони кинематик жуфтнинг синфини кўрсатади. Богланишлар сонини  $S$  билан белгиласак, кинематик жуфтнинг эркинлик даражаси  $H$  га teng бўлади:

$$H = 6 - S = 6 - 1 = 5$$

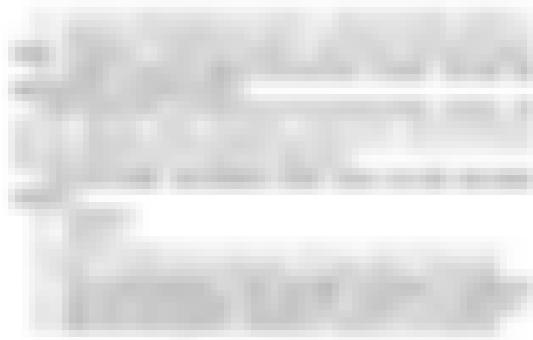
2. Текислик билан боғланган цилиндр орасидаги кинематик жуфтни кўрайлилек (1.3-расм). Ўзаро боғланишлар цилиндрнинг вертикал  $z$  ўқ бўйича силжиши ва горизонтал  $X$  ўқи атрофида айланисини чеклайди. Демак, бу кинематик жуфт 2-синфга мансуб бўлиб, унинг эркинлик даражаси:

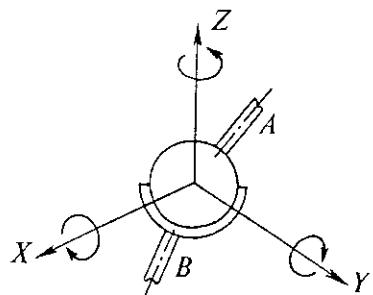


$$H = 6 - S = 6 - 2 = 4$$

бўлади.

1.3-расм.





1.4-расм.

3. 1.4-расмда тасвирланған кинематик жуфттада боғланишлар бүғинларнинг  $X$ ,  $Y$ ,  $Z$  ўқлари бүйічә силжишларини چеклайди. 3-сinfга мансуб бу кинематик жуфттинг эркинлик даражаси

$$H = 6 - S = 6 - 3 = 3.$$

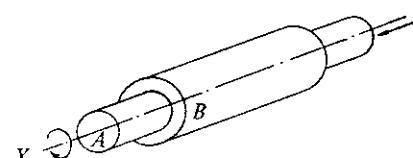
4. 1.5-расмда кинематик боғланишлар бүғинларнинг фақат  $X$  ўқи атрофида айланыши ва ўқ бүйічә силжишига имкон беради. Демак, 4-sinfга мансуб бу кинематик жуфттада эркинлик даражаси

$$H = 6 - S = 6 - 4 = 2.$$

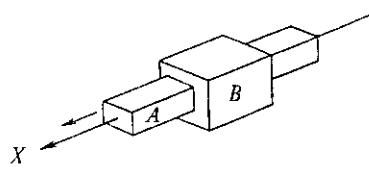
5. 1.6-расмда 5-sinf кинематик жуфттада сирпанғич 1 йұналтиргіч 2 нинг  $X$  ўқи бүйічә фақат илгариланмақта ҳаракат қилиши мүмкін. Демак, бешта боғланишли бундай жуфттинг эркинлик даражаси

$$H = 6 - S = 6 - 5 = 1.$$

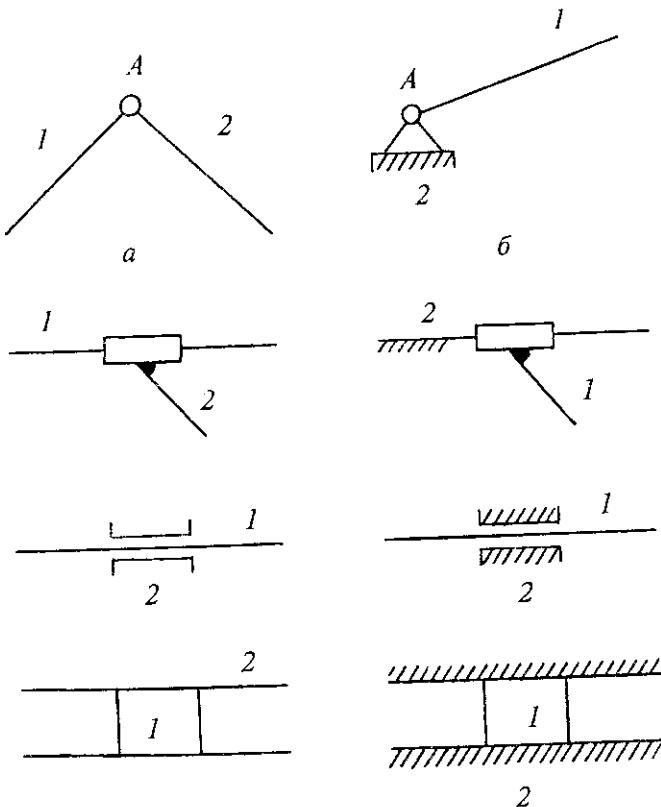
5-sinf кинематик жуфтлар 1.7-расмдагидай тасвирланади. Бизнингча, кинематик жуфтларнинг ҳосил бўлиши бүйічә ҳали баъзи ноаниқ масалалар мавжуд, чунки кинематик жуфтларнинг ҳосил қилинишида бир бўғиннинг иккинчисига нисбатан ҳаракатини қарааш йўналиши орқали узил-кесил исботланган деб бўлмайди. Эҳтимол кейинчалик текширишни тескари, яъни иккинчи бўғиннинг биринчисига нисбатан ҳаракатини қарааш йўна-



1.5-расм.



1.6-расм.



1.7-расм.

лишида ҳам давом эттириш керакдир. Чунки бўғиннинг кўзгалмас пойга боғланишидаги кўзгалувчанлик даражаси унинг кўзгалувчан бўғинга боғланишига қараганда тамоман бошқача бўлади.



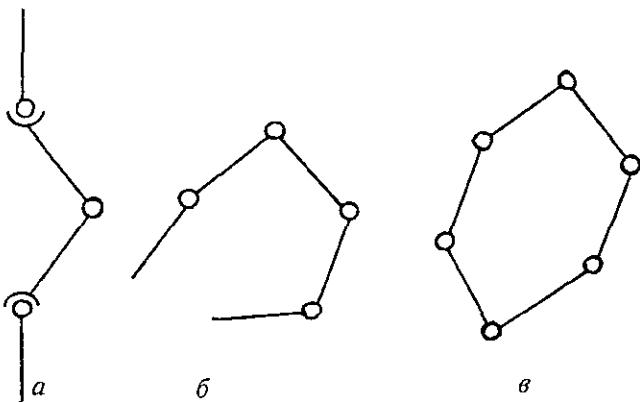
### 1.3. Кинематик занжирлар ва уларнинг кўзгалувчанлик даражаси

Кинематик занжир деб ўзаро кинематик жуфт ҳосил қиливчи бўғинларнинг боғланган тизимига айтилади. Кинематик занжирлар содда ва мураккаб бўлади.

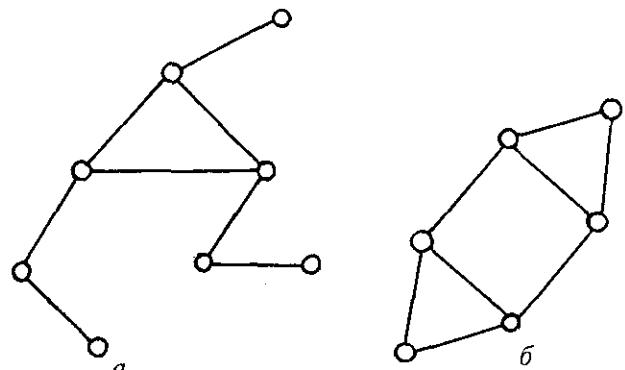
Содда кинематик занжир деб ҳар бир бўғини иккитадан ортиқ бўлмаган кинематик жуфтга киравчи занжирга айтилади (1.8-расм).

Мураккаб кинематик занжир деб таркибида ҳеч бўлмаганда бир бўғини иккитадан кўп кинематик жуфтга киравчи занжирга айтилади (1.9-расм). Бундан ташқари кинематик занжирлар очиқ (1.8а, 1.8б, 1.9а-расмлар) ва ёпиқ (1.8в, 1.9б расмлар) бўлиши мумкин. Ёпиқ кинематик занжирларда ҳар бир бўғин камида иккита кинематик жуфтга киради, очигида эса баъзи бўғинлар фақат битта жуфтга киради. Бу ерда ҳам ҳал қилинмаган масала бор. Жумладан занжирнинг ҳар бир бўғини икки кинематик жуфтга кириши ва занжир очиқ бўлиши мумкин.

Умумий ҳолда кинематик занжирда бўғинлар сони  $K$  га teng бўлсин. Ҳар бир бўғин занжирга боғлангунча 6 та эркинлик даражасига эга бўлса, уларнинг мумкин бўлган ҳаракатларининг умумий сони  $H = 6K$ . Агар занжирдаги 1-синф кинематик жуфтлар сони  $P_1$ , 2-синф  $P_2$ , 3-синф



1.8-расм.



1.9-расм.

$P_3$ , 4-синф  $P_4$ , 5-синф  $P_5$  билан белгиланса, занжирнинг умумий эркинлик даражаси

$$H = 6K - 5P_5 - 4P_4 - 3P_3 - 2P_2 - P_1$$

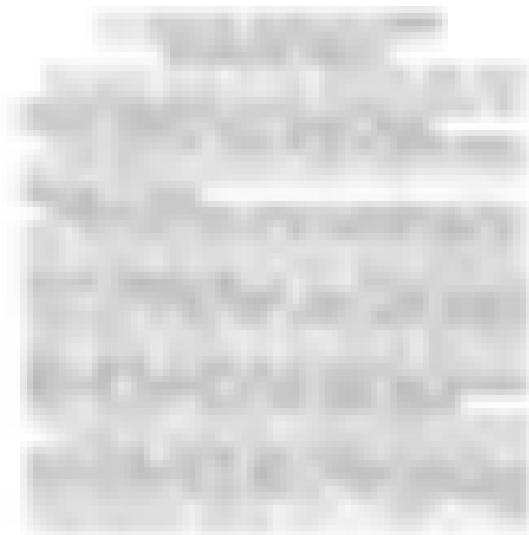
бўлади.

Ҳар қандай механизм ҳам кинематик занжирдан иборат бўлиб, унинг битта бўғини ҳар доим қўзғалмас бўлиши керак. Яъни механизмдаги қўзгалувчи бўғинлар сони  $n = k - 1$ . Қўзғалмас бўғин занжирнинг умумий эркинлик даражасини 6 га камайтиради, демак, механизм қўзгалувчанлик даражаси  $W = H - 6$ . Ўрнига қўйсак

$$W = 6n - 5P_5 - 4P_4 - 3P_3 - 2P_2 - P_1.$$

Механизм қўзгалувчанлик даражасини бундай назарий асосда аниқлаш биринчи марта П.И. Сомов томонидан 1887 йилда таклиф қилинган ва охирги формула кўринишида 1923 йилда А.П. Малишев томонидан ифодаланган.

Шунинг учун бу ифода Сомов-Малишев формуласи деб аталади.



## **1.4. Стерженли механизмларнинг структураси (тузилиши) бўйича таснифи**

### *1.4.1. Механизмларни ҳосил қилишнинг асосий тамоилиши (принципи)*

Механизмларни ҳосил қилишнинг асосий тамоилии биринчи марта улуг рус олим профессор Леонид Владимиевич Ассур томонидан 1914 йилда ифода қилинган. Бу тамоилга кўра исталган механизм етакловчи бўғинга (ёки етакловчи бўғинларга) ва қўзгалмас бўғинга қўзгалувчанлик даражаси нолга тенг бўлган кинематик занжирларни кетма-кет қўшиш йўли билан ҳосил қилиниши мумкин.

Табиийки, бугунги кунга келиб бу тамоил эскирди, чунки у ёпиқ занжирлардан ташкил топган механизmlарнига ўз ичига қамрайди.

Очиқ занжирлардан ташкил топган механизmlар занжирларни қўзгалмас пойга қўшиш йўли билан ҳосил қилиниши мумкин.

Аввал механизmlар ҳосил қилишнинг Ассур берган вариантини кўриб чиқайлик (ҳозир ММН адабиёт манбасидан механизmlар ҳосил қилишнинг Ассур варианти берилган).

Ҳар бир механизм таркибиغا қўзгалмас пой (қабул қилинган услубиятлардан фарқли ўлароқ, механизм қўзгалувчанлик даражаси пойга боғланишлар сони ва жойига қараб кескин ўзгариб кетади), етакловчи бўғинлар ва етакланувчи бўғинлар киради. Бунда пой дегандан механизмнинг ҳамма қўзгалмас қисмларининг тизими тушунилади. Етакловчи бўғин деб механизмни ҳаракатга келтирувчи бўғинга айтилади.

Айтиб ўтиш керакки, механизмда ҳеч бўлмаганда битта қўзгалмас бўғин бўлиши лозим.

Гуруҳ деганда пишангларнинг пойга нисбатан нисбий ҳаракати бўлмаган тизими тушунилади. Агар гуруҳ қўзгалмас бўғинга уланса, у ферма деб аталувчи қўзгалмас тизимга айланади. Фермалар қурилиш механизmlасидаги кўприкларни, орнаментларни ва қўзгалмас конструкции-

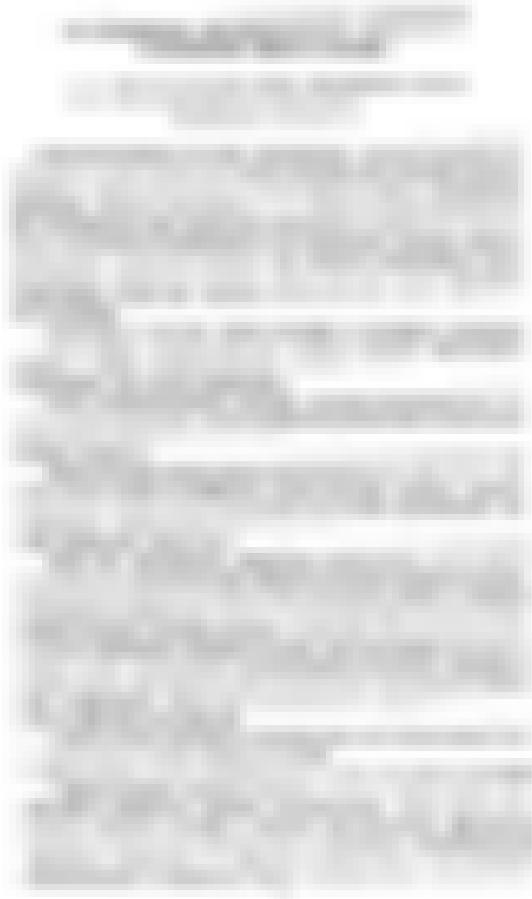
яларни қуришда кенг қўлланилади. Гуруҳнинг эркинлик даражаси нолга тенг  $W_r=0$ . Гуруҳларнинг бу хоссаси механизmlарнинг тузилиши (структураси) бўйича синтез қилишда кенг ишлатилади.

Механизмни ҳосил қилиш учун гуруҳларнинг уланиш кетма-кетлиги одатда қўйидаги тартибда бажарилади. Биринчи гуруҳ етакловчи бўғинга (ёки 1-синф механизмига) ва пойга уланади. Агар бир неча эркинлик даражасига эга механизм ҳосил қилиш зарурати бўлса, гуруҳ бир нечта етакловчи бўғинга (ёки бир нечта 1-синф механизмига) уланади. Табиийки,  $W_r=0$  бўлгани сабабли, механизmlарнинг умумий қўзгалувчанлик даражаси етакловчи бўғинлар ёки 1-синф механизmlари қўзгалувчанликлари йиғиндисига тенг бўлади. Янада мураккаброқ механизм ҳосил қилиш учун етакловчи бўғинга бир нечта гуруҳларни улаш ёки бу мақсад учун янада мураккаброқ гуруҳлардан фойдаланиш мумкин.

### *1.4.2. Десир тузувчи гуруҳлари*

Юқорида айтилганда, техникада қўлланиладиган ва янгидан барпо қилинадиган исталган механизмнинг тузилиши, жумладан унданаги бўғинлар ва кинематик жуфтликлар сони ва синфи қандайдир тамоилга мос келиши, яъни шартлар ва қоидаларга жавоб бериши керак. Текис пишангли механизmlар учун бундай қоидаларни рус олим Л.В.Ассур ишлаб чиқсан, у академик И.И.Артоболевский томонидан ривожлантирилиб, текис пишангли механизmlарни ҳосил қилиш, турлаш ва таҳлил қилиш тамоилига айлантирилган.

Ассур тузувчи гуруҳлари таркибиға фақат 5-синф куйи жуфтликлар киради. Ассур-Артоболевский тамоили текис пишангли механизmlар учун қулай. Уни бошқа турдаги текис механизmlар, масалан, оддий тишли ва муштакли механизmlар учун қўллашниң ўзи маълум қийинчиликлар билан боғлиқ. Тишли ва муштакли механизmlардаги олий кинематик жуфтликларни куйи 5-синф кинематик



жуфтликлар билан алмаштириш зарур бўлади. Лекин ҳосил бўлган алмаштирувчи механизминг кинематик характеристикаси алмаштирилган механизмники билан бир хил бўлмайди. Бу тамойилни нисбатан мураккаб бўлган тишли-пишангли, муштакли-пишангли механизмлар учун умуман қўллаб бўлмайди.

Албатта, текис пишангли механизмларда бўлганидай, таркибида қўйи ва олий кинематик жуфтликлар бўлган содда (тишли, муштакли) ва мураккаб (тишли-пишангли, муштакли-пишангли ва ҳ.к.) механизмларнинг тузилмалари ҳам қандайдир тамойилга тўғри келиши керак. Яъни уларнинг таркибидаги бўғинлар ва кинематик жуфтликлар сони ва синфи маълум бир шарт ва қоидаларга мос келиши керак. Бўғинларнинг исталган сонда ва тартибда ўзаро боғланиши механизм ҳосил қўлмайди. Умумлаштирилган тамойилнинг йўқлиги мураккаб механизмларни барпо қилиш, яъни синтезлаш масаласини қийинластиради. Янги механизм яратиш учун кетма-кет яқинлашиш, турли варианtlарни қилиб кўриш, адашиш ва танлаш каби ишларни бажариш зарур бўлади.

Юқорида айтилганларни ҳисобга олиб, таркибида қўйи ва олий кинематик жуфтликлари бўлган мураккаб механизмларни яратиш ва таҳлил қилишни осонлаштириш мақсадида биз томонимиздан Десир гуруҳлари деб аталаувчи тузувчи гуруҳлар таклиф қилинди ва гуруҳларни тузиш учун қуйидаги тузилиш формуласи асос қилиб олинди:

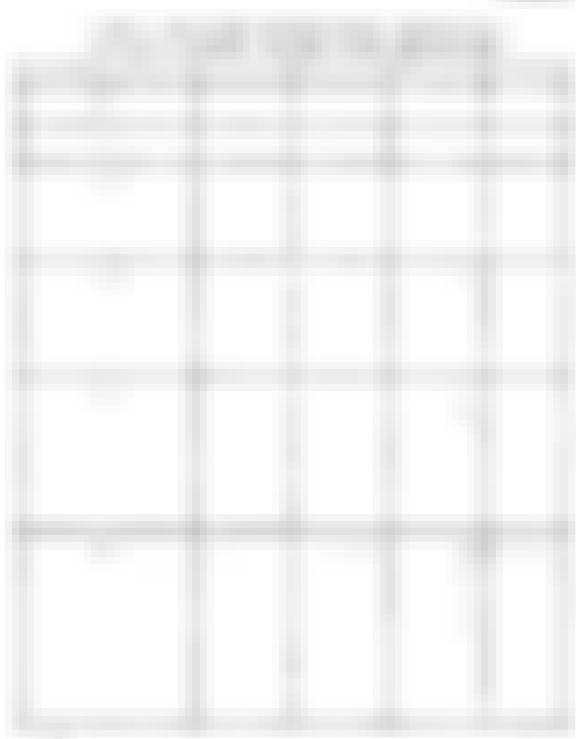
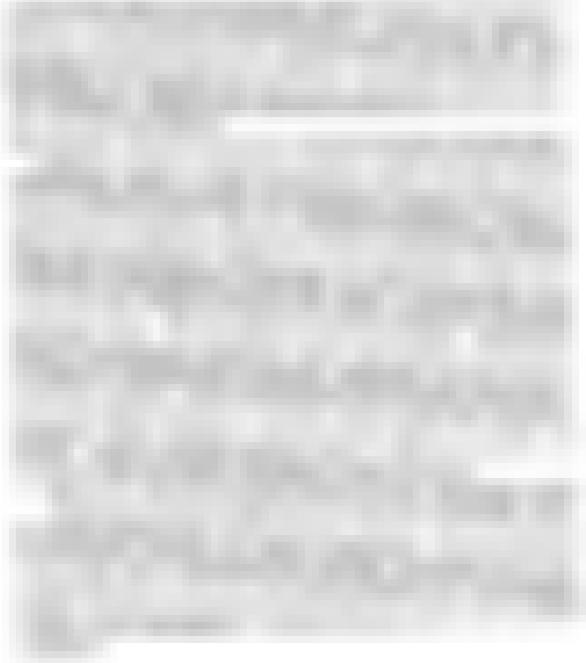
$$W_r = 3n - 2P_5 - P_4 = 0. \quad (1)$$

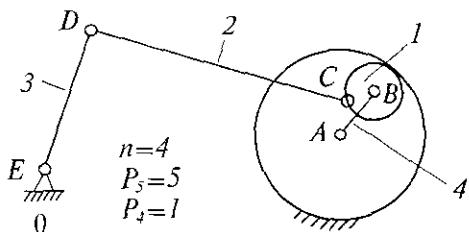
Мураккаб механизм таркибидан бошлангич механизм (механизмлар) олиб ташланганда қоладиган бўғинлар 4-5-синф кинематик жуфтликлар сони ушбу муносабатни қониқтириши керак. 1-жадвалда кўзгалувчан бўғинни қониқтириши керак. 1-жадвалда  $P_5$  ва  $P_4$  ларни  $n$ , 5- ва 4-синф кинематик жуфтликлар  $P_5$  ва  $P_4$  ларнинг (1) шартни қаноатлантирувчи қийматлари келтирилган.

$n$ ,  $P_5$  ва  $P_4$  ларнинг мумкин бўлган қийматлари

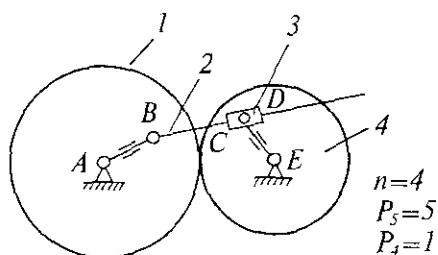
$n$	$P_5$	$P_4$
1	1	1
2	1 2	4 2
3	1 2 3 4	7 5 3 1
4	1 2 3 4 5	10 8 6 4 2
5	1 2 3 4 5 6 7	13 11 9 7 5 3 1
6	1 2 3 4 5 6 7 8	16 14 12 10 8 6 4 2

Жадвалдаги таҳлил қилиш шуни кўрсатадики,  $n$ ,  $P_5$  ва  $P_4$  ларнинг баъзи муносабатлари (1) шартни қаноатлантириса ҳам, конструктив нуқтаи назардан улар тузувчи гуруҳ ҳосил қила олмайди. Техникада мавжуд мураккаб механизмлар тузилишини (1) шарт бўйича таҳлил қилишдан маълум бўлди, Десир гуруҳлари яна қуйидаги қўшимча шартларга жавоб берishi керак:





1.10-расм.



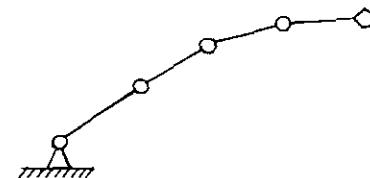
1.11-расм.

1)  $P_5 \geq n$ 2)  $n$  тоқ бўлса  $P_4$  ҳам тоқ бўлиши,  
 $n$  жуфт бўлса  $P_4$  ҳам жуфт бўлиши зарур.1.10 ва 1.11-расмларда (1) ва қўшимча шартлар асоси-  
да ёсил қилинган Десир гурухли механизмларнинг схе-  
маларидан намуналар келтирилган.

## 2.ТЕКИСЛИКДА ҲАРАКАТ ҚИЛУВЧИ ПИШАНГЛИ МЕХАНИЗМЛАР КИНЕМАТИКАСИ

Маълумки, илмий-техника тараққиётининг асосий ри-  
вожланиши тенденциясини роботлар, роботлаштирилган  
комплекслар ва мосланувчи автоматик ишлаб чиқариш-  
ни белгиловчи машинасозлик ташкил қиласди.

Роботлар орасида саноат роботлари энг содда струк-  
турага (тузилишга, 2.1-расм) эга. Кинематика нуқтаи на-  
заридан бу робот битта қотирилишга эга оддий механизм-



2.1-расм.

дан (уни яна очик занжир деб ҳам аталади) фарқ қил-  
майди.

Кинематика нимани ўрганади?

Кинематиканинг асосий вазифаси механизмлар ҳара-  
катини уларга таъсир қилувчи кучларни ҳисобга олмаган  
ҳолда таҳлил қилишдан иборатdir. Аслида бу ҳаракат ҳара-  
катлантирувчи кучлар таъсирида юзага келади, бунда қар-  
шилик қучлари, кинематик жуфтлардаги ишқаланиши куч-  
лари ва ҳ.к. пайдо бўлади. Лекин ўрганишини соддлашти-  
риш учун даставвал бу кучлар ҳисобга олинмайди.

Ҳаракат бирор нарсага нисбатан содир бўлади, чунки  
аслида абсолют ҳаракатлар умуман йўқ. Ер устидаги жисм-  
лар ерга ва бир-бирига нисбатан, ер қуёшга нисбатан,  
куёш эса бошқа галактикаларга ва ҳ.к. нисбатан ҳаракат  
қиласди.

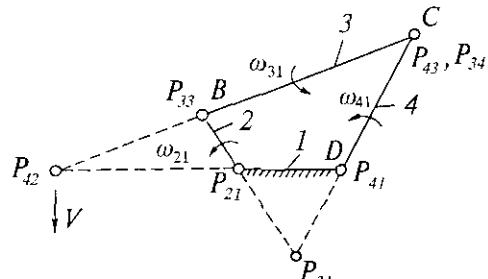
Биз ердаги механиканни текширганимиз учун ерга нис-  
батан ҳаракатни абсолют деб, қўзғалмас бўғинни эса шарт-  
ли равишда ерга қотирилган деб ҳисоблаймиз.

Шундай қилиб, агар механизм бўғини пойга нисбатан  
ҳаракат қиласа, бу ҳаракат абсолют деб, қўзғалувчан бўғинга  
нисбатан ҳаракат эса нисбий деб қабул қилинади.

### 2.1. Оний айланиш маркази (ОАМ)

Назарий механикадан маълумки, қаттиқ жисмнинг те-  
кис параллел ҳаракатида вақтнинг ҳар бир оидаги ҳара-  
катга оний айланиш маркази деб аталувчи нуқта атрофи-  
даги айланиш деб қаралиши мумкин (2.2-расм). Бунда  
агар ҳаракат пойга нисбатан содир бўлса, унга мос оний  
айланиш маркази ( $P_{3r}, P_{2r}, P_{4r}$ ) текширилаётган бўғин-  
нинг абсолют ҳаракатидаги оний айланиш маркази деб





2.2-расм.

аталади. Ҳаракат қўзғатувчан бўғинга нисбатан қаралганда эса, унга мос оний айланиш марказини кўрилаётган бўғинларнинг нисбий ҳаракатидаги оний айланиш маркази деб аталади.

2.2-расмдан кўриниб турибдики, оний айланиш марказлари бўғинлар нуқталарининг тезликлари йўналишларига перпендикуляр чизиклар кесишган нуқталарда жойлашади.

Масалан,  $P_{42}$  оний айланиш маркази  $P_{32}$  ва  $P_{42}$  ҳамда  $P_{21}$  ва  $P_{41}$  нуқталарни бирлаштирувчи чизикларда ётиши керак. Оний айланиш марказининг бу хоссаси инглиз олими Кеннеди томонидан исботланган.

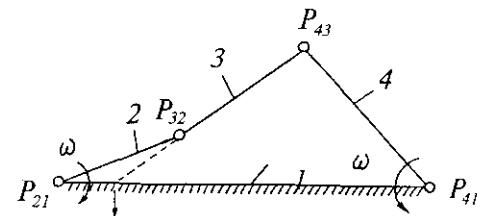
## 2.2. Механизм бўғинларининг тезликлари орасидаги муносабатлар

Механизм ҳар бир бўғинининг мос ОАМ атрофида айланиши вақтнинг кўрилаётган онидаги қандайдир оний бурчак тезлик ( $\omega_{21}$ ,  $\omega_{41}$ ,  $\omega_{31}$ ) билан содир бўлади. Уларнинг муносабатларини топиш учун ОАМ чизикдли тезликлар умумийлик хоссаларидан фойдаланилади.

$$V = \omega_{21} (P_{21} P_{42}) = \omega_{41} (P_{41} P_{42}) \text{ бўлгани учун}$$

$$\frac{\omega_{21}}{\omega_{41}} = \frac{P_{41} P_{42}}{P_{21} P_{42}}.$$

Яъни 2- ва 4-бўғинларнинг пой 1 га нисбатан бурчак тезликлари 2- ва 4-бўғинларнинг абсолют ҳаракатидаги



2.3-расм.

ОАМ гача бўлган масофаларга тескари пропорционал бўлакларда бўлади (2.3-расм).

Бунда агар  $P_{42}$ ,  $P_{21}$ ,  $P_{41}$  тўғри чизиги ташқи томондан бўлинса (2.4-расм),  $\omega_{21}$  ва  $\omega_{41}$  бурчак тезликлар бир хил йўналишда, агар ички томондан бўлинса, турли йўналишда бўлади.

## 2.4-расмдан

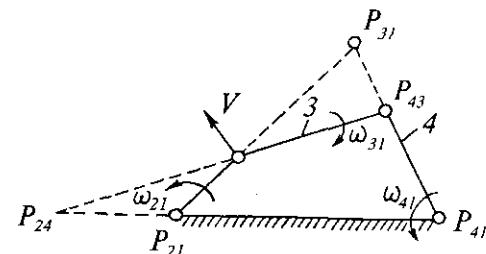
$$V = \omega_{21} (P_{21} P_{32}) = \omega_{31} (P_{31} P_{32}) \text{ дир.}$$

Бу ерда  $\omega_{21}$  ва  $\omega_{31}$  турли ишораларга эга бўлгани учун

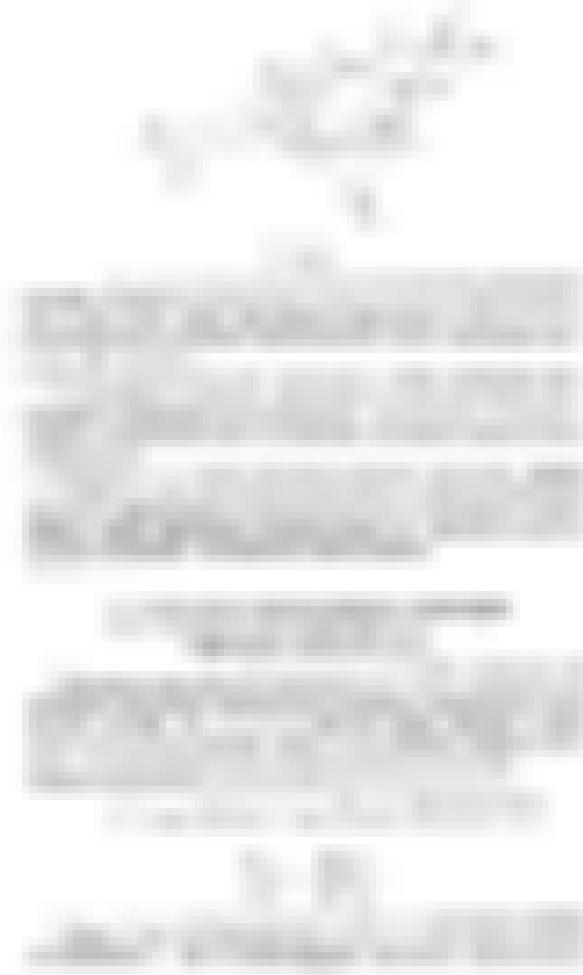
$$\therefore \frac{\omega_{21}}{\omega_{31}} = \frac{P_{31} P_{32}}{P_{21} P_{32}}.$$

Худди шундай тарзда

$$\therefore \frac{\omega_{31}}{\omega_{41}} = \frac{P_{41} P_{43}}{P_{31} P_{43}}.$$



2.4-расм.



Шуни ҳисобга олиш керакки,

$$\omega_{32} = \omega_{31} - \omega_{21}$$

ёки

$$\omega_{34} = \omega_{31} - \omega_{41}$$

### 2.3. Узатиш нисбатлари

Механизм икки бўғинининг бурчак тезликлари нисбати узатиш нисбати дейилади ва  $i$  ҳарфи билан белгиланади:

$$i_{24} = \frac{\omega_{21}}{\omega_{41}} = -\frac{P_{41} P_{42}}{P_{21} P_{42}}.$$

Бўғинларнинг бурчак тезликлари пойга нисбатан аниқланган бўлса, иккичи индексни тушириб қолдириш қабул қилинган, яъни

$$i_{24} = \frac{\omega_2}{\omega_4}.$$

Худди шундай

$$i_{42} = \frac{\omega_4}{\omega_2}.$$

Охирги икки ифодани ўзаро таққослаш шуни кўрсатадики,

$$i_{24} = \frac{1}{i_{42}}$$

### 2.4. Кинематик жуфтлар бўғинларнинг тезлик ва тезланишларини графоаналитик усулда аниқлаш

Механизмда бўғинлар сони кўп бўлганда оний айланыш марказларидан фойдаланиш усули нокулайдир, чунки  $n$  — бўғинли механизмнинг ОАМ сони тенг бўлади:

$$K = \frac{n(n-1)}{2}.$$

Масалан,  $n = 4$  бўлганда  $K = 6$ ;  $n = 5$  да  $K = 10$ ;  $n = 6$  да  $K = 15$ ;  $n = 7$  да  $K = 21$ ;  $n = 8$  да  $K = 28$ ;  $n = 9$  да  $K = 36$ . Ундан ташқари баъзан ОАМ чизмадан ташқарида жойлашиб қолиши ҳам мумкин.

Назарий механикадаги қоидани қўллайлик. Бу қоидага кўра ўзгармас ясси фигуранинг унга параллел текисликдаги исталган ҳаракати шу фигуранинг ихтиёрий танланган нуқтаси (қутб) билан барча кўчирма илгариланма ҳаракат ва қутб атрофидаги ҳаракатидан ташкил қилинши мумкин.

Шунинг учун  $C$  нуқта тезлиги қутб ( $B$  нуқта орқали) қуидагида ифодаланиши мумкин:

$$\bar{V}_C = \bar{V}_B + \bar{V}_{CB},$$

бу ерда  $\bar{V}_{CB}$  —  $C$  нуқтанинг  $B$  нуқтага нисбатан чизиқли тезлиги.

Тезлик  $\bar{V}_{CB}$  узунлик  $L_{BC}$  ёки  $BC$  нинг бурчак тезликка кўпайтмасига тенг ва бурчак тезлик томонига йўналган.

Худди шундай равишида  $C$  нуқта тезланиши тенг бўлади.

$$\bar{a}_C = \bar{a}_B + \bar{a}_{CB}.$$

Қайд қилиш керакки, бу йиғиндилар геометрик йиғиндилардир.

Нисбий айланма ҳаракат тезланишининг вектори  $a_{CB}$  нормал ва уринма тезланишлар векторларининг геометрик йиғиндисидан иборат бўлади, шунинг учун охирги ифода қуидаги кўринишни олади:

$$\bar{a}_C = \bar{a}_B + \bar{a}_{CB}^n + \bar{a}_{CB}^t.$$

бу ерда  $\bar{a}_{CB}^n$  —  $C$  нуқтанинг  $B$  нуқтага нисбатан ҳаракатидаги нормал тезланиши вектори;

$\bar{a}_{CB}^t$  —  $C$  нуқтанинг  $B$  нуқтага нисбатан ҳаракатидаги уринма тезланиши вектори.

1. *Leptospiral*  
2. *Leptospiral*

3. *Leptospiral*  
4. *Leptospiral*

5. *Leptospiral*  
6. *Leptospiral*

7. *Leptospiral*  
8. *Leptospiral*

9. *Leptospiral*  
10. *Leptospiral*

11. *Leptospiral*  
12. *Leptospiral*

13. *Leptospiral*  
14. *Leptospiral*

15. *Leptospiral*  
16. *Leptospiral*

17. *Leptospiral*  
18. *Leptospiral*

19. *Leptospiral*  
20. *Leptospiral*

21. *Leptospiral*  
22. *Leptospiral*

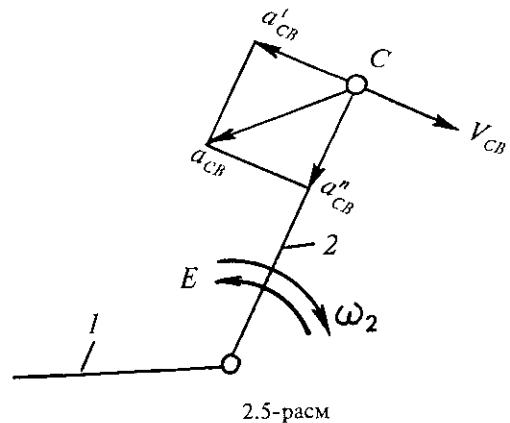
23. *Leptospiral*  
24. *Leptospiral*

25. *Leptospiral*  
26. *Leptospiral*

27. *Leptospiral*  
28. *Leptospiral*  
29. *Leptospiral*  
30. *Leptospiral*  
31. *Leptospiral*  
32. *Leptospiral*  
33. *Leptospiral*  
34. *Leptospiral*  
35. *Leptospiral*  
36. *Leptospiral*  
37. *Leptospiral*  
38. *Leptospiral*  
39. *Leptospiral*  
40. *Leptospiral*  
41. *Leptospiral*  
42. *Leptospiral*  
43. *Leptospiral*  
44. *Leptospiral*  
45. *Leptospiral*  
46. *Leptospiral*  
47. *Leptospiral*  
48. *Leptospiral*  
49. *Leptospiral*  
50. *Leptospiral*

51. *Leptospiral*  
52. *Leptospiral*  
53. *Leptospiral*  
54. *Leptospiral*  
55. *Leptospiral*  
56. *Leptospiral*  
57. *Leptospiral*  
58. *Leptospiral*  
59. *Leptospiral*  
60. *Leptospiral*  
61. *Leptospiral*  
62. *Leptospiral*  
63. *Leptospiral*  
64. *Leptospiral*  
65. *Leptospiral*  
66. *Leptospiral*  
67. *Leptospiral*  
68. *Leptospiral*  
69. *Leptospiral*  
70. *Leptospiral*  
71. *Leptospiral*  
72. *Leptospiral*  
73. *Leptospiral*  
74. *Leptospiral*  
75. *Leptospiral*  
76. *Leptospiral*  
77. *Leptospiral*  
78. *Leptospiral*  
79. *Leptospiral*  
80. *Leptospiral*  
81. *Leptospiral*  
82. *Leptospiral*  
83. *Leptospiral*  
84. *Leptospiral*  
85. *Leptospiral*  
86. *Leptospiral*  
87. *Leptospiral*  
88. *Leptospiral*  
89. *Leptospiral*  
90. *Leptospiral*  
91. *Leptospiral*  
92. *Leptospiral*  
93. *Leptospiral*  
94. *Leptospiral*  
95. *Leptospiral*  
96. *Leptospiral*  
97. *Leptospiral*  
98. *Leptospiral*  
99. *Leptospiral*  
100. *Leptospiral*

101. *Leptospiral*  
102. *Leptospiral*  
103. *Leptospiral*  
104. *Leptospiral*  
105. *Leptospiral*  
106. *Leptospiral*  
107. *Leptospiral*  
108. *Leptospiral*  
109. *Leptospiral*  
110. *Leptospiral*  
111. *Leptospiral*  
112. *Leptospiral*  
113. *Leptospiral*  
114. *Leptospiral*  
115. *Leptospiral*  
116. *Leptospiral*  
117. *Leptospiral*  
118. *Leptospiral*  
119. *Leptospiral*  
120. *Leptospiral*  
121. *Leptospiral*  
122. *Leptospiral*  
123. *Leptospiral*  
124. *Leptospiral*  
125. *Leptospiral*  
126. *Leptospiral*  
127. *Leptospiral*  
128. *Leptospiral*  
129. *Leptospiral*  
130. *Leptospiral*  
131. *Leptospiral*  
132. *Leptospiral*  
133. *Leptospiral*  
134. *Leptospiral*  
135. *Leptospiral*  
136. *Leptospiral*  
137. *Leptospiral*  
138. *Leptospiral*  
139. *Leptospiral*  
140. *Leptospiral*  
141. *Leptospiral*  
142. *Leptospiral*  
143. *Leptospiral*  
144. *Leptospiral*  
145. *Leptospiral*  
146. *Leptospiral*  
147. *Leptospiral*  
148. *Leptospiral*  
149. *Leptospiral*  
150. *Leptospiral*



2.5-расм

1- ва 2-бўйинлар айланма кинематик жуфтга кирган бўлсин (2.5-расм).

В нуқтани қутб сифатида қабул қилиб оламиз, яъни

$$\bar{V}_C = \bar{V}_B + \bar{V}_{CB}.$$

бу ерда

$$V_{CB} = \omega_2 L_{BC}$$

$$\bar{a}_C = \bar{a}_B + a''_{CB} + a''^r_{CB}.$$

бу ерда

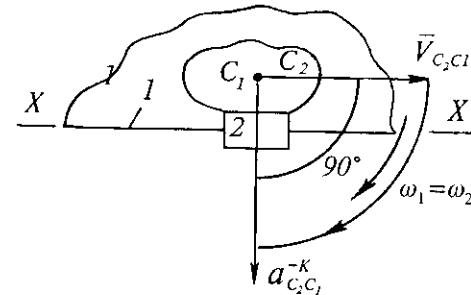
$$a''_{CB} = \left[ \frac{V_{CB}^2}{L_{BC}} \right] = \omega_2^2 L_{BC}.$$

Ундан ташқари

$$a''_{CB} = \left[ \frac{dV_{CB}}{dt} \right] = [\varepsilon_2] L_{BC}.$$

бу ерда  $\varepsilon_2$  — 2-бўйин бурчак тезланиши.

Агар кинематик жуфт илгариланма ҳаракат қилувчи бўйинли бўлса, (2.6-расм), 2-бўйинга тегишли  $C_2$  нуқтанинг тезлиги 1-бўйинга тегишли  $C_1$  нуқта тезлигига кўйидаги тенглама орқали боғланган бўлади:



2.6-расм

$$\bar{V}_{C2} = \bar{V}_{C1} + \bar{V}_{C2C1}$$

бу ерда  $\bar{V}_{C1}$  — 1-бўйин (йўналтирувчи XX) нинг кўрилаётган ҳолда 2-бўйин  $C_2$  нуқтаси билан мос келувчи  $C_1$  нуқтасининг илгариланма ҳаракатидаги тезлиги;

$\bar{V}_{C2C1}$  — 2-бўйиннинг 1-бўйинга нисбатан ҳаракатидаги ва йўналтирувчи XX га параллел йўналган тезлик.

Тезланиш

$$\bar{a}_{C2} = \bar{a}_{C1} + a''_{C2C1} + a''^r_{C2C1}$$

бу ерда  $\bar{a}_{C1}$  —  $C_1$  нуқта тезланиши;

$a''_{C2C1}$  — йўналтирувчи XX га перпендикуляр йўналган бурилиш тезланиши (Кориолис тезланиши)

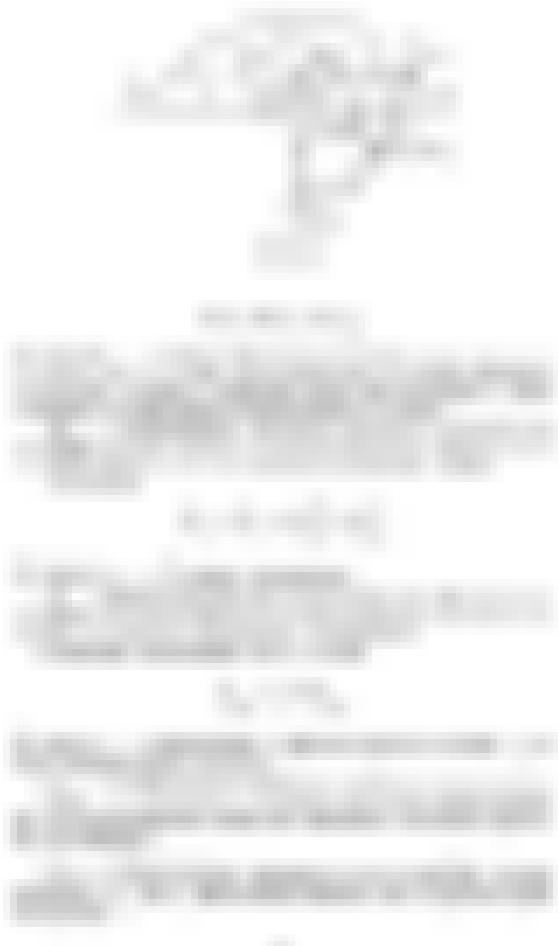
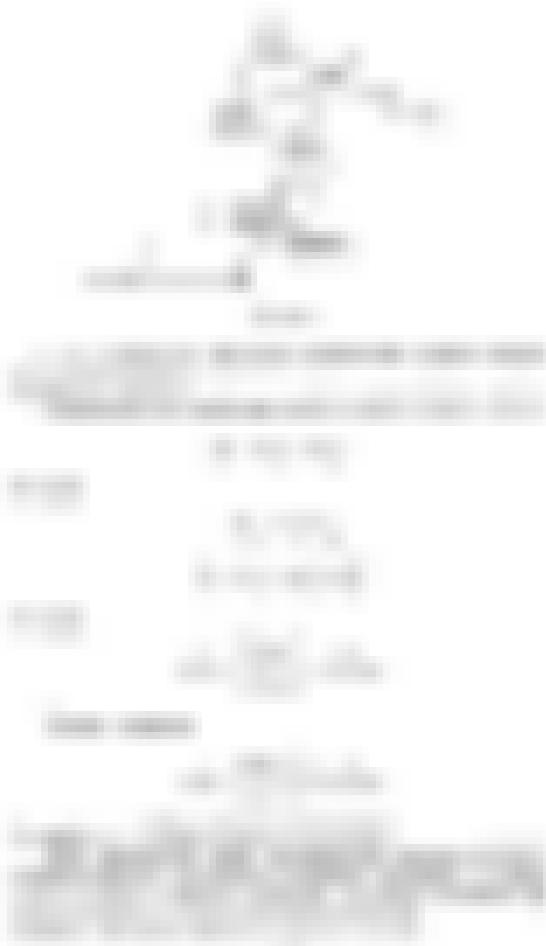
Кориолис тезланиши  $a''_{C2C1}$  га тенг

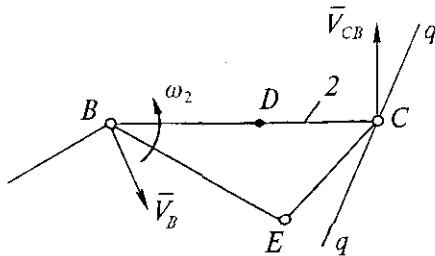
$$a''_{C2C1} = 2 w V_{C2C1}$$

бу ерда  $\omega_2$  — 2-бўйиннинг 1-бўйин бурчак тезлиги  $\omega_1$  га тенг бўлган бурчак тезлиги;

$a''_{C2C1}$  — 2-бўйиннинг 1-бўйинга нисбатан ҳаракатидаги ва XX йўналтирувчи параллел йўналган тезланиш (релятив тезланиш).

$a''_{C2C1}$  — йўналишини аниқлаш учун нисбий тезлик вектори  $V_{C2C1}$  ни  $\omega_1$  йўналиши бўйича  $90^\circ$  га буриш керак (2.6-расм).



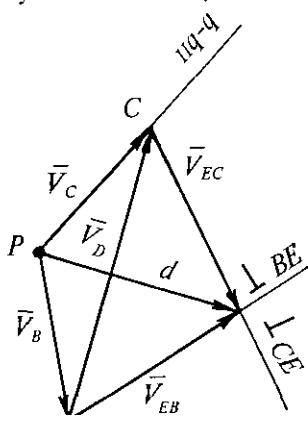


2.7-расм

Юқоридаги тенгламалар график йўл билан бўғинларнинг тезлик ва тезланишлар режаларини қуриш усули орқали ечилиши мумкин.

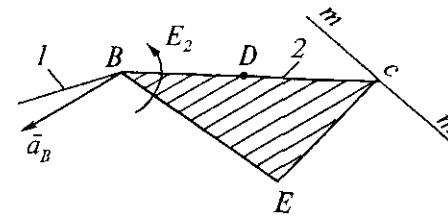
$\bar{V}_B$  тезлик векторининг катталиги ва 2-бўғин  $C$  нуқтасининг тезлик вектори  $\bar{V}_C$  йўналиши  $q-q$  берилган.  $V_{C_E}$  ва  $w_2$ ни (2.7-расм) аниқлаш керак бўлсин.

Ихтиёрий олинган  $P$  нуқтадан (уни тезликлар қутби деб атайлик)  $\bar{V}_B$  векторини қўямиз (2.8-расм). Вектор охиридан, яъни  $B$  нуқтадан  $V_c$  векторининг  $q-q$  йўналиши бўйича  $P$  нуқтадан чиқазилган тўғри чизик билан кесишгунча  $\bar{V}_{CB}$  вектори йўналишида ( $c\vartheta$ ) тўғри чизик ўтказмиз. Натижада 2-бўғиннинг тезликлар режаси деб аталувчи  $DPbc$  ни хосил қиласиз: Тезлик режаси қурилгандан сўнг бу бўғиннинг исталган нуқтаси тезлигини оддийгина аниқлаш мумкин. Масалан, бўғиннинг  $E$  нуқтаси тезлигини тошиш учун қўйидагига эга бўламиз:



2.8-расм

яъни  $V_E$  вектор охири  $e$  нуқта  $BE$  ва  $CE$  йўналишларига перпендикуляр равишида  $b$  ва  $c$  нуқталаридан ўтказилган икки тўғри чизик кесишган жойида ётади.



2.9-расм

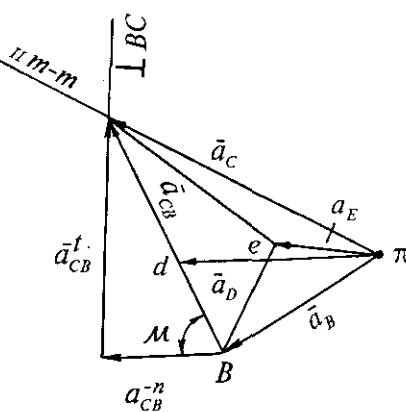
Шундай қилиб,  $Dbce$   $DBCE$  га ўхшаш ва унга нисбатан  $90^\circ$  га бурилган бўлади (2.7 ва 2.8-расмлар).  $D$  нуқта тезлигини тошиш керак бўлса, қуйидаги пропорциядан фойдаланамиз:

$$\frac{V_{DE}}{V_{CB}} = \frac{bd}{bc} = \frac{BD}{BC}$$

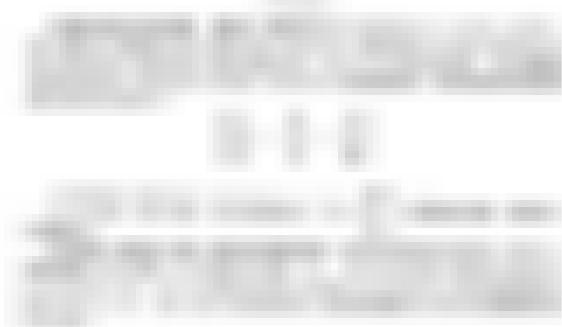
2-бўғин бурчак тезлигини  $w_2 = \frac{V_{CB}}{L_{BC}}$  ифодадан аниқлаймиз.

Энди худди шу нуқталарнинг тезланишларини аниқлайлик (2.9 ва 2.10-расмлар)  $\bar{a}_B$  тезланиш векторининг катталиги ва  $\bar{a}_c$  векторининг йўналиши  $m-m$  берилган бўлсин.

$\bar{a}_d$ ,  $\bar{a}_c$ ,  $\bar{a}_e$  ва  $e_2$ ни аниқлаш керак.



2.10-расм



$\pi$  нүктадан (бу нүкта тезланишлар кутби деб атала迪)  $\bar{a}_\pi = 0$ )  $a_B$  тезланиш векторини жойлаштирамиз, унинг охиридан ( $b$  нүктадан)  $C$  нүктадан  $B$  нүктага қараб йўналган ва қиймати  $\bar{a}_{CB}^\pi = w_2^2 L_{CB}$  га тенг бўлган нормал тезган ва қиймати  $\bar{a}_{CB}^n = w_2^2 L_{BC}$  га тенг бўлган нормал тезланыш вектори  $b_n$  ни қўямиз. Бу вектор учидан ( $n$  нүктадан)  $\pi$  нүктадан  $m$ -т йўналишга параллел ўтказилган тўғри чизиқ билан кесишгунча (с нүктада)  $bc$  ни чиқазамиз. Курилган фигура  $\pi b \pi c$  2-бўғин тезланишлари режаси деб аталади.

$\bar{a}_{CB}$  ни тасвирловчи  $cb$  кесма механизмдаги  $BC$  кесма йўналиши билан  $m$  бурчак ҳосил қиласди.

Бунда

$$\operatorname{tg} \mu = \frac{nc}{bn} = \frac{\bar{a}_{CB}^\pi}{\bar{a}_{CB}^n} = \frac{\varepsilon_2 l_{CB}}{w_2^2 l_{BC}} = \frac{\varepsilon_2}{w_2^2}.$$

Шундай қилиб, 2-бўғин нүкталарининг абсолют тезланишлари мос нүктадан  $B$  нүктага ўтказилган радиус-векторлари билан қиймати бир хил  $m$  бурчак ташкил қиласди.

$\bar{a}_{DB}$  топиш учун худди илгаридай

$$\frac{a_{DB}}{a_{CB}} = \frac{L_{DB}}{L_{CB}} = \frac{db}{cb}$$

пропорциялардан фойдаланамиз.

$a_E$  тезланишини топиш учун ҳам ўхшашлик усулидан фойдаланиб,  $\Delta BCE$  га ўхшашиб, бироқ  $m$  бурчакка бурилган  $\Delta bce$  қурамиз (2.9-расм).

Курилган тезланишлар режасидан 2-бўғин бурчак тезланишини аниқлаш мумкин, бунда

$$\varepsilon_2 = \frac{\bar{a}_{CB}^\pi}{L_{BC}}$$

$\bar{a}_{CB}^\pi$  вектори тезланишлар режасида  $nc$  кесма тарзида тасвирланган.  $\varepsilon_2$  йўналиши  $\bar{a}_{CB}^\pi$  векторини  $C$  нүктага фикран қўйиш орқали аниқланади.

## 2.5. Кинематик таҳлилнинг аналитик усули

Механизмлар кинематикасини текширишнинг ЭҲМ-дан фойдаланиб ечиладиган аналитик усули ҳисобларни тезлаштириш ва уларнинг аниқлигини ошириш имконини беради.

Бу усулга асосан аввал механизм бўғинларидан берк вектор контурлари ҳосил қилиниб, уларнинг тенгламалари тузилади, сўнгра бу тенгламалар кетма-кет дифференциалланиб чизиқли ва бурчак тезлик, тезланишлар аниқланади.

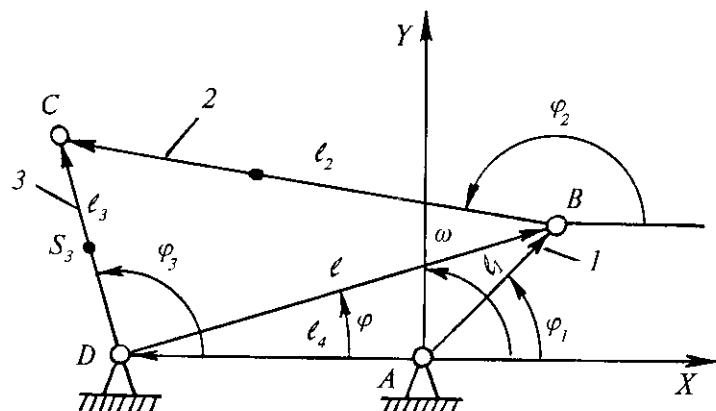
Мисол тариқасида тўрт бўғинли пишангли механизми кўриб чиқайлик (2.11-расм). Тузилган берк контур  $ABCD$  учун вектор тенгламаси қўйидагича ёзилади:

$$\bar{l}_1 + \bar{l}_2 = \bar{l}_3 + \bar{l}_4 \quad (1)$$

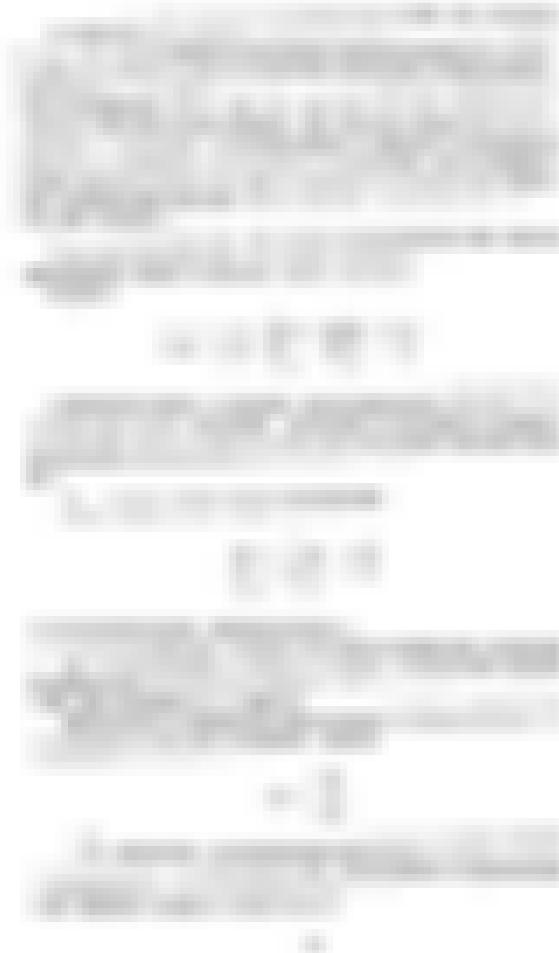
(1) ни координат ўқларига проекциялаб ҳосил қиласмиз:

$$\left. \begin{aligned} l_1 \cos \varphi_1 + l_2 \cos \varphi_2 + l_3 \cos \varphi_3 - l_4 \\ l_1 \sin \varphi_1 + l_2 \sin \varphi_2 + l_3 \sin \varphi_3 \end{aligned} \right\} \quad (2)$$

$l_1$ ,  $\varphi_1$  ва  $l_4$  қийматлари маълум бўлгани учун  $l$  векторини киритамиз, унинг модули тенг:



2.11-расм



$$l = \sqrt{(l_4 + l_1 \cos \varphi_1)^2 + l_1^2 \sin^2 \varphi_1},$$

абсцисса ўқи билан ҳосил қилған бурчак эса қуидагида ифодаланади:

$$\cos \varphi = \frac{l_4 + l_1 \cos \varphi_1}{l}; \quad \sin \varphi = \frac{l_1 \sin \varphi_1}{l}.$$

Унда (2) ни ёзиш мүмкін:

$$\left. \begin{aligned} l \cos \varphi + l_2 \cos \varphi_2 + l_3 \cos \varphi_3 \\ l \sin \varphi + l_2 \sin \varphi_2 + l_3 \sin \varphi_3 \end{aligned} \right\} \quad (3)$$

(3) ни квадратта күтәрамиз ва бир-бирига қўшиб, ўзгаришишлардан кейин оламиз:

$$\cos(\varphi - \varphi_2) = \frac{l_3^2 - l_2^2 - l^2}{2ll_2}$$

Бу ерда

$$\begin{aligned} \varphi_2 &= \arccos \frac{l_4 + l_1 \cos \varphi_1}{\sqrt{(l_4 + l_1 \cos \varphi_1)^2 + l_1^2 \sin^2 \varphi_1}} - \\ &- \arccos \frac{l_3^2 - l_2^2 - (l_4 + l_1 \cos \varphi_1)^2 - l_1^2 \sin^2 \varphi_1}{2l_2 \sqrt{(l_4 + l_1 \cos \varphi_1)^2 + l_1^2 \sin^2 \varphi_1}} \end{aligned} \quad (4)$$

(3) ни қуидагида ёзамиз:

$$\begin{aligned} l \cos \varphi + l_3 \cos \varphi_3 &= l_2 \cos \varphi_2 \\ l \sin \varphi + l_3 \sin \varphi_3 &= l_2 \sin \varphi_2 \end{aligned} \quad (5)$$

(5) ни яна квадратта күтариб ва бир-бирига қўшиб ҳосил қиламиз:

$$\cos(\varphi_2 - \varphi_3) = \frac{l_2^2 + l_3^2 - l^2}{2l_2 l_3};$$

Унда

$$\varphi_3 = \varphi_2 - \arccos \frac{l_2^2 - l_3^2 - (l_4 + l_1 \cos \varphi_1)^2 - l_1^2 \sin^2 \varphi_1}{2l_2 l_3} \quad (6)$$

(4) ва (6) ифодалар мос ҳолда 2- ва 3-бўғинларнинг ҳолат функциялари деб аталади.

Бу бўғинларнинг бурчак тезликларини аниқлаш учун (2) тенгламаларни вақт бўйича дифференциялаймиз:

$$\left. \begin{aligned} -l_1 \sin \varphi_1 \cdot \omega_1 - l_2 \sin \varphi_2 \cdot \omega_2 &= -l_3 \sin \varphi_3 \cdot \omega_3 \\ l_1 \cos \varphi_1 \cdot \omega_1 + l_2 \cos \varphi_2 \cdot \omega_2 &= l_3 \cos \varphi_3 \cdot \omega_3 \end{aligned} \right\} \quad (7)$$

(7) нинг биринчи тенгламасини  $\cos \varphi_3$  га, иккинчисини  $\sin \varphi_3$  га кўпайтирамиз:

$$\begin{aligned} l_1 \omega_1 \sin \varphi_1 \cdot \cos \varphi_3 + l_2 \omega_2 \sin \varphi_2 \cdot \cos \varphi_3 &= l_3 \omega_3 \sin \varphi_3 \cdot \cos \varphi_3 \\ l_1 \omega_1 \cos \varphi_1 \cdot \sin \varphi_3 + l_2 \omega_2 \cos \varphi_2 \cdot \sin \varphi_3 &= l_3 \omega_3 \cos \varphi_3 \cdot \sin \varphi_3 \end{aligned} \quad (8)$$

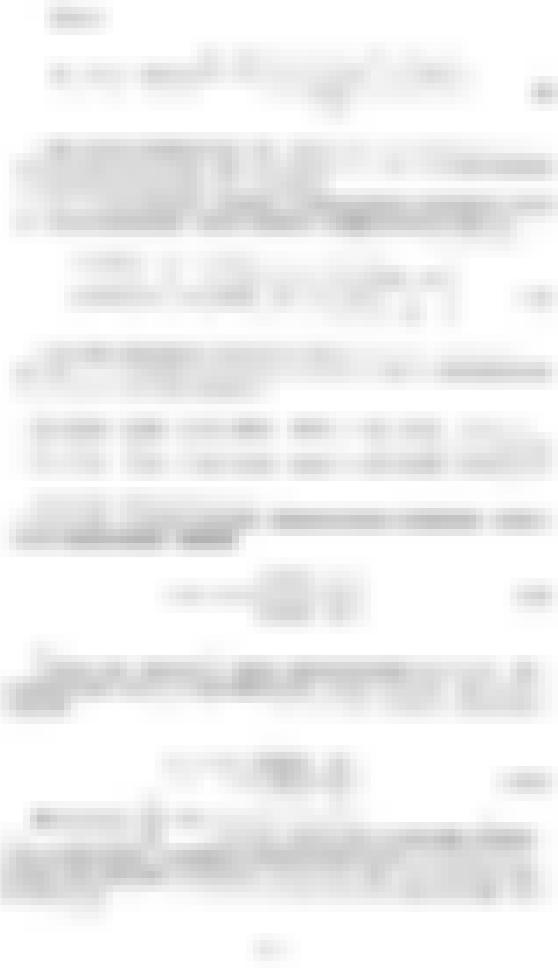
(8) нинг биринчисидан иккинчисини айриб, содлаштиришилардан кейин

$$\omega_2 = -\omega_1 \frac{l_1 \sin(\varphi_3 - \varphi_1)}{l_2 \sin(\varphi_3 - \varphi_2)}. \quad (9)$$

Худди шу тарзда (7) нинг биринчисини  $\cos \varphi_3$  га, иккинчисини  $\sin \varphi_3$  га кўпайтириб, ўзаро қўшиб соддалаштирасак:

$$\omega_3 = -\omega_1 \frac{l_1 \sin(\varphi_3 - \varphi_1)}{l_2 \sin(\varphi_3 - \varphi_2)} \quad (10)$$

Маълумки,  $\frac{\omega_n}{\omega_1} = U_{n1}$  узатиш нисбати  $n$  номерли бўғиннинг етакловчи 1-бўғинга нисбатан биринчи узатиш функцияси ёки бурчак тезликлар аналоги деб ҳам аталади. (9) ва (10) дан



$$U_{21} = \frac{l_1 \sin(\varphi_3 - \varphi_1)}{l_2 \sin(\varphi_3 - \varphi_2)} \quad (11)$$

$$U_{31} = \frac{l_1 \sin(\varphi_2 - \varphi_1)}{l_2 \sin(\varphi_3 - \varphi_2)} \quad (12)$$

2- ва 3-бўғинларнинг бурчак тезланишларини аниқлаш учун (7) ни яна бир марта дифференциялаймиз:

$$\begin{aligned} l_1 \omega_1^2 \cos \varphi_1 - l_2 \varepsilon_1 \sin \varphi_1 + l_2 \omega_2^2 \cos \varphi_2 - l_2 \varepsilon_2 \sin \varphi_3 = \\ -l_1 \omega_1^2 \sin \varphi_1 - l_3 \varepsilon_1 \cos \varphi_1 - l_2 \omega_2^2 \sin \varphi_2 - l_2 \varepsilon_2 \cos \varphi_2 = \\ = l_3 \omega_3^2 \cos \varphi_3 - l_3 \varepsilon_3 \sin \varphi_3 \\ = -l_3 \omega_3^2 \sin \varphi_3 - l_3 \varepsilon_3 \cos \varphi_3 \end{aligned} \quad (13)$$

(13) нинг биринчисини  $\cos \varphi_3$  га, иккинчисини  $\sin \varphi_3$  га кўпайтирамиз ва уларни ўзаро қўшиб, соддалаштиришлардан кейин қўйидагиларни ҳосил қиласиз:

$$\varepsilon_2 = \frac{l_1 \omega_1^2 \cos(\varphi_3 - \varphi_1) + l_2 \omega_2^2 \cos(\varphi_3 - \varphi_2) + l_3 \omega_3^2}{l_2 \sin(\varphi_3 - \varphi_2)} + \varepsilon_1 \cdot U_{21}; \quad (14)$$

Худди шундай (13) нинг биринчисини  $\cos \varphi_3$  га, иккинчисини  $\sin \varphi_3$  га кўпайтириб, ўзаро қўшиб ва соддалаштириб

$$\varepsilon_2 = \frac{l_1 \omega_1^2 \cos(\varphi_2 - \varphi_1) + l_3 \omega_3^2 \cos(\varphi_3 - \varphi_2) - l_2 \omega_2^2}{l_3 \sin(\varphi_3 - \varphi_2)} + \varepsilon_1 \cdot U_{31}; \quad (15)$$

Етакловчи бўғин 1 ўзгармас бурчак тезлик билан ҳаракат қилса,  $\varepsilon_2 = 0$ .

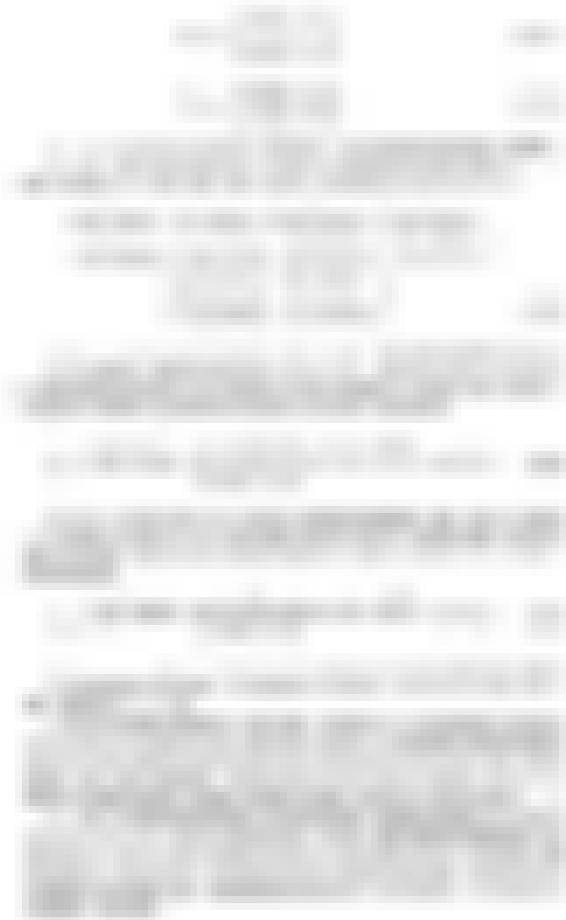
Агар бўғинларнинг бурчак тезлиги  $\omega$  ва бурчак тезланишлари  $\varepsilon$  қийматлари мусбат чиқса, уларнинг йўналишлари  $\varphi_i$  бурчакнинг ўзгариш йўналиши билан бир хил, яъни етакловчи бўғин билан бир томонга айланади.

2- ва 3-бўғинларнинг массалари марказлари  $S_2$  ва  $S_3$  ҳамда  $B$  ва  $C$  нуқталарининг ҳолат функцияларини координата ўқларига проекциялар кўринишида тузамиз ва уларни кетма-кет дифференциялаб чизиқли тезланишларни оламиз:

$$\begin{aligned} \begin{cases} X_B = l_1 \cos \varphi_1; & V_{Bx} = -l_1 \omega_1 \sin \varphi_1; \\ Y_B = l_1 \sin \varphi_1; & V_{By} = l_1 \omega_1 \cos \varphi_1; \end{cases} \\ \begin{cases} a_{Bx} = -l_1 (\omega_1^2 \cos \varphi_1 + \varepsilon_1 \sin \varphi_1); & X_C = l_3 \cos \varphi_3 - l_4; \\ a_{By} = -l_1 (\omega_1^2 \sin \varphi_1 - \varepsilon_1 \cos \varphi_1). & Y_C = l_3 \sin \varphi_3; \end{cases} \\ \begin{cases} V_{Cx} = -l_3 \omega_3 \sin \varphi_3; & a_{Cx} = -l_3 (\omega_3^2 \cos \varphi_3 + \varepsilon_3 \sin \varphi_3); \\ V_{Cy} = l_3 \omega_3 \cos \varphi_3; & a_{Cy} = -l_3 (\omega_3^2 \sin \varphi_3 - \varepsilon_3 \cos \varphi_3). \end{cases} \\ \begin{cases} X_{S_2} = l_1 \cos \varphi_1 + l_{BS_2} \cos \varphi_2; \\ Y_{S_2} = l_1 \sin \varphi_1 + l_{BS_2} \sin \varphi_2; \end{cases} \\ \begin{cases} V_{S_2x} = -l_1 \omega_1 \sin \varphi_1 - l_{BS_2} \omega_2 \sin \varphi_2; \\ V_{S_2y} = l_1 \omega_1 \cos \varphi_1 - l_{BS_2} \cdot \omega_2 \cos \varphi_2; \end{cases} \\ \begin{cases} a_{S_2x} = -l_1 (\omega_1^2 \cos \varphi_1 + \varepsilon_1 \sin \varphi_1) - l_{BS_2} (\omega_2^2 \cos \varphi_2 + \varepsilon_2 \sin \varphi_2); \\ a_{S_2y} = -l_1 (\omega_1^2 \sin \varphi_1 - \varepsilon_1 \cos \varphi_1) - l_{BS_2} (\omega_2^2 \sin \varphi_2 + \varepsilon_2 \cos \varphi_2); \end{cases} \\ \begin{cases} X_{S_3} = l_{DS_3} \cos \varphi_3 - l_4; & V_{S_3x} = -l_{DS_3} \omega_3 \sin \varphi_3; \\ Y_{S_3} = l_{DS_3} \sin \varphi_3; & V_{S_3y} = l_{DC_3} \omega_3 \cos \varphi_3; \end{cases} \\ \begin{cases} a_{S_3x} = -l_{DC_3} (\omega_3^2 \cos \varphi_3 - \varepsilon_3 \sin \varphi_3); \\ a_{S_3y} = -l_{DC_3} (\omega_3^2 \sin \varphi_3 - \varepsilon_3 \cos \varphi_3). \end{cases} \end{aligned}$$

Ушбу нуқталар тезлик ва тезланишларининг тўлиқ қийматлари тенг бўлади:

$$\begin{aligned} V_B &= \sqrt{V_{Bx}^2 + V_{By}^2} = l_1 \cdot \omega_1; & a_B &= \sqrt{a_{Bx}^2 + a_{By}^2} = l_1 \sqrt{\omega_1^4 + \varepsilon_1^2} \\ V_C &= \sqrt{V_{Cx}^2 + V_{Cy}^2} = l_3 \cdot \omega_3; & a_C &= \sqrt{a_{Cx}^2 + a_{Cy}^2} = l_3 \sqrt{\omega_3^4 + \varepsilon_3^2} \\ V_{S_2} &= \sqrt{V_{S_2x}^2 + V_{S_2y}^2}; & a_{S_2} &= \sqrt{a_{S_2x}^2 + a_{S_2y}^2} \\ V_{S_3} &= \sqrt{V_{S_3x}^2 + V_{S_3y}^2}; & a_{S_3} &= \sqrt{a_{S_3x}^2 + a_{S_3y}^2}. \end{aligned}$$



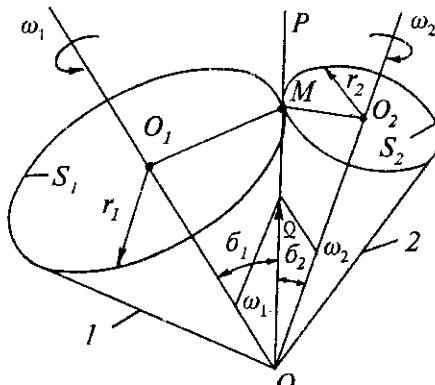
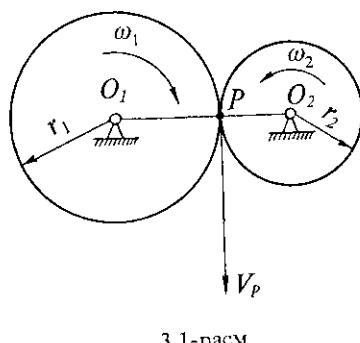
### 3. УЗАТИШ МЕХАНИЗМЛАРИНИНГ ТАХЛИЛИ ВА СИНТЕЗИ

Механизмларнинг турли хиллари орасида моментни бир ваффан бошқасига узатиш учун хизмат қилувчи, бошқача қилиб айтганда, айланма ҳаракатни узатувчи механизмлар алоҳида ўрин тутади. Бундай механизмларни узатиш механизмлари деб айтлади ва уларнинг таркибига тишили, фрикцион, эгилувчан боғланишли ва бошқа механизмлар киради.

Узатиш механизмлари таркибидағи бўғинлар сони ва уларнинг ўзаро боғланишлари турига кўра содда ва мураккаб бўлади. Бир бўғинли содда механизмларда қўз-галувчан бўғинлар иккита бўлиб, улар ўзаро битта олий ва иккита қуий кинематик жуфт орқали боғланган бўла-ва. Эгилувчан бўғинли содда механизмларда эса бўғинлар сони учта ва улар бир-бирига тўртта 5-синф қуий кинематик жуфт воситасида боғланган.

Мураккаб узатмалар бир неча содда механизмлардан ташкил топиб, уларнинг ҳар бири узатма погонаси деб аталади. Содда узатмаларда ёки мураккаб узатма бир погонасида айланувчи бўғинлар геометрик ўқлари параллел, насида айланувчи бўғинларни кесишувчан бўлиши мумкин. Уларнинг кинематикасини кўриб чиқайлик.

1. Узатма бўғинларининг ўқлари ўзаро параллел бўлсин (3.1-расм).



Бўғинларнинг умумий уриниши нуқтаси Руларнинг ўзаро нисбий ҳаракатидаги оний айланиш маркази бўлиб, унинг айланма тезлиги

$$V_p = \omega_1 l_{0_1 p} = -\omega_2 l_{0_2 p},$$

бу ерда

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = -\frac{l_{0_2 p}}{l_{0_1 p}} = const$$

$\frac{\omega_1}{\omega_2}$  нисбат узатма узатиш нисбати деб аталади ва  $U_{12}$  ифода билан белгиланади. Демак, ўзаро уриниб айланма ҳаракат қилувчи икки бўғин орасидаги узатиш нисбати агар ҳаракат сирпанишсиз бўлса, ўзгармас қийматга эга бўлади.  $U_{12}$  нисбатнинг манфий ишораси бўғинлар айланма ҳаракати бир-бирига тескари эканлигини билдиради.

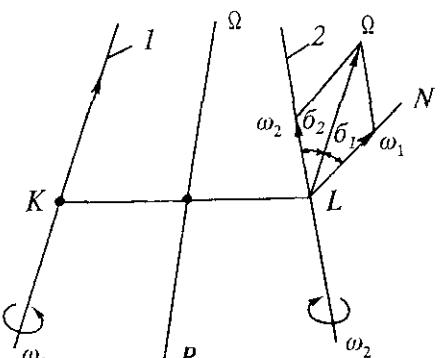
Агар бўғинлар доиравий бўлса  $l_{0_1 p} = r_1$ ;  $l_{0_2 p} = r_2$ , унда

$$U_{12} = -\frac{r_2}{r_1}$$

2. Узатма бўғинларининг ўқлари кесишувчан бўлсин (3.2-расм). Унда узатиш нисбати

$$U_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = -\frac{r_2}{r_1} = -\frac{l_{0_2 p} \sin \delta_2}{l_{0_1 p} \sin \delta_1} = -\frac{\sin \delta_2}{\sin \delta_1} = const$$





3.3-расм

бу ерда  $r_1$ ,  $r_2$  - 1- ва 2-бўғинларнинг ўқларига перпендикуляр текисликларнинг айланishiда ҳосил бўлган конусларнинг айланана асослари радиуслари.

Чўққиси 1- ва 2-бўғинларнинг ўқлари кесишадиган  $M$  нуқта бўлган конуслар окоидалар, ўқлар ва конус ҳосил қилиувчи чизиқлар орасидаги  $\delta_1$  ва  $\delta_2$  бурчаклар эса бўлувчи конусларнинг бурчаклари дейилади.

3. Бўғинларнинг ўқлари айқаш (3.3-расм) бўлса

$$U_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = - \frac{l_{LO} \sin \delta_2}{l_{KO} \sin \delta} = \text{const}$$

$$\frac{l_{KO}}{l_{LO}} = \frac{\operatorname{tg} \delta_1}{\operatorname{tg} \delta_2} \quad \text{бўлгани учун}$$

$$\frac{l_{LO} \cos \delta_2}{l_{KO} \cos \delta_1} = \frac{\sin \delta_2}{\sin \delta_1}$$

$$\text{яъни} \quad U_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = - \frac{\sin \delta_2}{\sin \delta_1}.$$

Бундай қонуният гиперболоидасимон фидираклар во- ситасида амалга оширилади.

### 3.1 Фрикцион (ишқаланишили) механизмлар

Етакловчи бўғиндан етакланувчи бўғинга томон ҳаракат улар орасидаги ишқаланиш кучлари ҳисобига узатилувчи механизмлар фрикцион (ишқаланишили) механизмлар деб аталади.

Фрикцион механизмлар қуйидаги турларга бўлинади:

- доиравий цилиндрический фрикцион фидиракли механизмылар (3.4,а-расм);
- конуссимон фрикцион фидиракли механизмылар (3.4,б-расм);
- фрикцион планетар механизм (3.4,в-расм);
- рўпара фрикцион механизмылар (3.4,г-расм);
- фидирак ва роликнинг айқаш ўқлари орасидаги по-гонасиз узатма (тезлик вариаторлари) кўринишидаги фрикцион механизм (3.4,е-расм).

Юқорида чиқазилган муносабатлар фрикцион механизмыларга ҳам тўғри келади, яъни: доиравий фрикцион фидираклар бўлганда (3.4,а-расм)

$$U_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{n_1}{n_2} = \pm \frac{r_2}{r_1}.$$

Конуссимон фрикцион фидираклар бўлганда (3.4б-расм)

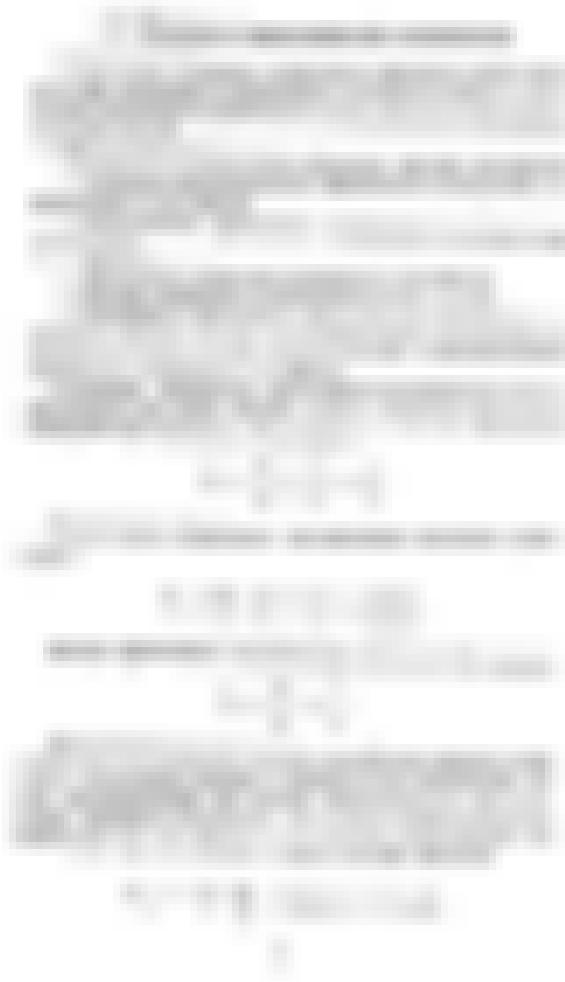
$$U_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{n_1}{n_2} = \pm \frac{r_2}{r_1} = \pm \frac{\sin \delta_2}{\sin \delta_1}.$$

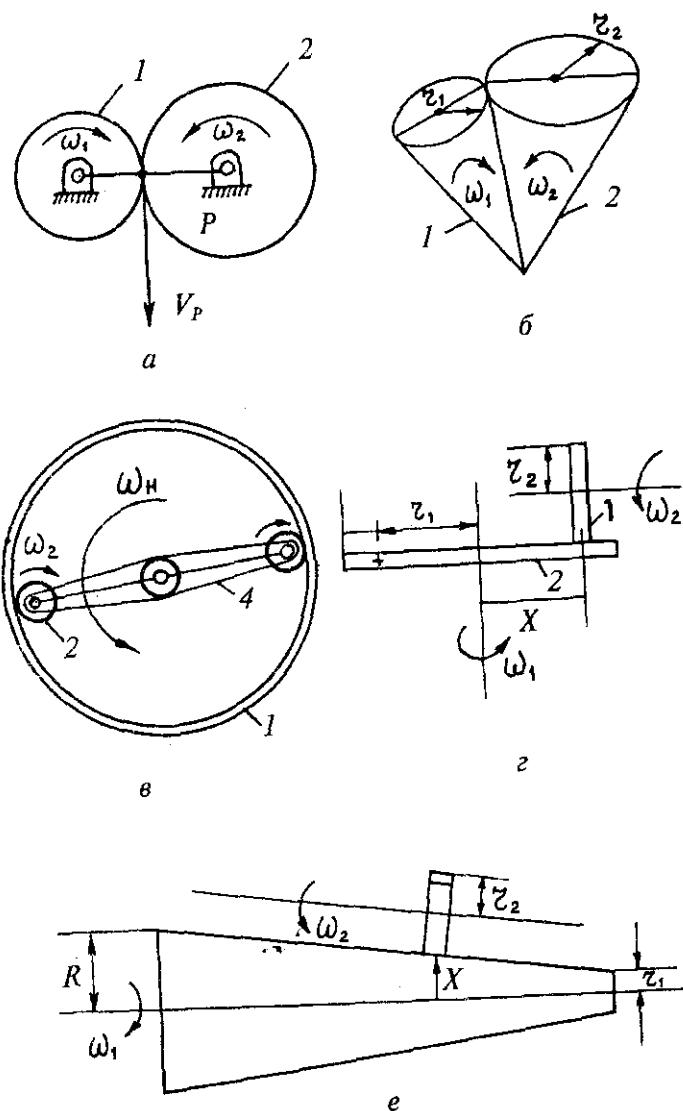
Рўпара фрикцион механизмылар учун эса (3.4,г-расм)

$$U_{12} = \frac{\omega_2}{\omega_1} = \pm \frac{x}{r_2}.$$

Бундай механизмлар узатиш нисбатини равон ўзгартириш имконини беради ва шунинг учун погонасиз узатиш механизмылари ёки тезлик вариаторлари дейилади. Судди шундай қонуниятга 3.4е-расмда кўрсатилган вариаторлар ҳам эга бўлади, уларда узатиш нисбати

$$U_{12} = - \frac{r_2}{x} = \frac{\omega_1}{\omega_2}, \text{ чунки } r \leq X \leq R.$$





3.4-расм

Фрикцион планетар узатмаларда тезликлар ўзгаришининг қонунлари ҳамда узатиш нисбатларини аниқлаш йўллари тишли планетар механизмларга ўхшаш бўлади.

Шуни ҳисобга олиш керакки, фрикцион узатмаларда уларнинг технологик функциясини бажарувчи ишқаланишдан ташқари бўғинлар ўртасидаги сирпаниш ҳодисаси ҳам содир бўлади. Бу эса уларнинг умумий узатиш нисбати аниқлигининг вақт мобайнинда ўзгаришига олиб келади. Масалан, 1-бўғин  $P$  нуқтада (3.1-расм)  $V_1$  чизиқка эга бўлса, сирпаниш натижасида 2-бўғин тезлиги  $V_2 < V_1$  бўлади. Бу фарқни ҳисобга олиш учун сирпаниш коэффициенти  $\epsilon$  киритилган, яъни:

$$\epsilon = \frac{V_1 - V_2}{V_1} = 1 - \frac{V_1}{V_2} = 1 - \frac{\omega_1 r_2}{\omega_2 r_1}.$$

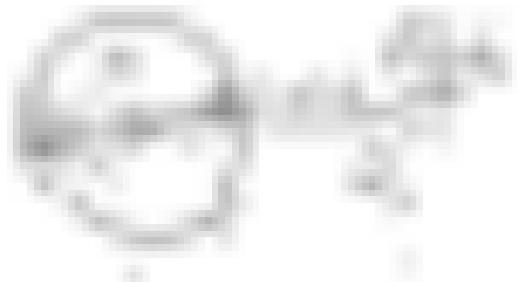
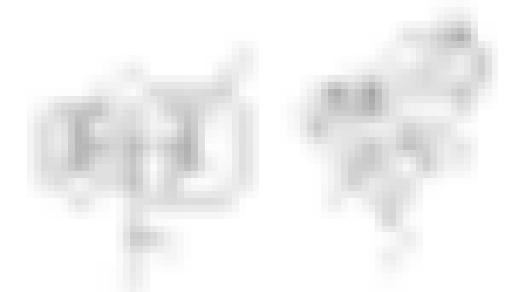
Унда сирпаниш коэффициентини ҳисобга олган ҳолда узатиш нисбати қуйидагича ёзилади:

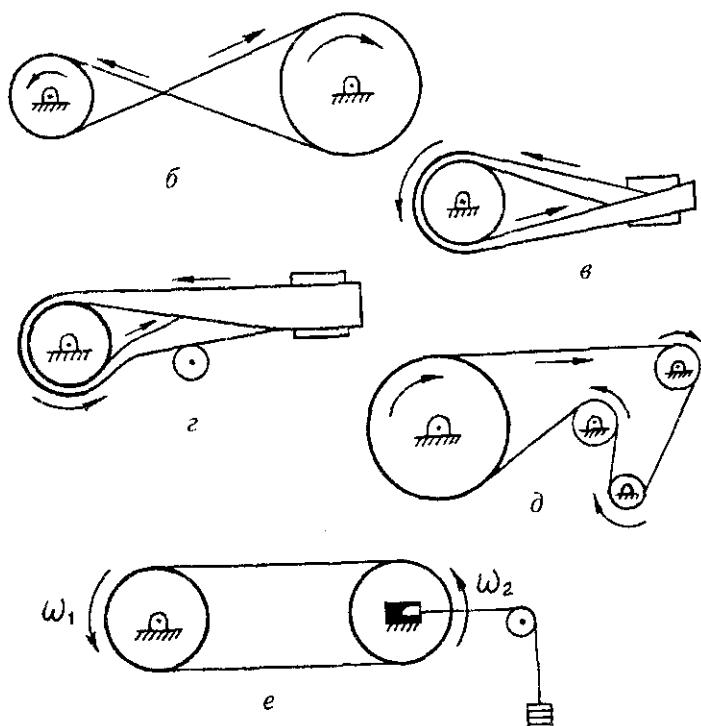
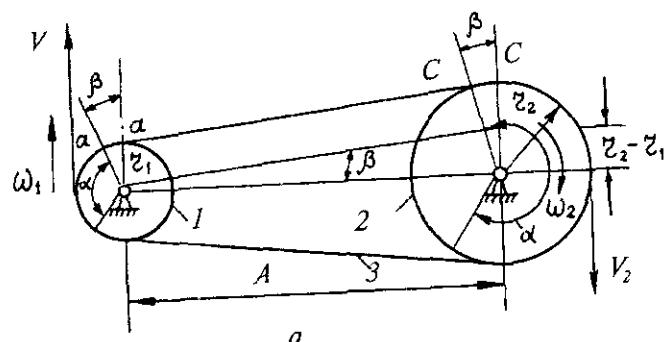
$$U_{12} = \frac{r_2}{r_1(1 - \epsilon)}.$$

Яъни бу ерда узатиш нисбатининг қиймати сирпаниш бўлмаган ҳолга нисбатан кўпроқ бўлади. Лекин  $\epsilon$  қиймати унча катта бўлмайди ва  $0,01 - 0,03$  оралигига ўзгаради.

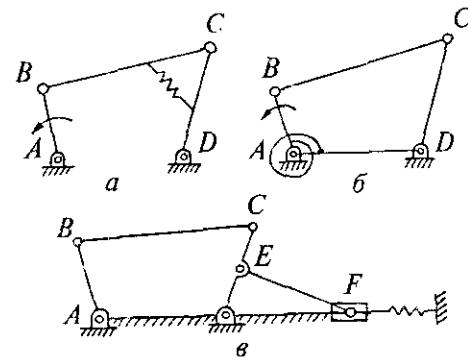
### 3.2. Эгилувчан бўғинли механизмлар

Эгилувчан бўғинли механизмларни эгилувчан боғланышли механизмлардан фарқ қилиш зарур. Эгилувчан бўғинли механизмларда эгилувчан бўғин уларнинг структураси ва қўзғалувчанлик даражасига таъсир қиласи. Бундай механизмларга мисол тариқасида тасмали узатмаларнинг механизмларини кўрсатиш мумкин (3.5-расм). Эгилувчан боғланышли механизмларда эса эгилувчан элементар (3.6-расм) уларнинг структурасининг таҳлилида инобатга олинмайди, яъни қўзғалувчанлик даражасига таъсир қilmайди.





3.5-расм



3.6-расм

Тасмали узатмалар оддий (3.5,а,б,в,г) ва таранглануучи (3.5,е-расм) бўлади. Оддий тасмали узатмалар ўз навбатида, очиқ (3.5,е-расм), (3.5,б-расм), ярим очиқ (3.5,в-расм) ва бурчакли (3.5,г-расм) жойлашиши мумкин.

Оддий очиқ жойлашган тасмали узатма учун параметрларнинг ўзаро боғланишини кўриб чиқайлик. Шкивнинг тасма билан қамралиш бурчаги

$$\alpha_{1,2} = \pi \pm 2\beta = 180^\circ \pm 2\beta$$

3.5а-расмдан

$$\sin \beta = \beta = \frac{r_2 - r_1}{A}$$

Агар  $b$  бурчакни градусда ифодаласак

$$\beta^\circ = \frac{r_2 - r_1}{A} \cdot \frac{360^\circ}{2\pi} \approx \frac{r_2 - r_1}{A} \cdot \frac{360^\circ}{6,28} \approx \frac{r_2 - r_1}{A} \cdot 57,3^\circ$$

$$\text{ёки } \alpha = 180^\circ - \frac{2(r_2 - r_1)}{A} \cdot 57,3^\circ$$

Тасма узунилиги

$$Q = \frac{\pi D_1}{2} - 2aa + \frac{\pi D_1}{2} + 2cc + 2\sqrt{A^2 - \frac{(D_2 - D_1)^2}{4}}$$



RECORDED BY

3.5а-расмдан

$$aa = \frac{D_1}{2} \beta = \frac{D_1 (D_2 - D_1)}{4A};$$

$$cc = \frac{D_2}{2} \beta = \frac{D_2 (D_2 - D_1)}{4A}.$$

Шунинг учун

$$\begin{aligned} Q = & \frac{\pi D_1}{2} - \frac{D_1 (D_2 - D_1)}{2A} + \frac{\pi D_2}{2} - \frac{D_2 (D_2 - D_1)}{2A} + \\ & + 2\sqrt{A^2 \frac{(D_2 - D_1)^2}{4}} = \frac{\pi}{2} (D_2 - D_1) + \frac{(D_2 - D_1)^2}{2A} + \\ & + 2\sqrt{A^2 \frac{(D_2 - D_1)^2}{4}}. \end{aligned}$$

Илдиз тагидаги ифодани ёйиб ва унинг биринчи иккى ҳадини  $\frac{(D_2 - D_1)^4}{16A^2}$  хатолик билан ҳисобга олсак,

$$Q = \frac{\pi}{2} (D_2 + D_1) + 2A + \frac{(D_2 - D_1)^2}{4A}.$$

### 3.3. Тишли механизмлар

Тишли механизмлар техникада энг кўп тарқалгандир. Тишли механизмлар деб ҳаракатни тишли фиддираклар (ёки тишли тахтачалар), яъни кетма-кет жойлашган ботиқлари ва дўнгликларининг ён сиртлари бир-бирига дутманиши мумкин бўлган фиддираклар (ёки тахтачалар) ёрдамида узатувчи механизмларга айтилади.

Белгиларц бўйича тишли механизмлар бир неча турларга бўлинади:

а) фиддираклар ўқларининг бир-бирига нисбатан жойлашиши бўйича:

параллел (фиддираклар цилиндрсизон);

кешишган (фиддираклар конуссимон);  
айқаш (фиддираклар айқаш).

б) фиддирак сиртини ҳосил қилувчи чизиққа нисбатан тишларнинг жойлашишига қараб:

тўғри тишли;

қийшиқ тишли;

шеврон тишли;

эгри тишли.

в) фиддираклар тишларининг бир-бирига илашишига қараб:

ташқи илашишли;

ички илашишли.

г) фиддираклар ўқларининг ҳолати бўйича:

қўзгалмас ўқлари кетма-кет ва ўқдош жойлашган; кўзгалувчан ўқли фиддираклари планетар жойлашган.

д) поғоналар сони бўйича:

бир поғонали (оддий);

кўп поғонали (мураккаб).

Тишли механизмлар очик ёки ёпиқ жойлашган бўлиши мумкин.

#### 3.3.1. Узатиш сони ва нисбати

Етакловчи ва етакланувчи бўғинлар бурчак тезликлари орасидаги нисбат узатиш нисбати деб аталади, яъни

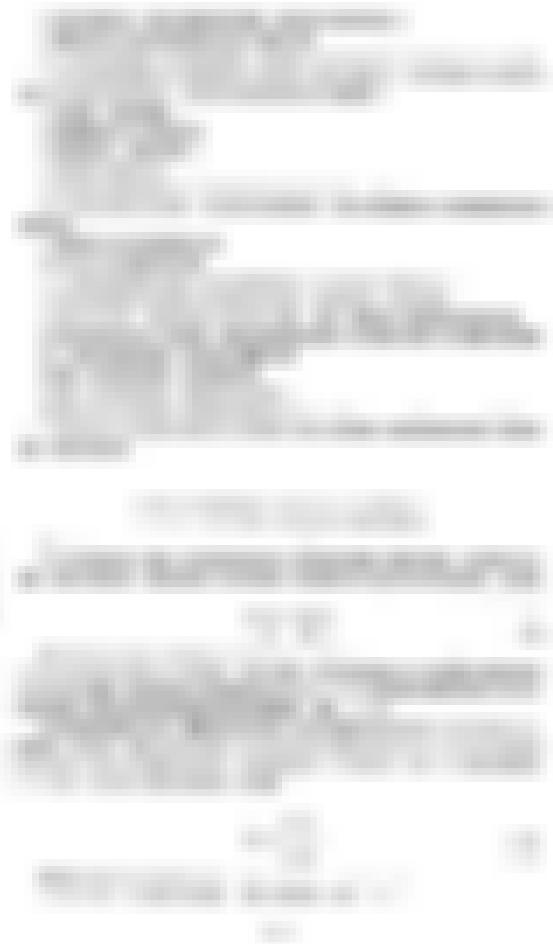
$$I_{in} = \frac{\omega_1}{\dot{\omega}_n}. \quad (1)$$

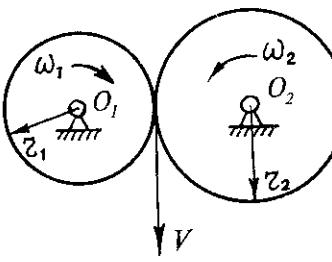
Етакланувчи бўғин бурчак тезлигини пасайтирувчи узатмаларда (редукторларда)  $I_{in} > 1$ , кўпайтирувчи узатмаларда (мультипликаторларда)  $I_{in} < 1$ .

Узатмадаги тез айланувчи фиддирак бурчак тезлиги  $w_m$  нинг секин айланувчи фиддирак тезлиги  $w_c$  га нисбати узатиш сони дейилади, яъни

$$i_{in} = \frac{\omega_T}{\omega_c}. \quad (2)$$

Кўриниб турибдики ҳар доим  $i_{in} > 1$ .





3.7-расм

Демак, узатиш нисбати  $I_{1n}$  қиймати айланма ҳаракаттнің тезлаштириб ёки секинлаштириб узатилишини күрсатса, узатиш сони  $i_{1n}$  бурчак тезликкінг неча марта ўзгарганиниң күрсатади, узатиш сони  $I_{1n} = i_{1n}$ , мультипликаторларда

$$I_{1n} = \frac{1}{i_{1n}}.$$

Эвольвентали тишли илашиш учун қуйидаги теорема ғилдираклар геометрик параметрлари ва уларнинг айланыш тезликлари ўртасидаги боғланишни ифодалайды: илашиш қутби  $P$  (3.7-расм) ғилдираклар марказларидан ўтган чизикни уларнинг бурчак тезликларига тескари нисбатдаги кесмаларга бўлади, яъни

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{O_2 P}{O_1 P}.$$

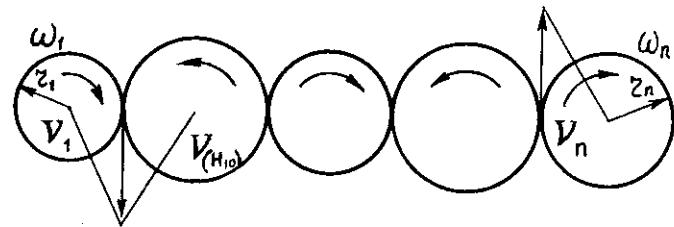
$O_1 P = r_1$ ;  $O_2 P = r_2$  деб белгиласак ва  $\frac{\omega_1}{\omega_2} = U_{12}$  эканлигини ҳисобга олсак.

$$U_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{r_2}{r_1}. \quad (3)$$

Ғилдираклар ташқи илашиш ҳосил қиласа,  $P$  нуқта марказлараро масофа  $O_1$ ,  $O_2$  оралиғида жойлашади ва бурчак тезликлари бир-бирига қарама-қарши йўналишида бўлади. Демак, узатиш нисбати  $U_{12}$  манфий (-) ишорада олинади.

Ғилдираклар ички илашиш билан ўзаро боғланса,  $P$  нуқта марказлараро масофа  $O_1$ ,  $O_2$  ташқарисида жойлашади ва бурчак тезликлари бир томонга йўналади, яъни узатиш нисбати  $U_{12}$  мусбат (+) ишорада белгланади.

Ғилдираклар кетма-кет жойлашиб, қатор ҳосил қиласа (3.8-расм),



3.8-расм

$$\begin{aligned} U_{12} &= \left| \frac{\omega_1}{\omega_2} \right| = \left| \frac{r_2}{r_1} \right|; & U_{23} &= \left| \frac{\omega_2}{\omega_3} \right| = \left| \frac{r_3}{r_2} \right|; \\ U_{34} &= \left| \frac{\omega_3}{\omega_4} \right| = \left| \frac{r_4}{r_3} \right|; \\ U_{14} &= U_{12} \cdot U_{23} \cdot U_{34} = \left( -\frac{\omega_1}{\omega_2} \right) = \left( -\frac{\omega_2}{\omega_3} \right) = \left( -\frac{\omega_3}{\omega_4} \right) = (-1)^3 \frac{\omega_1}{\omega_2} \\ U_{14} &= \left( -\frac{r_2}{r_1} \right) \left( -\frac{r_3}{r_2} \right) \left( -\frac{r_4}{r_3} \right) = (-1)^3 \frac{r_4}{r_1}. \end{aligned} \quad (4)$$

Умумий ҳолда ғилдираклар сони  $n$  га тенг бўлса

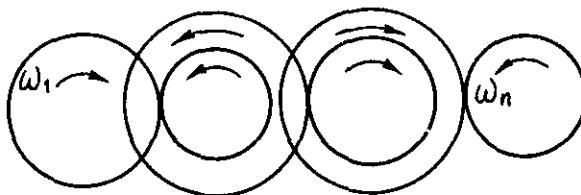
$$I_{1n} = (-1)^{n-1} \frac{\omega_1}{\omega_n} \quad (4) \quad \text{ёки} \quad I_{1n} = (-1)^{\frac{n}{r_1}}. \quad (5)$$

(4) ва (5) формулалардан кўриниб турибдики, ғилдираклар кетма-кет қаторда жойлашган узатмаларда оралиқда жойлашган ғилдиракларнинг бурчак тезликлари ва ўлчамлари умумий узатиш нисбати қийматига таъсир қилмайди. Шунинг учун бу ғилдираклар паразит (текинхўр) бўғинлар деб аталади ва улар фақат кинематик занжирни тўлдириш учунгина хизмат қиласи.

Кетма-кет жойлашган ғилдираклар бир ўқса жойлашган блоклар орқали боғланса (3.9-расм)

$$U_{14} = U_{12} \cdot U_{23} \cdot U_{34} = \left( -\frac{\omega_1}{\omega_2} \right) = \left( -\frac{\omega_2}{\omega_3} \right) = \left( -\frac{\omega_3}{\omega_4} \right) = (-1)^3 \frac{\omega_4}{\omega_1}$$





3.9-расм

ёки

$$U_{14} = \left( -\frac{r_2}{r_1} \right) \left( -\frac{r_3}{r_2} \right) \left( -\frac{r_4}{r_3} \right) = (-1)^3 \frac{r_2 r_3 r_4}{r_1 r_2 r_3} \text{ бўлади.}$$

Умумий ҳолда

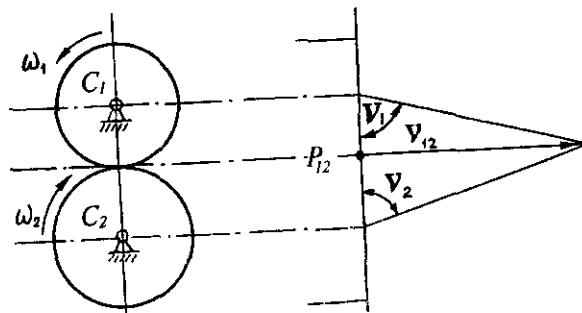
$$U_{1n} = (-1)^n \frac{\omega_1}{\omega_n} \quad \text{ёки} \quad U_{1n} = (-1)^n \frac{r_2 r_3 \dots r_n}{r_1 r_2 r_3 \dots r_{n-1}}.$$

Тишли узатманинг узатиш нисбати усул билан, яъни фиддираклар нуқталарининг чизиқли тезликлари тасвирини куриш орқали ҳам топилиши мумкин (3.10-расм). рини

$$V_{p12} = r_1 \cdot \operatorname{tg} v_1 = r_2 \cdot \operatorname{tg} v_2, \quad \text{бу ердан} \quad -\frac{r_2}{r_1} = \frac{t \operatorname{d} v_1}{t \operatorname{d} v_2}.$$

Умумий ҳол учун

$$U_{1n} = (-1)^n \frac{\operatorname{tg} v_1}{\operatorname{tg} v_n}.$$



3.10-расм

Думалоқ фиддиракли тишли механизмларда узатиш нисбати  $U_{1n}$  ҳар доим ўзгармас бўлгани учун  $\omega_n = \frac{\omega_1}{U_{1n}}$  ифодани вакт бўйича дифференцияласак

$$\frac{d\omega_n}{dt} = \frac{1}{U_{1n}} \frac{d\omega}{dt} \quad \text{ёки} \quad \varepsilon_n = \frac{1}{U_{1n}} \cdot \varepsilon.$$

Демак, думалоқ фиддиракли тишли узатмаларда узатиш нисбати уларнинг бурчак тезланишлари орқали ҳам ифодаланиши мумкин.

### 3.3.2. Илашишнинг асосий қонуни ва элементлари

Фрикцион ва тасмали узатмалардан фарқли ўлароқ, тишли механизмларда айланма ҳарақат фиддиракларнинг сиртларида очилган тишларнинг ўзаро илашиши орқали узатилади. Умуман олганда, ҳарақат ўзаро илашган тишлар бир-бирига фақат учки қисмлари билан тегиб турганда ҳам, бутун баландлиги бўйича кириб турганда ҳам узатилиши мумкин. Лекин узатманинг ишлаш қобилияти-бўйича сифат кўрсаткичларини таъминлаш учун унинг ўтчамларини белгилашда баъзи шартларни ҳисобга олиш зарур:

1. Узатманинг узатиш нисбати ўзгармас бўлиши керак.

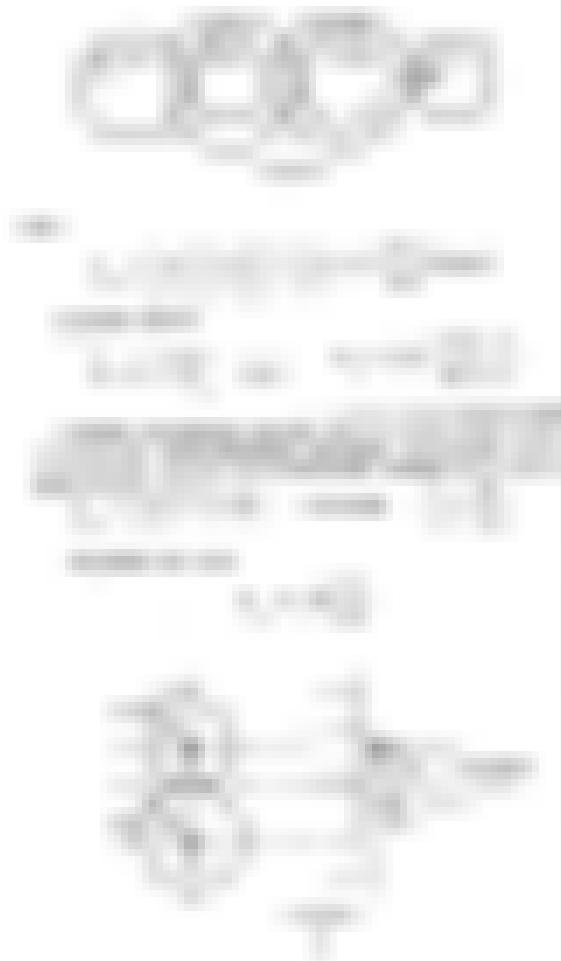
2. Фиддиракларнинг тишлари ўзаро қисилиб қолмаслиги керак.

3. Илашиш турткиласиз, равон бўлиши керак.

Биринчи шарт илашишнинг қўйидаги асосий қонунини бажариш асосида таъминланиши мумкин:

Тишларнинг бир-бирига боғланган сиртларига ўзаро тегишиш нуқтасидан ўтказилган умумий нормал чизик фиддираклар марказини бирлаштирувчи чизиқни уларнинг бурчак тезликларига тескари пропорционал бўлакларга бўлиши керак, яъни

$$U_{12} = \frac{\bar{O}_2 P}{\bar{O}_1 P} = \frac{\omega_1}{\omega_2}.$$



$P$  нүкта илашиш қутби деб аталади ва у фидираклар бошланғич айланаларининг умумий тегишиш нүктаси бўлиб, уларнинг ўлчамларини белгилаб беради.

Профили эвольвента чизигининг ясалган тишлар илашишнинг асосий қонуни бажарилишини, яъни узатманнинг узатиш сони ўзгармас бўлишини таъминлади. Узатмада бошқа шартларнинг бажарилиши эса биринчи на-вбатда, тишларнинг ўлчамларига боғлиқ бўлади.

Тишли фидиракларни тайёрлашда ва йифища енгиллик яратиш учун уларнинг ўлчамларини биронта умумий катталик орқали ифодалаш, чунонча қолипша солиш (унификация қилиш) маъқулроқ бўлади.

Фидиракда узуналиги тишлар сони  $Z$  ва уларнинг орасидаги айланана қадам  $t$  билан боғланган айланана олайлик:

$$\pi d = z \cdot t.$$

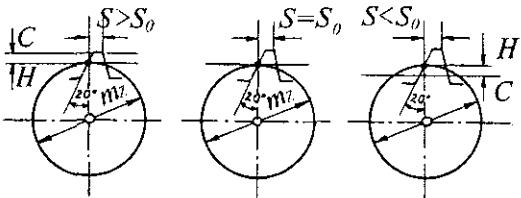
Бу ердан

$$d = z \frac{t}{\pi}.$$

$t/\pi$  ифодаси қолиплаш катталиги илашиш модули  $m$  сифатида қабул қилинган, демак,  $d = z \cdot m$

Умуман олганда, тишларнинг баландлиги бўйича жойлашган турли айланаларда  $t$ , демак,  $m$  қийматлари ҳам ҳар хил бўлади. Стандартлаштириш қоидаларига биноан СТ СЭВ 310-76 бўйича қолиплаш катталиги учун “бўлувчи” деб аталган айланана бўйича 0,05 дан 100 мм гача рационал сонлар қаторидан олинган модул қабул қилинган. Бўлувчи айланана ГОСТ 16530-83 бўйича асос айланана деб ҳам аталади. Бу айлананинг бошқа айланалардан фарқи шундан иборатки, у факат тишлар сони  $z$  за модули  $m$  қийматларига боғлиқ бўлса, бошқалар эса тиш ҳосил қилувчи кескичнинг фидирак ўқига нисбатан ҳолатига ҳам боғлиқ бўлади.

Тишли илашма учун юқорида кўрсатилисан иккинчи ва учинчи шартлар кескичнинг фидирак ўқига нисбатан ҳолатини тўғри белгилашга боғлиқ бўлади.



3.11-расм

Рейка (тахтача) шаклидаги кескич (3.11-расм) бошланғич контурининг стандарт параметрлари қуидагида олинган: профил бурчаги  $a = 20$ , каллак баландлиги коэффициенти  $h_a = 1$ ; тишларнинг кириш чукурлиги коэффициенти  $h_d = 2$ , радиал тирқиши коэффициенти  $C = 0,25$ , юмалоқланиш радиуси  $r_1 = 0,4$ . Тахтачадаги  $CC$  чизиги бўлувчи чизиқ деб аталади.

Кескичнинг  $CC$  бўлувчи чизиги фидирак танаворидаги бўлувчи айланага уринма ҳолатда ўрнатилса (3.11брасм) тишлар фидиракда нормал кесилган деб қабул қилинади ва бунда тишларнинг бўлувчи айланана ёйи бўйича қалинлиги  $S$  қадам  $t$  нинг ярмига teng бўлади.

$$S = 0,5 t = 0,5 \pi m$$

Кескичнинг  $CC$  бўлувчи чизиги фидирак танавори бўлувчи айланасидан ташқи томонга  $xm$  масофага силжиган бўлса (3.11 а-расм), фидирак мусбат силжиши деб аталади. Бу ҳолда  $x > 0$  ва

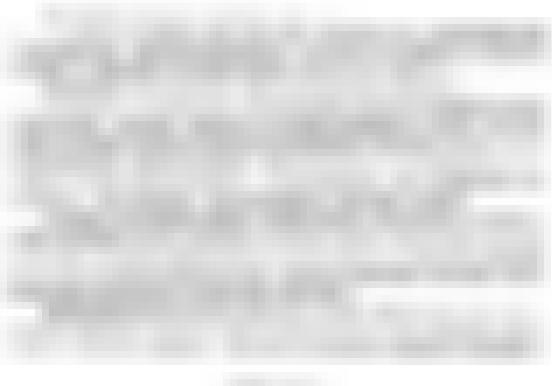
$$S = 0,5 \pi m + 2 x m t g \alpha$$

бу ерда  $x$  — силжиш коэффициенти.

Кескичнинг  $CC$  бўлувчи чизиги фидирак танавори марказига қараб  $xm$  масофага силжиган бўлса (3.11брасм), фидирак манфий силжишли дейилади. Бу ҳолда  $x < 0$ .

$$S = 0,5 \pi m - 2 x m t g \alpha.$$

Силжиш коэффициенти  $x$  нинг қиймати маҳсус графиклар ёки жадваллардан ўзаро илашган фидираклар



сони  $Z_1$  ва  $Z_2$  қийматларига боғлиқ равишда танлаб олиниади.

Тишилар сони  $Z_1$  ва  $Z_2$ ,  $Z_{min}=17$  дан катта бўлса  $X_1=0$ ;  $X_2=0$  деб олиш мумкин, яъни тишилар нормал кесилади. Унда тишилар каллагининг баландлиги  $h_a=(h_o + c_o) m=1,25$   $m$ , ўзаро илашган тишилар орасидаги радиал тирқиши  $C=C^*m=0,25 m$ . Тишиларнинг чўққилардан ўтган айланалар диаметри

$$d_a = d + 2h_a = d + 2 m = m(z + 2).$$

Тишиларнинг асосларидан ўтган айланалар диаметри

$$d_f = d - 2h_f = d - 2,5 m = m(z - 2,5).$$

Бошланғич айланалар диаметри

$$d_\omega = d = mz;$$

марказлараро масофа

$$A_\omega = 0,5(d_{\omega 1} - d_{\omega 2}) = 0,5 m(Z_1 + Z_2).$$

Тишилар орасидаги ён тирқиши  $\delta$  бўлувчи айлана ёйи бўйича тишилар қалинлиги  $S$  ва улар орасидаги ўйиққа кенглиги  $S_B$  айримасига тенг бўлади

$$\delta = S_B - S$$

ва фидиракларни тайёрлаш усулига қараб 0 дан 0,04 гача ўзгаради. Илашма узатиш нисбати

$$U_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{r_2}{r_1} = \frac{z_2}{z_1}.$$

Фидиракларнинг ҳаракати давомида тишиларнинг профиллари ҳар хил нуқталарда бир-бирига уринади. Бу нуқталарнинг геометрик ўринлари илашиш чизиги деб аталади. Эволвентали тишиларнинг илашиш чизиги фидираклар марказларини бирлаштирувчи чизикка нисбатан  $90-\alpha$  бурчакли қияликда жойлашган бўлади ва асосий айланаларда сирпанмасдан думаланиши натижасиди

эволвента ҳосил қилувчи умумий уринма чизиқ  $MN$  билан устма-уст тушади. Асосий айланалар диаметри

$$d_b = d \cos \alpha.$$

Тишилар профилининг баландлиги бўйича ҳамма қисми илашишда иштирок этмайди. Шунинг учун умумий уринма чизигининг асосий айланалар  $d_{b1}$  ва  $d_{b2}$  билан уринган нуқталари  $A$  ва  $B$  орасидаги кесма  $AB$  назарий илашиш чизиги, бу чизикнинг тишиларнинг чўққиларидан ўтган айланалар  $d_{b1}$  ва  $d_{b2}$  билан кесиши нуқталари орасидаги кесма  $ab$  ҳақиқий илашишни деб аталади (3.12-расм).

Бошланғич айлананинг профил илашиш нуқталарини кўчиб юрадиган қисми илашиш ёйи дейилади.

Ўзаро илашган фидираклардаги илашиш ёйи  $a_1$  ва  $a_2 b_2$  ўзаро тенг ва уларнинг илашиш қадами  $t$  нисбатан қопланиш коэффициенти деб аталади.

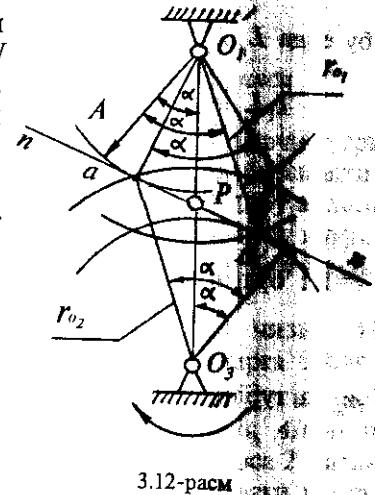
$$\varepsilon = \frac{a_1 b_1}{t} = \frac{a_2 b_2}{t}.$$

Илашиш равон, турткичларсиз бўлиши учун  $\varepsilon \geq 1,1$  бўлиши керак.

### 3.3.3. Фидираклар тишилари йигиндисининг минимал қиймати

Қопланиш коэффициенти ёрдамида фидираклар тишилари йигиндисининг минимал қийматини аникда мумкин. 3.11-расмдан

$$\varepsilon = \frac{L_1 L_2}{t \cos \alpha_m},$$



3.12-расм



бу ерда  $L_1 L_2$  – иләниш чизиги узунлигиги.

$$L_1 L_2 = \frac{m}{2} (z_1 + z_2) \sin \alpha \quad \text{бүлгани учун}$$

$$e = \frac{m(z_1 + z_2) \sin \alpha_m}{2\pi m \cos \alpha_m}.$$

$e=1,1$  бўлганда

$$(z_1 + z_2)_{\min} = \frac{2,2\pi}{\operatorname{tg} \alpha_m},$$

$\alpha_m$  га турли қийматларни берсеак

$\alpha_m$	15°	20°	25°
$(z_1 + z_2)_{\min}$	23	18	14

### 3.3.4. Тишарининг дюймли тизимдаги ўчамлари тўғрисида

Узунлик ўчамларининг дюймли тизими қўлланилалиган мамчакаттарда илашиш эталони сифатида модулга тескари бўлган параметр “питч” (*pitch*)  $P$  қабул қилинган, яъни

$$P = \frac{1}{m} = \frac{25,4}{m} \frac{1}{\text{дюйм}}$$

ёки

$$D=mz \quad \text{бўлгани учун} \quad P = \frac{1}{m} = \frac{z}{d}.$$

Демак, бу тизимда бошланғич айланана диаметри тенг бўлади

$$d = \frac{z}{P},$$

яъни питч қиймати катталашса, бошланғич айлананинг (бошқа айланаларнинг ҳам) диаметри кичрайди.

Бизда бу тизим бўйича тайёрланган импорт жиҳозлар қўлланилтани учун уни билиш шартдир.

## 3.4. Тиоми ишламани қуриш

### 3.4.1. Эволвентали профиллар геометрияси

Айлананинг сиргида сирнанмасдан думаланувчи тўғри чизик нуқталарининг геометрик ҳолатлари бирлаштирилганда доира эволвентаси ҳосил бўлади. Ушбу айланада тўғри чизик нуқталари ҳосил қўлган эволвента нуқталари марказларининг геометрик ўринлари бўлиб, у эволвента деб аталади.

Айланада (3.13-расм) ва унга уринма тўғри чизик  $AB$  берилган бўлсин. Айланани  $\alpha$  га тенг бўлакларга бўлайдик ва тўғри чизикда  $\bar{A} - \bar{I}' = \bar{A} - \bar{I}$ ;  $\bar{I}' - \bar{2}' = \bar{I} - \bar{2}$  ва шунинг ўрнига кесмаларни кўййиник. Тўғри чизик  $AB$  нинг айланада сиртида думаланишда 1 нуқта 1' билан 2 эса 2' билан иш ҳоказо устма-уст тушади. Буша тўғри чизидаги нуқталар эволвента чизини чизади, эволвента нуқталарининг ёкилик марказларидан эса айланадаги  $A$ ,  $I'$ ,  $2'$  ва ҳоказо нуқталар бўлиб қолади.

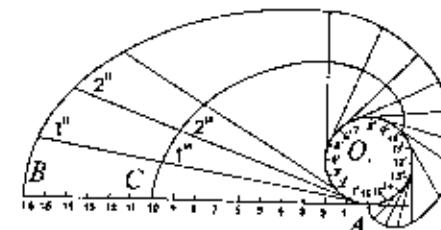
Агар бошқа нуқта (10) ни кўрсак, у ҳам эволвента ҳосил қиласди ( $C$  нуқта). Табиийки, масофа  $pc''' = I'' - I''' = 2'' - 2''' = const$ . Бу нарса  $10'' - 10'''$  тача давом этади.

Доира эволвентаси берилган бўлсин (3.14-расм).  $\Delta OAM$  дан

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{P}{r} \quad (6)$$

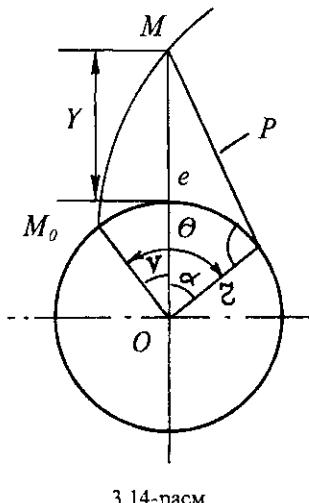
Эволвента хоссаларидан

$$P = AM_2 = r \cdot \theta$$



3.13-расм





3.14-расм

$$\text{Бу ердан } \theta = \frac{P}{r} \quad (7)$$

$$\text{демак, } \theta = \operatorname{tga} \quad (8)$$

Ундан ташқари

$$OM = r + y$$

$$\cos \alpha = \frac{r}{r + y};$$

$$(r + y) \cos \alpha = r;$$

$$r + y = \frac{r}{\cos \alpha}.$$

Бу ердан эволъвентанинг айлана устидағи баландлиги

$$y = \frac{r}{\cos \alpha} - r = \frac{r}{\cos \alpha} (1 - \cos \alpha).$$

$$\text{Холоса учун } v = \theta - a$$

ёки (8) дан  $v = \operatorname{tga} \alpha - a$

Бу функция эволъвента функцияси дейилади ва *inv* (инволюта) деб белгиланади, яғни

$$u = \operatorname{inva}.$$

### 3.4.2. Амалий илашиш чизиги.

#### Тишлар профилининг ишчи қисмлари

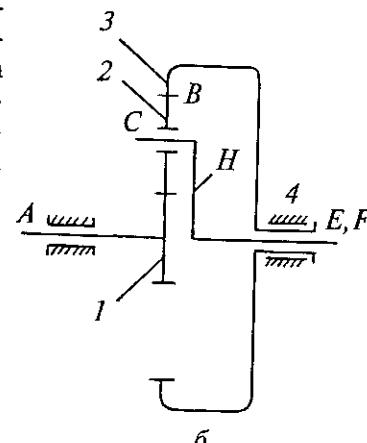
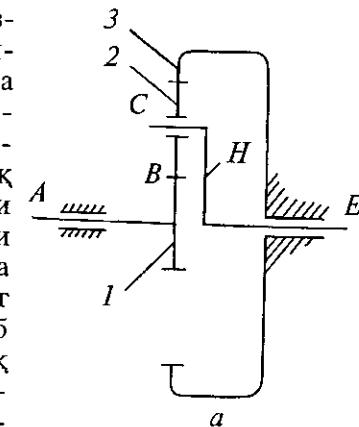
Агар фидиракларнинг тишлар каллаклари айланалари билан назарий илашиш чизигини кессак, *ав* амалий илашиш чизигини ҳосил қиласыз.

Агар  $O_1 a$  ва  $O_2 b$  радиуслари билан тишларнинг сиртида кесишмалар бажарсак, тиш профили ишчи қисмнинг қуи чегарасини ҳосил қиласыз. Тишларнинг каллаклари айланаси эса ишчи қисмнинг юқори чегараси

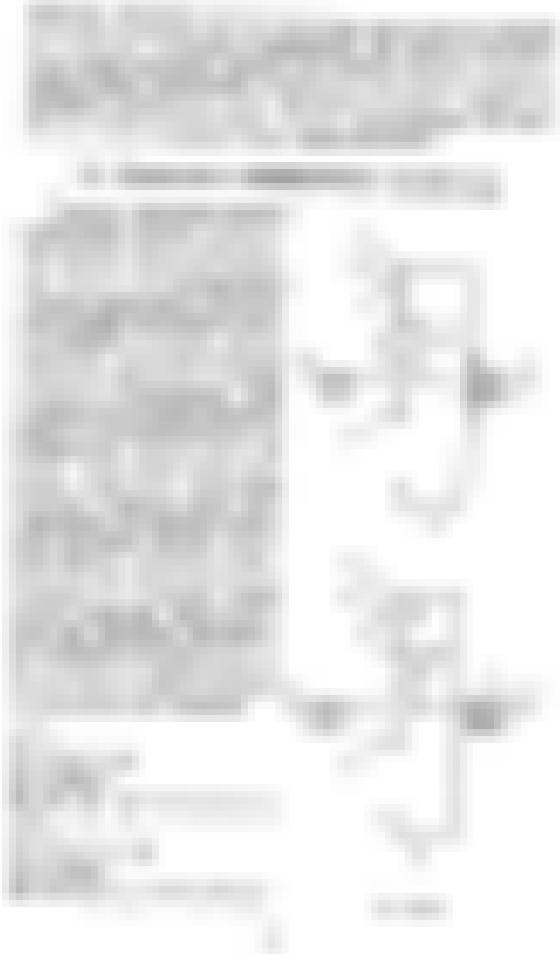
саналади. Тишинг қолган қисмлари ишчи эмас ва ғалтөль деб аталади. Табиийкі, профилнинг бу қисми эволъвентадан фарқ құлувчи бошқа әгри чизик бўлиши мумкин, лекин бунда тишларнинг илашмадан тўсиқсиз чиқиб кетишини таъминлаш керак. Одатда тишларнинг оёқ қисми ( $0,3-0,4$ ) *r* радиус билан юмалоқланади.

### 3.5. Планетар ва дифференциал механизмлар

Тишли фидиракларнинг геометрик үклари кўзгалувчан бўлган тишли механизмлар гипо- ва эпизиклоидагизувчи нуқталарга әга бўлади. Бундай механизмлар битта, иккита ва ундан кўпроқ эркинлик даражали бўлиши мумкин. Нуқтасининг әгри чизиги жуда мураккаблигига кўра бу механизмларнинг ҳаммасини эпизиклик деб аташ мақсадга мувофиқ бўларди. Бироқ, баязи адабиётларда пой билан кўзгалмас боғланган тишли фидираги бўлган планетар механизмлар (3.15,а-расм) содда қилиб планетар, иккита ва ундан кўп эркинлик даражасига әга бўлган механизмлар эса (3.15,б-расм) дифференциал механизмлар деб аталади.

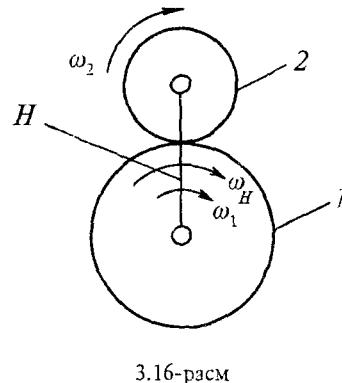


3.15-расм



Планетар ва дифференциал механизмларда геометрик ўқи күзгалувчан фидираклар сателлит, ўқи күзгалмаслари эса марказий фидираклар деб номланади. Сателлит ўрнастилган ва унинг геометрик ўқи билан бирга айланма ҳарарат қылувчи бўғинни етаклагич (водило) деб аталади.

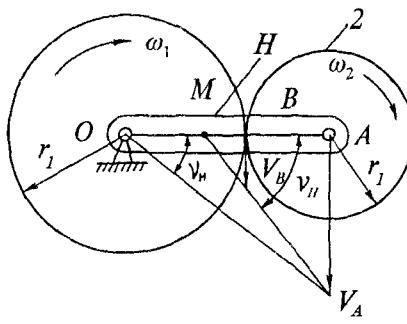
### 3.5.1. Планетар ва дифференциал механизмларда узатиш нисбати



3.16-расм

тўхтаб, механизм оддий бир поғонали узатмага айланади. Унда узатиш нисбати

$$U_{12}^H = \frac{\omega_2 - \omega_H}{\omega_1 - \omega_H}.$$



3.17-расм

3.17-расмдаги механизмда марказий фидирак 1 бурчак тезлигини  $\omega_p$ , сателлит 2 учун  $\omega_2$ , етаклагич  $H$  учун эса  $\omega_H$  деб белгилайлик. Ҳаракатни тескарилатиш усулидан фойдаланиб, бутун механизмга  $\omega_H$  га тескари йўналишдаги, яъни  $\omega_H$  бурчак тезлик берамиз. У ҳолда 1 бўғин  $\omega_2 - \omega_H$  сателлит  $\omega_2 - \omega_H$ , етаклагич  $\omega_H - \omega_H = 0$ , бурчак тезликларига эга бўлади. Демак, етаклагич

Умумий ҳолда, бўғинлар сони  $n$  бўлган механизмлар учун

$$U_{1n}^H = \frac{\omega_n - \omega_H}{\omega_1 - \omega_H}.$$

Бу формула Виллис формуласи деб аталади. Планетар механизм учун  $\omega_1 = 0$ , унда

$$\begin{aligned} U_{In}^H &= \frac{\omega_2 - \omega_H}{-\omega_H} = \\ &= 1 - \frac{\omega_n}{\omega_H} = 1 - U_{In}. \end{aligned}$$

Планетар механизм бир поғонали бўлганда

$$U_{21}^H = 1 - U_{21}.$$

Агар  $\omega_1 = \omega_H$  бўлса, албатта  $\omega_2$  ҳам уларга тенг бўлади. Бу ҳолда ушбу механизм 1 та бўғин сифатида ҳаракат қиласди.

Оддий дифференциал механизм (3.17-расм):

$$\begin{aligned} V_A &= OA \omega_H = (r_1 + r_2) \omega_H. \\ V_B &= r_1 \omega_1. \end{aligned} \quad (9)$$

Иккинчи томондан  $A$  нуқта сателлит 2 га ҳам тегишли, унда

$$V_A \overline{AM} \omega_2 = (\overline{MB} + \overline{BA}) \omega_2 + r_2 \omega_2 \quad (10)$$

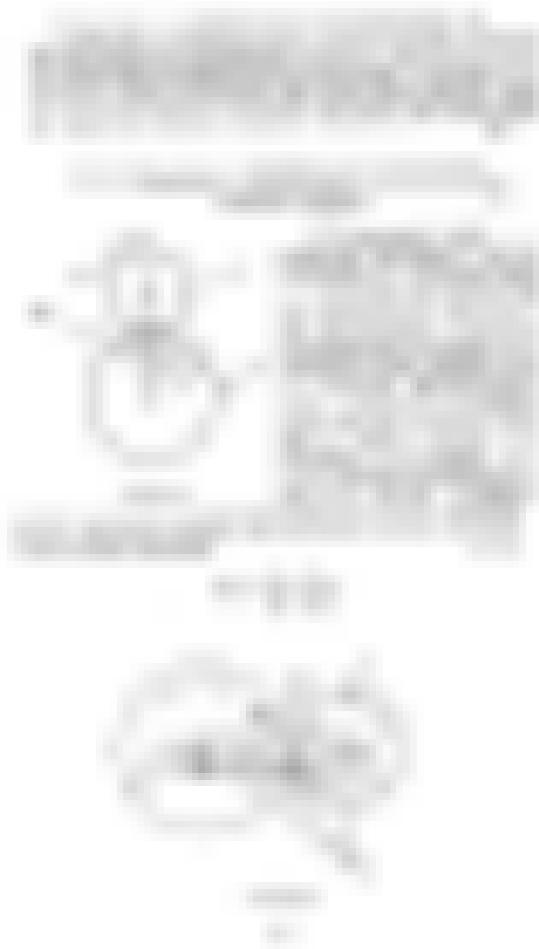
(9) ва (10) ни тенглаштириб

$$(r_1 + r_2) \omega_H = MB \omega_2 + r_2 \omega_2 \quad (11)$$

$MB \omega_2 = V_B = r_1 \omega_1$  бўлгани учун (11) дан

$$(r_1 + r_2) \omega_H = r_1 \omega_1 + r_2 \omega_2$$

Бу ифода  $\omega_H$ ,  $\omega_2$ ,  $\omega_1$  лар орасидаги боғланишни белгилайди. Бу ердан



$$\omega_2 = -\frac{r_2}{r_1} \omega_1 + \left(1 + \frac{r_1}{r_2}\right) \omega_H$$

Планетар узатма бўлган ҳолда  $\omega_1=0$ , яъни

$$\omega_2 = \left(1 + \frac{r_1}{r_2}\right) \omega_H \quad (12)$$

Кетма-кет узатма бўлган ҳолда  $\omega_H=0$ , яъни

$$\omega_2 = -\frac{r_2}{r_1} \omega_1 \quad (13)$$

$$U_2^H = -\frac{r_1}{r_2} \text{ бўлгани учун (4) дан } \omega_2 = U_1^H \omega_1 + (1 - U_1^H) \omega_H$$

Фидираклар сони  $n$  бўлганда:

$$\omega_2 = U_1^H \omega_1 + (1 - U_1^H) \omega_H \quad \text{ёки } \omega_n - \omega_H = (\omega_1 - \omega_1) U_1^H.$$

Бу ерда яна:

$$U_1^H = \frac{\omega_n - \omega_H}{\omega_1 - \omega_H}.$$

Марказий фидирак 1 тўхтатилган ҳол учун

$$U_{2H}^H = 1 + \frac{r_1}{r_2} = \frac{(r_1 + r_2)}{r_2}.$$

Етаклагич тўхтатилган ҳол учун (6)дан

$$U_{12}^1 = -\frac{r_1}{r_2}.$$

Унда

$$U_{2H}^H = 1 - U_{12}^H.$$

### 3.5.2. Ўқлари қўзғалувчан фидиракли тишли узатмаларда ўқдошлик, йигилиш ва қўшиничилик шартлари

Ўқлари қўзғалувчан фидиракли механизмларда ўқдошлик шарти марказий фидиракларнинг геометрик ўқлари бир чизикда ётишини талаб қиласди.

3.18-расмда келтирилган механизм учун бу шарт қўйида ифодаланади:

$$r_1 + r_2 = r_3 - r_2$$

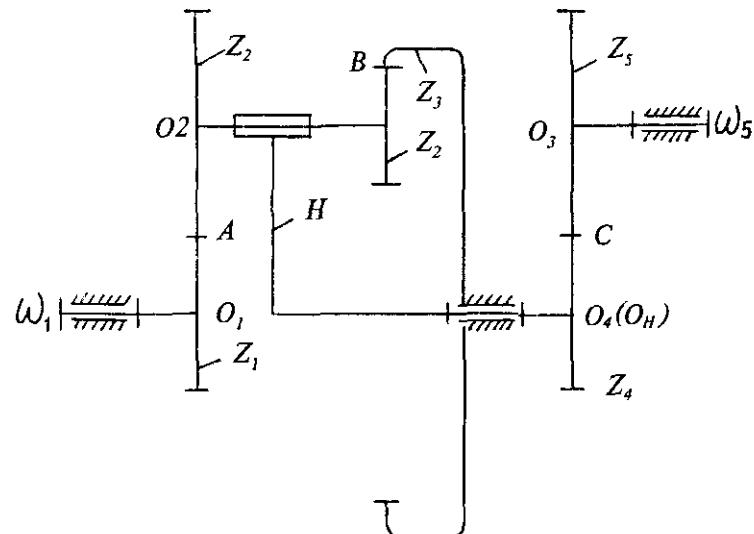
$$\text{ёки } m_1(z_1 + z_2) = m_2(z_3 - z_2)$$

$m_1 = m_2$  бўлганда

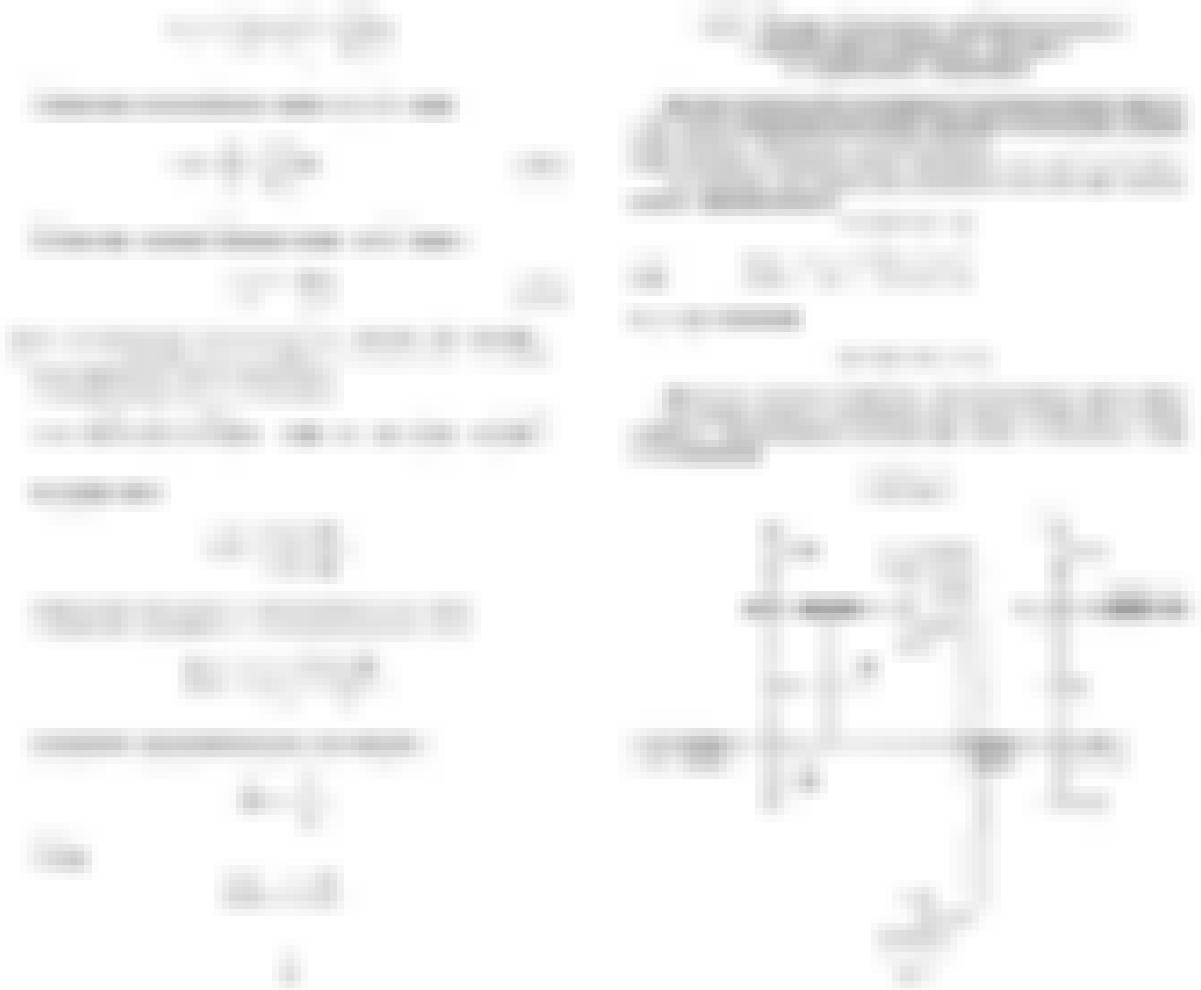
$$z_1 + z_2 = z_3 - z_2$$

Йигилиш шарти қўйидаги мулоҳазаларга кўра чиқазилади. Механизмда сателлитлар сони  $k$  бўлсин. Унда 3.19-расмдан

$$\Theta = 2\pi/r.$$



3.18-расм



Үндән ташқары

$$AA_1 + BB_1 = \Theta(r_1 + r_3) = \frac{2\pi m}{k^2}(z_1 + z_3) = \frac{t}{R}(z_1 + z_3) \quad (14)$$

бу ерда  $t = \pi m$  — илашиш қадами.

Иккинчи томондан юқоридаги ҳар бир ёйни бир неча илашиш қадами ва қолдиқлар йиғиндиси деб қарааш мүмкін, яғни:

$$AA_1 + BB_1 = (at + C_1) + (bt + C_2) \quad (15)$$

бу ерда  $a, b$  — бутун сонлар;  $C_1, C_2$  — қолдиқлар.

Қолдиқлар  $C_1$  ва  $C_2$  нинг ҳар бири  $t$  дан кичик бўлгани учун

$$C_1 + C_2 < 2t.$$

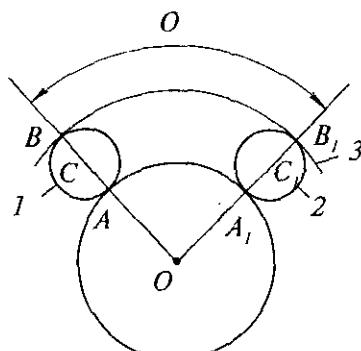
Үнда (14) ва (15) дан

$$\frac{t}{r}(z_1 + z_3) = t \left( a + b + \frac{C_1 + C_2}{t} \right)$$

ёки

$$\frac{t}{r}(z_1 + z_3) = t \left( a + b + \frac{C_1 + C_2}{t} \right) r. \quad (16)$$

Тищлар сони  $z_1$  ва  $z_3$  ҳамда сателлитлар сони бутун сонлардир, демак, (16) нинг қавслар ичидаги ифодаси қиймати ҳам бутун сон бўлиши керак.



3.19-расм

(16) да  $a$  ва  $b$  лар ҳам бутун сонлар, демак, сурати 2 тан кичик қаср  $t$  га тенг бўлиши лозим.

Шундай қилиб

$$(z_1 + z_3) = (a + b + l) k$$

$a+b+l$  бутун сон сифатида  $n$  билан ифодаласак

$$(z_1 + z_3) / k = n.$$

Кўзгалувчан ўқли ўқдош тишли узатмани ташқи ва ички чамбарли фидираклар тишларининг сони йиғиндиси сателлитлар сонига каррали бўлгандағина йиғиш мумкин.

Кўшничилик шарти  $C$  ва  $C_1$  нуқталар оралиғида ташқи айланаси диаметри  $d_a = m(z_1 + 2)$  бўлган сателлит сиғиб жойлашишини таъминлаш шартини белгилайди, яғни:

$$CC_1 > d_a \quad (17)$$

6.19-расмдан  $OCC_1$  тенг ёнли бўлгани учун

$$CC_1 = 2(r_1 + r_2) \sin \frac{\Theta}{k} = (z_1 + z_2) m \cdot \sin \frac{\pi}{k}$$

ёки (17) шарт учун

$$\sin \frac{\pi}{k} > \frac{z_1 + z_2}{z_1 + z_2}.$$

#### 4. МУШТАКЛИ (КУЛАЧОКЛИ) МЕХАНИЗМЛAR ТАҲЛИЛИ ВА СИНТЕЗИ

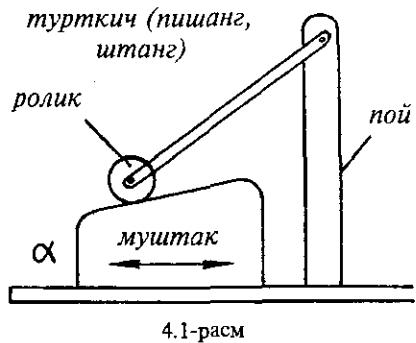
##### 4.1. Муштакли механизмларнинг турлари

Муштакли механизмлар элементлар сифатида муштаклар, туртгичлар, роликлар ва пойларга эга бўлади (4.1-расмга қаранг).

Муштакли механизм бир неча белгилар бўйича турларга бўлинади:

1. Элементларининг тузилишига қараб:
- а) Илгариланма ҳаракат қилувчи муштакли (4.1-расм);
- б) Ўткир ўқли турткичли (4.2-расм);





4.1-расм

- в) Роликли турткичли (4.4-расм);  
г) Ясси тарелкали турткичли (4.3-расм).

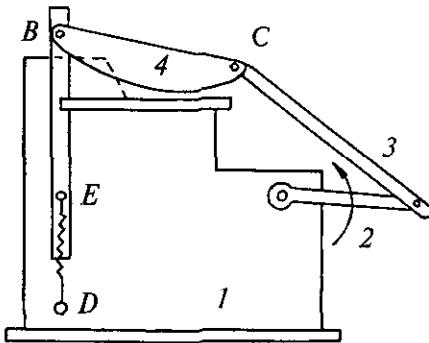
2. Конструкциясига кўра:

- а) Аксиал (4.4-расм);  
б) Дезаксиал (4.2, 4.3-расм).

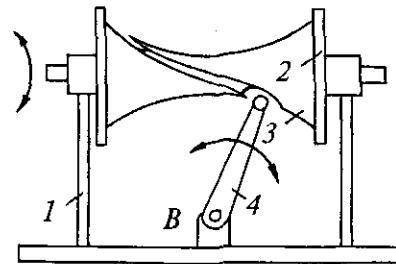
3. Ҳаракат турига қараб:

- а) Думаланувчи ричагли (пишангли) (4.5-расм);  
б) Фазовий (4.6-расм);  
в) Мураккаб ҳаракат қилувчи турткичли (4.7-расм).

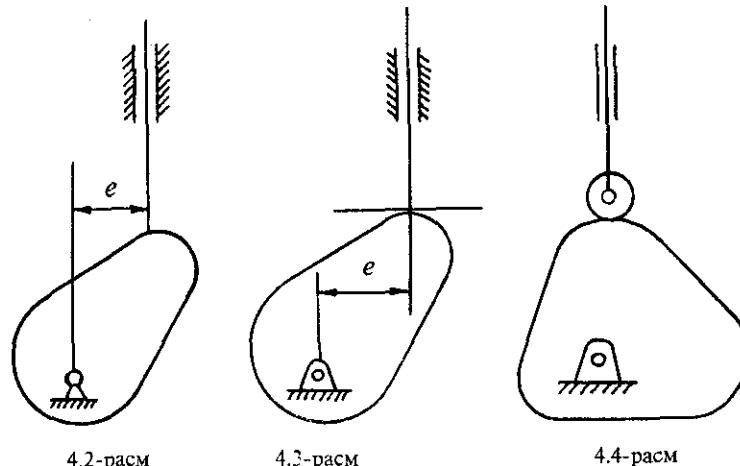
4. Турткични муштак билан туташтириш усулига кўра:  
а) Куч билан туташтирилган (4.5, 4.7-расм), бунда одатда пружина каби қўшимча элемент ишлатилади;



4.5-расм



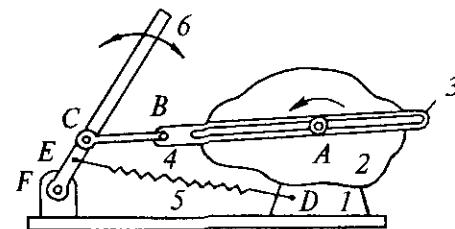
4.6-расм



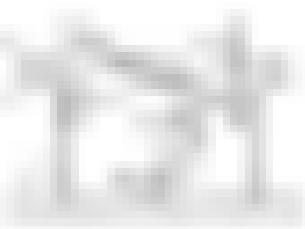
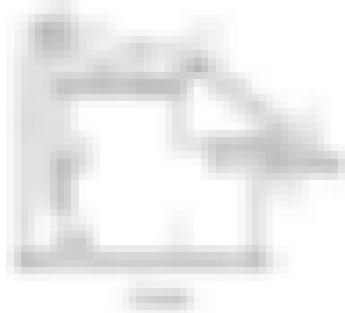
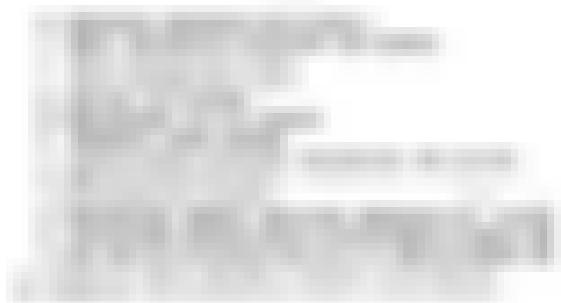
4.2-расм

4.3-расм

4.4-расм



4.7-расм



б) Кинематик туташтирилган (4.6-расм), бунда маҳсус ариқчалар ёки механизм конструкциясининг элементлари ишилатилади.

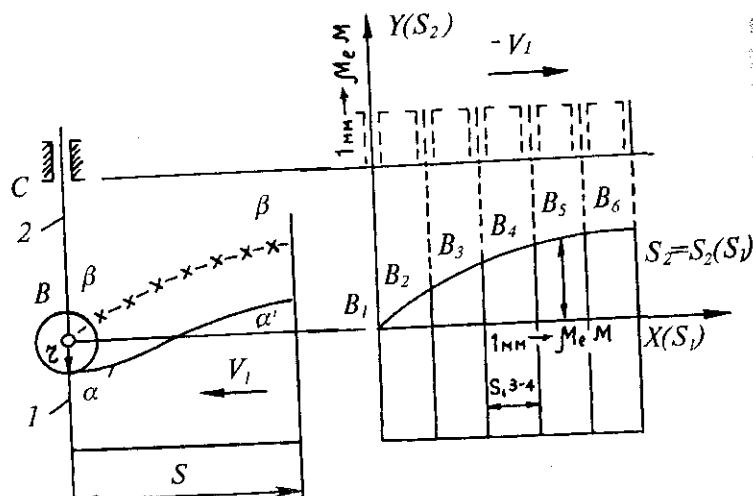
Кинематик туташтириш ариқчалар воситасида бажарылған механизмлар ариқчали муштакли механизмлар дейилади.

#### 4.2. Муштакли механизмларни кинематик таҳдил қилиш

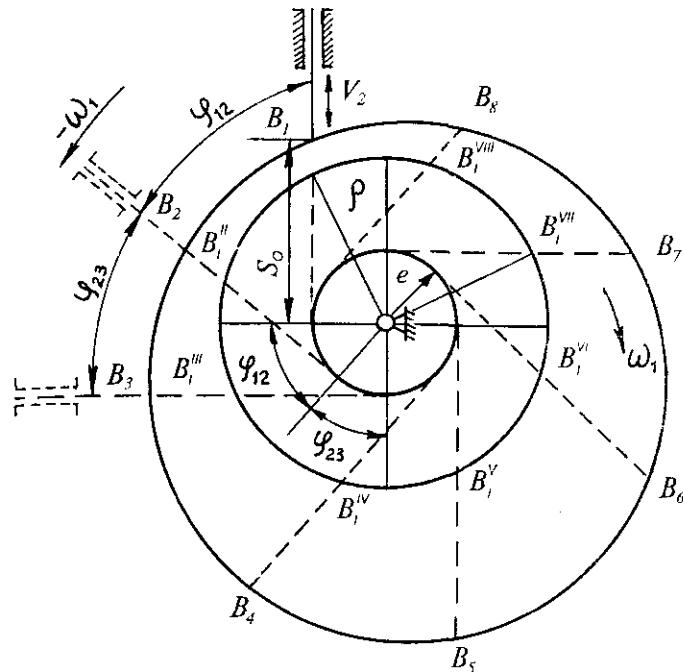
#### **4.2.1. Муштакли механизм чиқиши бүгүнининг ҳаракат қонунини аниқлаш**

Муштакли механизм чиқиш бўғинининг ҳаракат қонунини ифодаловчи йўл графигини куришда энг кўп тарқалган усул ҳаракатни тескарилатиш усулидир.

1. Роликли учли турткичли муштакли механизм (4-е расм) берилган бўлсин. Йўл графиги  $S_1 = S_2(S)$  ни куриш учун  $V_1$  тезлик билан муштак 1 эмас, балки унга қарама-қарши йўналишда, яъни  $V_1$  тезлик билан турткич 2 ҳара-



4 8-пакет



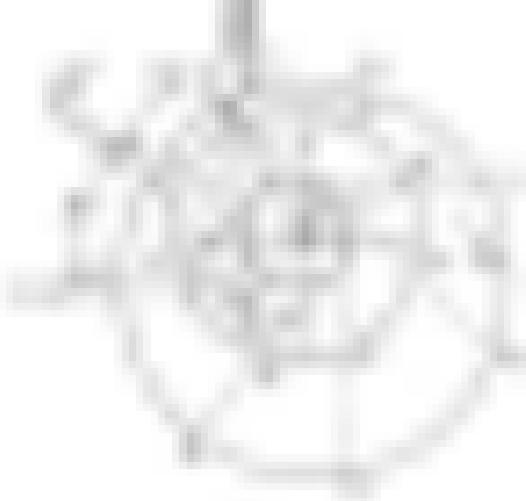
4.10-pacm

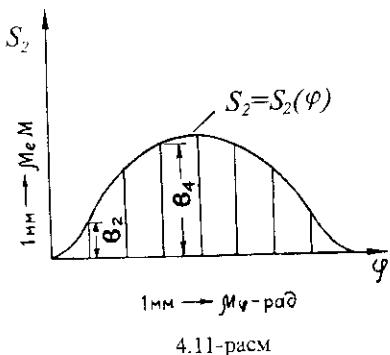
кат қиласы, деб фараз қиласынан (холатлар пунктір чизық билан күрсатылған,  $X$  ўқи бүйлаб туртгичнің горизонтал силжиши кесмаларини,  $Y$  ўқи бүйіча эса уларға мос рационалда вертикал силжиш кесмаларини күйіб, туртгич йүлиниң  $m_e$  масштабида  $S_2 = S_2(S_1)$  графигини оламыз (4.9-расм).

2. Айланувчи муштакли дезаксиал муштакли механизм (4.10-расм) берилган бўлсин. Ҳаракатни тескарилатиш усулини қўллагандаги бошлангич нуқта сифатида муштак радиус вектори  $\rho$  энг кичик қийматига эга бўладиган  $B_1$  нуқтани қабул қиласиз, бунда

$$p = S_0^2 + e^2$$

бу ерда  $e$  — дезаксиал қиймати;  $S_e$  — профилдан муштак айланиш марказигача дезаксиал айланасига ўтказилган уринмадаги энг кичик масофа.





4.11-расм

муштак профилининг радиус-векторини кесма қилиб қўйиш мумкин бўлади. Сўнгра бу радиус-векторнинг энг кичик қийматини кесиб ташлаб,  $S_2 = S_2(\varphi)$  графигини (4.13-расм) ҳосил қиласиз. Турткич ясси тарелкали бўлган ҳолда ҳам шундай қилинади, лекин бунда тарелка муштакка  $B_2, B_3$  ва ҳ.к. нуқталарда эмас, балки  $B_2, B_3$  ва ҳ.к. нуқталарда уринишни ҳисобга олиш керак (4.14-расм). Яъни бу ҳолда муштак профили эмас, балки  $B''_1 B_2, B'''_1 B_4$  ва ҳ.к. нурлардангина фойдаланилади ва турткич босиб ўтган йўли муштак профилининг радиус-вектори ўзгаришидан кўпроқ бўлади (4.15-расм).

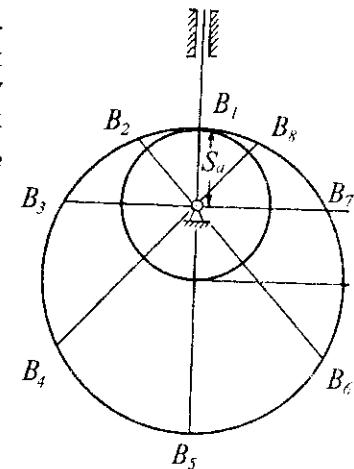
Ҳаракатни тескарилатиш усулини айланувчи муштак ва тебранувчи турткични механизмга кўлтайлик (4.16-расм).

$$\begin{aligned} S_2^{1-2} &= \mu_e (B_1^{II} B_2) = \mu_e b_2; \\ S_2^{1-3} &= \mu_e (B_1^{III} B_3) = \mu_e b_3; \\ S_2^{1-4} &= \mu_e (B_1^{IV} B_2) = \mu_e b_4 \quad \text{ва ҳоказо.} \end{aligned}$$

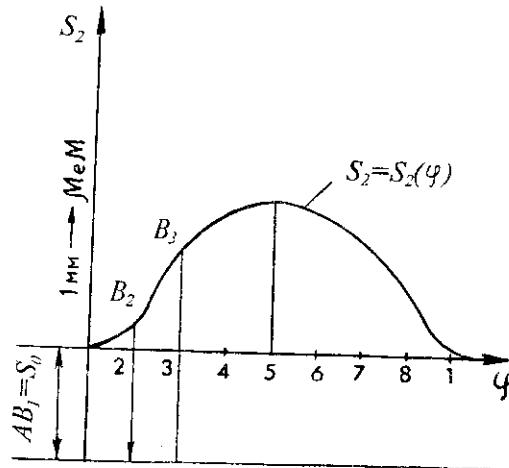
Олинган қийматлар асосида  $S_2 = S_2(\varphi)$  графигини (4.11-расм) қуриш мумкин.

Ўлчаш энг қўйи ҳолатдан бошланганлиги учун механизмнинг ҳамма ҳолатларида  $S_o$  ўзгармай қолади ва радиусли бошқа (кўшимча) доира ҳосил қиласиз. Бу доиранинг нуқталаридан муштак нуқталаригача бўлган ма-софа турткич 2 нинг изланган йўлини беради.

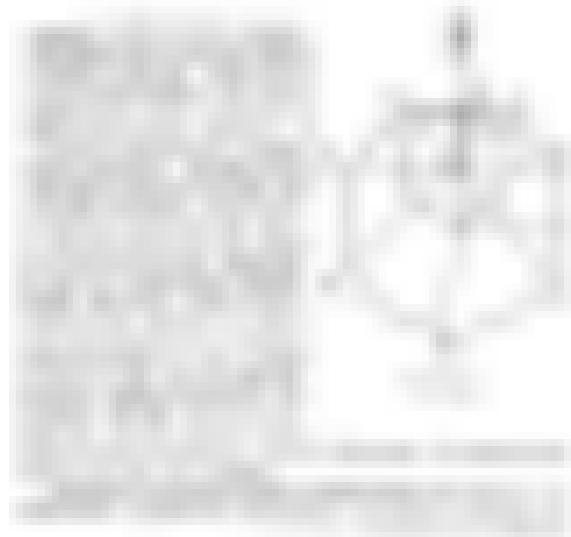
Механизм ўткир учи турткичли аксиал бўлганда (4.12-расм) масала янада соддашаради. Бу ерда ҳар бир ҳолатда



4.12-расм

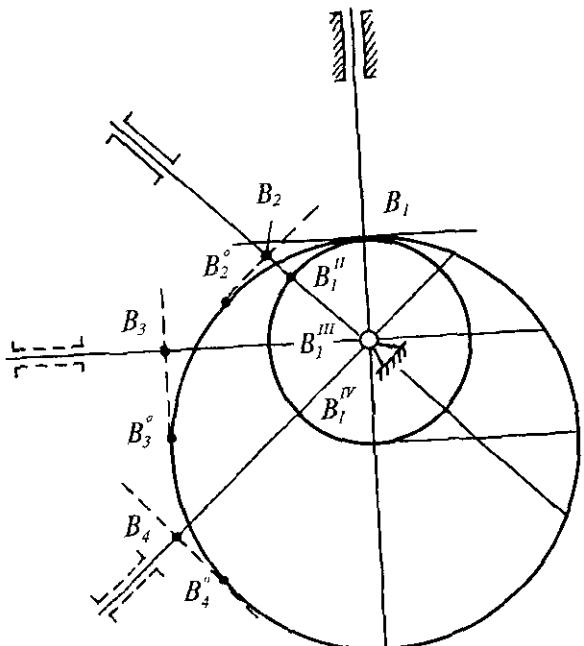


4.13-расм

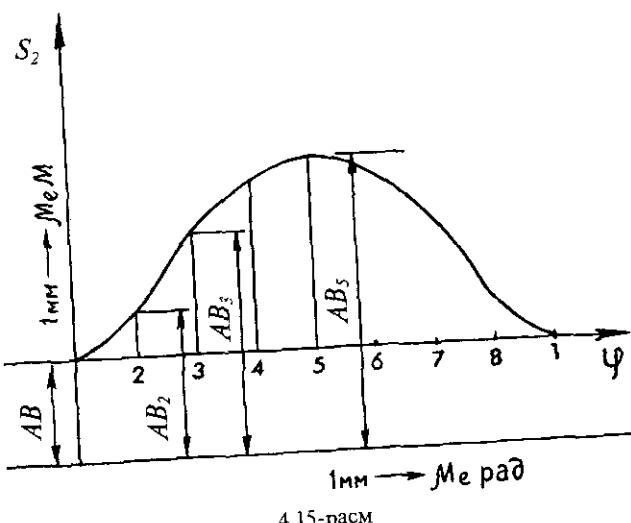


三  
一  
二

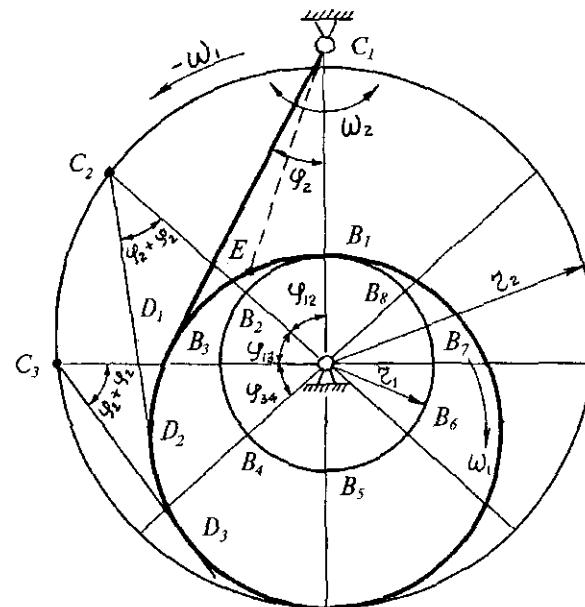




4.14-расм

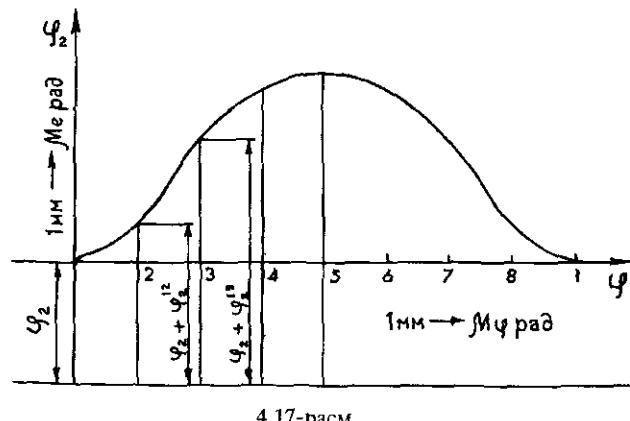


4.15-расм

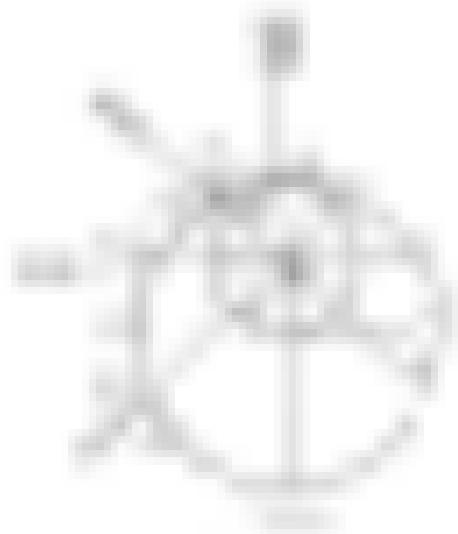


4.16-расм

Профили  $\beta - \beta$  бўлган муштак ўзгармас  $w_1$  бурчак тезлик билан айлансин. Бугун тизимга —  $w_1$  бурчак тезлик берайлик. Унда  $C_1$  нукта радиус  $r_2 = r_1 + B_1 C_1$  бўлган доира бўйича кетма-кет  $C_2, C_3$  ва ҳ.к. ҳолатларни эгаллади. Агар турткич бурилиш бурчаги биринчи ҳолатда  $\varphi_2 = \angle D_1 C_1$



4.17-расм

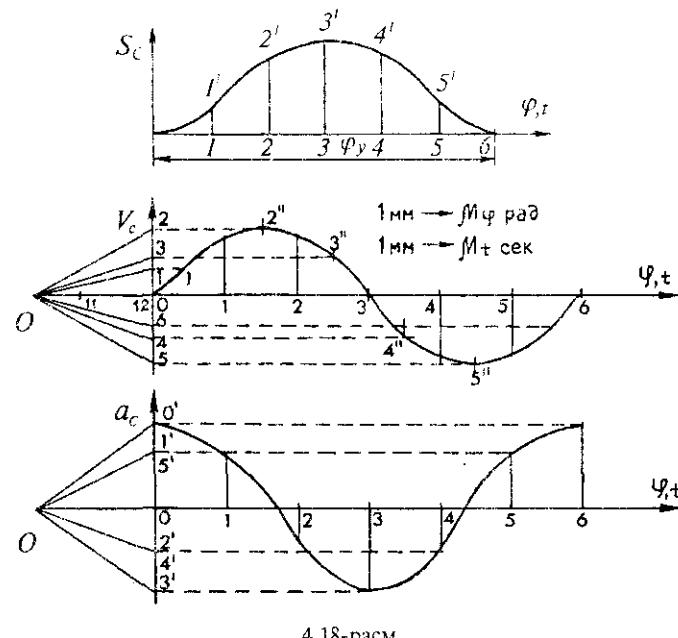


Б, бұлса, иккінчи ҳолатда  $\varphi_2 + \varphi_2^{12}$ , учинчі ҳолатда  $\varphi_2 + \varphi_2^{13}$ , ва ҳ.к. Ушбу кийматтарға эта бўлиб ва  $\varphi_2^0$  қийматларини олиб ташлаб, абсцисса ўқини ўтказилса, изланган  $\varphi_2 = \varphi_2(\varphi)$  профил графикни олиш мумкин (4.17-расм).

Қайд қилиш керакки, пишангли турткич муштакка уринма бўйича эмас, балки  $E$  нуқтада (4.16-расм пунктир билан кўрсатилган) уринган ҳолда унинг ҳолатларини  $C_1 E$  радиусли ёй билан  $C_1, C_2, C_3$  ва ҳ.к. нуқталардан кесишмалар ўтказиш йўли билан аниқлашади.  $\varphi_2 = \varphi_2(\varphi)$  графикини қуришнинг қолган жараёни юқоридаги масалаларни счишдаги жараён билан бир хиз бўлади.

#### 4.2.2. Муштакли механизм нуқталарининг тезлик ва тезланишларини аниқлаш

Муштакли механизм текширилдиган нуқтасининг тезлик ва тезланишларини аниқлашнинг энг қулай усули (айниқса, юқорида кўрилган йўл графики бўлганда) диаграммалар усулидир.



$S_2 = S_2(\varphi)$  йўл диаграммаси маълум бўлсин (4.18-расм). Унда

$$V_c = \frac{dS_c}{dt} = \frac{d[S_c(t)]}{dt}.$$

Абсцисса ўқининг давомидан  $K$  масофада жойлашган  $O$  нуқтани танлайлик ва ундан диаграммадаги нуқталарга уринма бўлган чизиқларга параллел нурларни ордината ўқи билан кесишгунча чиқазайлик. Ҳосил бўлган кесмаларни  $m_v$  масштабида  $V_c = V_c(t)$  координата текислигининг ординаталарига қўйиб  $V_c = V_c(t)$  графикини ҳосил қиласиз. Худди шу тарзда тезланишлар графикиги  $a_c = a_c(t)$  қурилади. Бунда шуни ҳисобга олиш керакки,

$$V_{ci} = \frac{dS_{ci}}{dt} = \frac{\mu_e}{\mu_t} \operatorname{tg} \alpha_i = \frac{\mu_e}{\mu_t \cdot (OK)} \cdot (OK) \operatorname{tg} \alpha_i = \frac{\mu_e}{\mu_t \cdot (OK)}$$

(1-1'; 2-2'; 3-3' ва ҳ.к.).

Худди шундай

$$a_{ci} = \frac{\mu_v}{\mu_t \cdot (OK)} \cdot (1-1'; 2-2'; 3-3' \text{ ва ҳ.к.}).$$

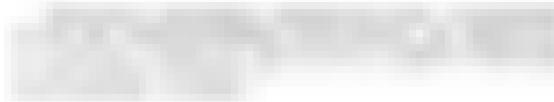
$S_2 = S_2(t)$  графикиги эмас, балки  $S_c = S_c(\varphi)$  берилган ҳолда

$$V_{ci} = \frac{dS_{ci}}{dt} = \frac{dS_{ci}}{d\varphi} \cdot \frac{d\varphi}{dt} = \omega \frac{dS_{ci}}{d\varphi} = \frac{\omega' \mu_e}{\mu_\varphi \cdot (OK)} \cdot (OK) \operatorname{tg} \alpha_i$$

$a_c$  қийматларини топиш учун ҳам худди шундай қилиш керак.

## 5. МЕХАНИЗМЛАР ДИНАМИКАСИ

Кинематик таҳлил масалалари кўрилганда, механизмлар ҳаракатини текшириш фақат уларнинг тузилиши (структураси) ва бўғинларининг геометрик муносабатларини ҳисобга олган ҳолда олиб борилади. Бунда ҳаракатни қўзғатувчи ва ҳаракатга таъсир қилувчи кучлар ўрганилмайди.



Механизмларнинг динамик таҳлили икки масалани кўриб чиқади:

1. Механизмларнинг кучлар таъсири бўйича таҳлили, яъни ҳаракат давомида юзага келадиган юкланишларни камайтириш мақсадида механизм бўғинлари ва элементларига кучларнинг (ташқи бўғинлар оғирлиги, ишқаланиш, инерция ва ҳ.к.) таъсирини ўрганиш.

2. Механизмлар динамикаси, яъни механизмнинг кучлар таъсиридаги ҳаракат режимларини ўрганиш ва механизмлар ҳаракатининг берилган режимларини таъминловчи усусларни аниқлаш.

Биринчи масала механизм бўғинларига ташқи кучларни ҳамда кинематик жуфтларда юзага келадиган реакцияларни аниқлаш учун хизмат қиласди. Бу мақсадлар учун ҳам назарий, ҳам экспериментал усуслар кўлланилиади.

Иккинчи масала берилган ҳаракатни ҳосил қилиш учун керак бўладиган энергиянинг умумий миқдорини аниқлаш ва бу энергиянинг тақсимланиш қонунларини ўрганиши учун хизмат қиласди. Бу ерда яна ФИК(фойдали ишкоэффициенти)ни баҳолаш ҳам бажарилади.

### 5.1. Механизмларни кучлар таъсири бўйича ҳисоблаш масалалари

Кучларни аниқлаш масаласи механизмларнинг баязи бир деталларини мустаҳкамлик бўйича ва кинематик жуфтларнинг ишқаланувчи деталларини ёйилиши бўйича ҳисоблаш учун керак бўлади. Механизмларнинг турли бўғинларига таъсир қилувчи кучларини билиб, конструктор (лойиҳачи) бўғинларнинг энг рационал ўлчамларини танлаши, дегалларнинг етарли мустаҳкамлиги учун зарур бўлган шаклларни аниқлаш, кинематик жуфтларда мойлашини таъминлаши ва ҳ.к. бажариши мумкин.

Ҳам статик, ҳам динамик юкланишлар ҳисобга олиниб бажариладиган ҳисоблар динамик ҳисоблар деб номланади.

Механизмнинг турли бўғинларига таъсир қилувчи кучларни аниқлаш учун механизмга кўйилган ташқи кучла маълум бўлиши керак.

Ҳаракатнинг берилган қонунлари бўйича керакли ҳисобий юкланишларни ва ташқи кучларни аниқлашни кўзда тутган куч бўйича ҳисоб турли усуслар билан бажарилиши мумкин. Қаттиқ жисмларнинг оддий мувозанат тенгламалари (Даламбер мувозанат тенгламалари динамикаси)дан фойдаланиш усули энг кўп тарқалган. Бунинг учун тезланувчан жисмга қарши бўлган инерция кучини тезланувчи жисмнинг ўзига кўчирилади.

Бу принцип (тамойил) куйидагича таърифланади: агар механизм бўғинларига таъсир қилувчи барча кучларга инерция кучлари қўшилса, бу кучларнинг ҳаммаси таъсиридаги бўғинни шартли равишда мувозанатда турган деб қараш мумкин. Ҳосил қилинган тизим учун мувозанат тенгламаларини тузиб ва уларни ечиб механизм бўғинларига таъсир қилувчи ва унинг ҳаракати давомида ҳосил бўладиган кучларни аниқлаймиз. Бу усул инерция кучлари ҳисобга олинмайдиган статик ҳисобдан фарқли равишда кинетостатик ҳисоб деб аталади.

#### 5.1.1. Механизм бўғинларига таъсир қилувчи кучлар

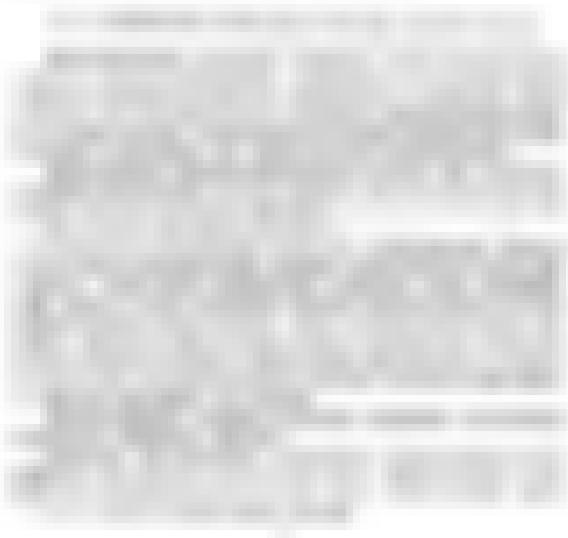
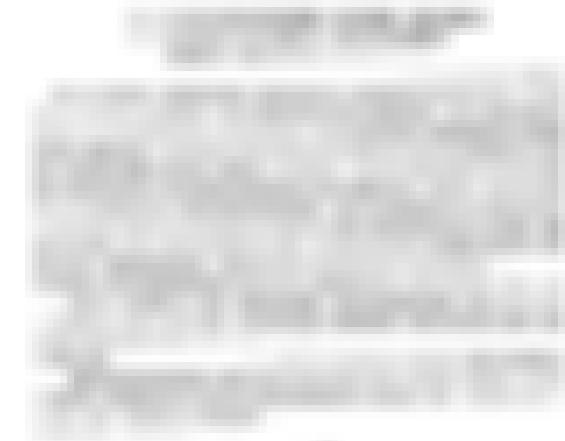
Механизмнинг ишлаши пайтида унинг бўғинларига ташқи: ҳаракатлантирувчи, қаршилик ва оғирлик ҳамда реакция натижасида юзага келадиган ишқаланиш кучлари таъсир қиласди. Ишқаланиш кучлари механизмда ички, алоҳида олинганда эса ташқи кучлар ҳисобланади.

Механизмда ҳаракатлантирувчи кучлар деб, етакловчи бўғин ҳаракатини тезлаштирувчи, яъни элементар иши мусбат бўлган кучларга айтамиз.

Технологик қаршилик кучи деб, етакланувчи бўғинга кўйилган ва машина уни енгиши лозим бўлган кучга айтилади. Технологик қаршилик кучининг иши манфийдир, яъни у нуқта тезлигига қарама-қарши йўналган ёки ўтмас бурчак ҳосил қиласди. Агар етакланувчи бўғин айланма ҳаракат қиласа, технологик қаршилик кучининг моменти ва етакланувчи бўғин бурчак тезлиги ўзаро қарама-қарши ишорага эга бўлади.

Бўғинларнинг оғирлик кучлари уларнинг массалари марказига кўйилган бўлади.

Оғирлик кучларининг механизм ҳаракатининг бир циклида бажарган илии нолга teng, лекин унинг цикл ичидаги иши нолдан фарқ қиласди.



Механик ёки қўшимча қаршиликлар машиналарда асосан кинематик жуфтлар элементларининг нисбий ҳаракатидан юзага келувчи қаршилик кучлари, яъни ишқаланувчи кучлар тарзида учрайди. Ишқаланиш кучлари манфий иш бажарадилар.

Инерция кучлари механизмлар бўғинларининг нотекис ҳаракати натижасида ҳосил бўлади.

Механизмнинг тўлиқ ҳолда мувозанати текширилганда боғланиш реакцияларини ички кучлар сифатида, яъни ўзаро мувозанатланувчи кучлар сифатида ҳисоблаш керак.

Кинематик жуфтлардаги тўлиқ реакцияларни нормал ва уринма ташкил этувчиларга ажратиш мумкин. Кейингилари бажарган иши механик қаршиликларни енгиз учун сарфланадиган энергия (кувват)ни белгиловчи ишқаланиш кучларидир. Нормал ташкил этувчиларнинг бажарган иши нолга teng бўлади.

### 5.1.2. Бўғинларнинг инерция кучларини аниқлаш

Маълумки, текисликка параллел ҳаракат қиливчи ва ҳаракат текислигига параллел бўлган симметрия текислигига эга бўғиннинг ҳамма инерция кучлари умумий ҳолда бўғиннинг массалари марказига кўйилган инерция кучи  $P_u$  ва моменти  $M_u$  бўлган кучлар жуфтлигига келтирилиши мумкин, бунда

$$\bar{P}_u = -ma_s, \quad (H)$$

$$M_u = -I_s \varepsilon, \quad (H.m),$$

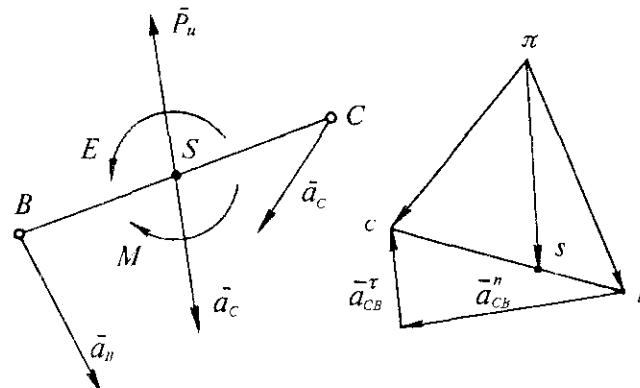
бу ерда  $m$  — бўғин массаси, кг;

$a_s$  — массалар маркази  $S$  нинг тўлиқ тезланиши;

$I_s$  — бўғиннинг массалар марказидан ўтвучи ва ҳаракат текислигига перпендикуляр бўлган ўққа нисбатан инерция моменти, кг.м<sup>2</sup>;

$\varepsilon$  — бўғиннинг бурчак тезланиши,  $c^2$

$\pi u$  ва  $C$  нуқталарининг тезланиши маълум бўлган  $BC$  бўғин берилган бўлсин  $S$  (5.1-расм). Тезланишлар режасида бу тезланишлар  $\mu_a$  масштабдаги  $\pi s$  ва  $\pi u$  векторлар  $S$  (5.2-расм) билан белгиланган  $\sigma$  ва  $s$  нуқталарни бирлаштириб,  $S$  нуқтани режада топамиз ва уни қутб билан бирлаштирамиз. Ҳосил бўлган  $\pi_s$  векторларининг кесма-



5.1-расм

5.2-расм

си массалар марказининг  $\mu_a$  масштабдаги тезланишини тасвирилади, яъни

$$a_s = \mu_a (\pi s).$$

Инерция кучи  $P_u$  тўла тезланиш вектори  $\bar{a}_s$  га тескари йўналган, қиймати эса

$$P_u = m a_s.$$

Тезланишлар режасида уринма тезланиш  $a_{CB}^\tau$  ни аниқлаб, бурчак тезланиш қийматини ҳисоблаймиз:

$$a_{CB}^\tau = \bar{\mu}_a (\pi s)$$

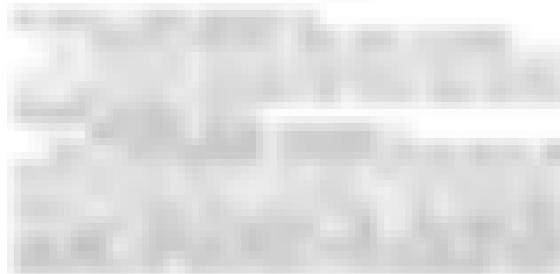
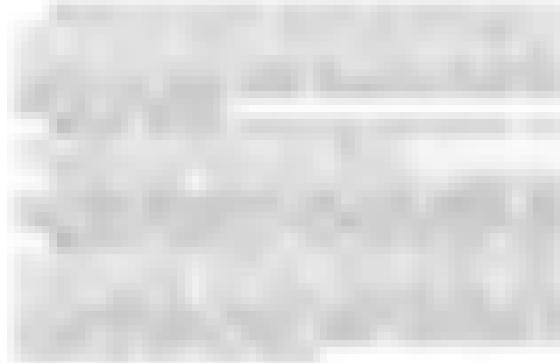
$$(\varepsilon) = \frac{a_{CB}^\tau}{l_{CB}}.$$

Бўғиннинг инерция моменти  $I_s$  унинг массаси  $m$  ва инерция радиуси  $\rho$  га боғлиқ

$$I_s = m \rho^2.$$

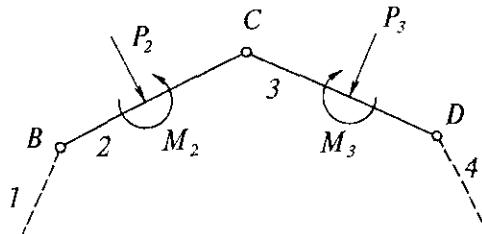
Инерция кучлари жуфтлигининг моменти  $M_u$  бурчак тезланиш йўналишига тескари йўналган ва teng

$$M_u = - I_s \cdot \varepsilon.$$



**5.1.3. Механизмлар күчлар режасини қуриш усулі  
билин күчлар таъсири бүйічә таҳлил қилиши**

5.3-расмга қойыдаги белгиларни киритамиз:

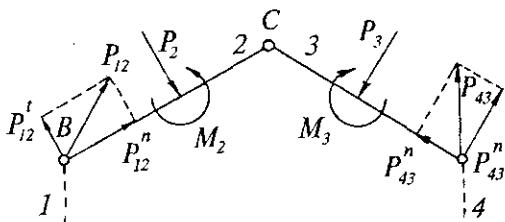


5.3-расм

1,2,3,4 — механизм бүғинлари;  
ВСД — 2-синф, биринчи тур тузувчи гурұх;  
 $R_{k1}$  — 1-бүғинга к бүғин томонидан таъсир қылувчи  
куч;

$M_2, M_3$  — күчларнинг айлантирувчи моментлари;  
 $M_k$  — күчлар жуфтлигининг к бүғинга таъсир қылувчи  
моменти;

$M_k(P_k)$  —  $P_k$  күчнинг А нүктеге нисбатан моменти.  
Масала юқоридаги моментлар  $M_2, M_3$  ва ташқи күчлар  
 $P_2, P_3$  таъсирида жойлашған 2-синф биринчи тур тузувчи  
гурұхнинг кинематик жуфтларидаги реакцияларни аниқтап  
решадан иборатдир. Масалани ечиш учун күчларнинг рещаларини  
қуриш усулидан фойдаланамиз. Номағым реакциялар  $R_{12}$  ва  $R_{43}$  мөсрави шағында  $B$  ва  $D$  нүкталарыда хосил  
бўлади (5.4-расм).



5.4-расм

Күрилаётган гурухнинг мувозанат тенгламасини тузамиз, бунинг учун гурухта таъсир қылувчи күчларнинг векторлари йиғиндиши нолга тенг бўлиш шартидан фойдаланамиз:

$$\bar{R}_{12} + \bar{P}_2 + \bar{P}_3 + \bar{R}_{43} = 0.$$

Бу ерда  $P_2$  ва  $P_3$  күчларнинг йұналишлари ва қийматлари берилған.  $R_{12}$  ва  $R_{43}$  күчларнинг эса фақат қўйилиши нүқталари маълум. Бу күчларни ташкил этувчиларга ажратамиз:

$$\begin{aligned}\bar{R}_{12} &= \bar{R}_{12}^n + \bar{R}_{12}^r \\ \bar{R}_{43} &= \bar{R}_{43}^n + \bar{R}_{43}^r.\end{aligned}$$

Уринма ташкил этувчилар ва  $R_{12}^r$  ва  $R_{43}^r$  ни топиш учун ҳар бир бүғиннинг алоҳида мувозанатини текширамиз. Аввал 2-бүғин таъсир қылувчи ҳамма күчларнинг С нүктага нисбатан моментлари тенгламасини тузамиз:

$$M_c(P_2) + M_c(R_{12}^r) + M = 0 \quad (1)$$

$R_{12}^r$  күчнинг таъсир чизиги ВС га перпендикуляр, лекин йұналиши номаълум. Уни аввал ихтиёрий қабул қиласады, ҳисоблаш натижасида қиймати манфий чиқса, ҳақиқий йұналиши қабул қилинганга тескари бўлади. 5.4-расмда кўриниб турибидики,

$$M_c(R_{12}^n) = 0; \quad M_c(R_{32}) = 0$$

$M_c(R_{12}^r) = R_{12}^r \cdot I_{BC}$  эканлигини назарга олиб (1) тенгламани қойыдаги кўринишга келтирамиз:

$$M_c(R_{12}^r) + R_{12}^r \cdot I_{BC} + M_2 = 0.$$

Бу ердан

$$R_{12}^r = - \left[ \frac{M_c(P_2)}{I_{BC}} + \frac{M_2}{I_{BC}} \right].$$

1.000

1.000

1.000

1.000

1.000

1.000

1.000

1.000

1.000

1.000

1.000

1.000

Худди шу тарзда,  $M_c(R_{43}^n) = 0$ ;  $M_c(R_{23}) = 0$ ; эканлигини эътиборга олиб, 3-бўғин мувозанат шартларидан келиб чиқсан ҳолда қўйидаги кўринишдаги моментлар тенгламасини ҳосил қиласмиш;

$$M_c(P_3) + M_c(P_{43}^t) + M_3 \approx 0. \quad (2)$$

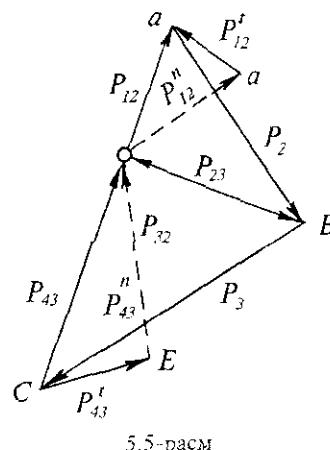
$M_c(R_{43}^t) = R_{43}^t \cdot l_{CD}$  эканлигини назарда тутиб, (2) дан оламиш:

$$R_{43}^t = - \left[ \frac{M_c(P_3)}{l_{CD}} + \frac{M_3}{l_{CD}} \right].$$

Унда  $R_{12}^t$  ва  $R_{43}^t$  ҳисобланган қийматларини эътиборга олинса, 2-синф I-тур икки қулоқли (поводковая) гурӯҳнинг мувозанат тенгламаси қўйидаги кўринишга келади:

$$\bar{R}_{12}^n + \bar{R}_{12}^t + \bar{P}_2 + \bar{P}_3 + \bar{R}_{43}^n + \bar{R}_{43}^t = 0. \quad (3)$$

Бу ерда йўналишлари мос равища  $BC$  ва  $DC$  бўғинларнинг ўқларига тўғри келувчи  $R_{12}^n$  ва  $R_{43}^n$  кучларнинг қийматларигина номаълумдир. Бу қийматларни аниқлаш учун тенгламага мос равища кучлар режасини (5.5-расм) кўшамиш.



Бунинг учун ихтиёрий олинган  $a$  нуқтадан,  $\mu_p$  масштабда куч  $P_2$  векторни, сўнгра унинг охирги уйдан  $P_3$  куч векторини жойлаштирамиз. (Айтиш керакки, кучларни қўйин тартиби бошқача ҳам бўлиши мумкин, яъни олдин  $P_3$ , сўнгра  $P_2$ . Бунда охирги олинадиган натижага ўзгармай қолади). Ундан кейин худди шу масштабда юқорида ҳисобланган  $P_{12}^t$  ва  $P_{43}^t$  куч векторларини қўйимиз. (Бу ерда энди натижка қўйиш тартибига боғлик, яъни  $R_{43}P_3$

охиридан,  $\bar{R}_{12}^t$  эса режани бекитиши керак). Сўнгра  $d$  ва  $c$  нуқталаридан  $DC$  ва  $BC$  бўғинларига параллел чизиқлар ўтказамиш. Бу чизиқларнинг кесишган нуқтаси  $\bar{R}_{12}^n$  куч вектори бошланиши ва  $\bar{R}_{43}^n$  куч вектори охирини,  $ef$  ва  $ea$  эса мос равища  $\bar{R}_{43}$  ва  $\bar{R}_{12}$  векторларни кўрсатади.

$R_{32}$  реакция кучини аниқлаш учун 2-бўғиннинг қўйидаги мувозанат тенгламасини тузиш етариш:

$$\bar{R}_{12} + \bar{P}_2 + \bar{R}_{32} = 0$$

Кучлар режасида  $\bar{R}_{32}$  қиймати  $ef$  кесмага тент. Худди шундай натижани 3-бўғиннинг қўйидаги мувозанат тенгламаси беради:

$$\bar{R}_{43} + \bar{P}_3 + \bar{R}_{23} = 0$$

чунки

$$\bar{R}_{32} = -\bar{R}_{23}$$

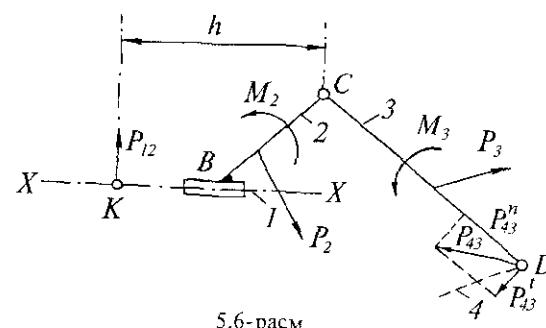
Энди таркибида илгариланма кинематик жуфт бўлган турӯхлардаги реакция кучларини кўрайлик. 5.6-расмда икки қулоқли (поводокли) 2-синф II турдаги гурӯҳ кинематик схемаси келтирилган.

Белгилар киритамиш:

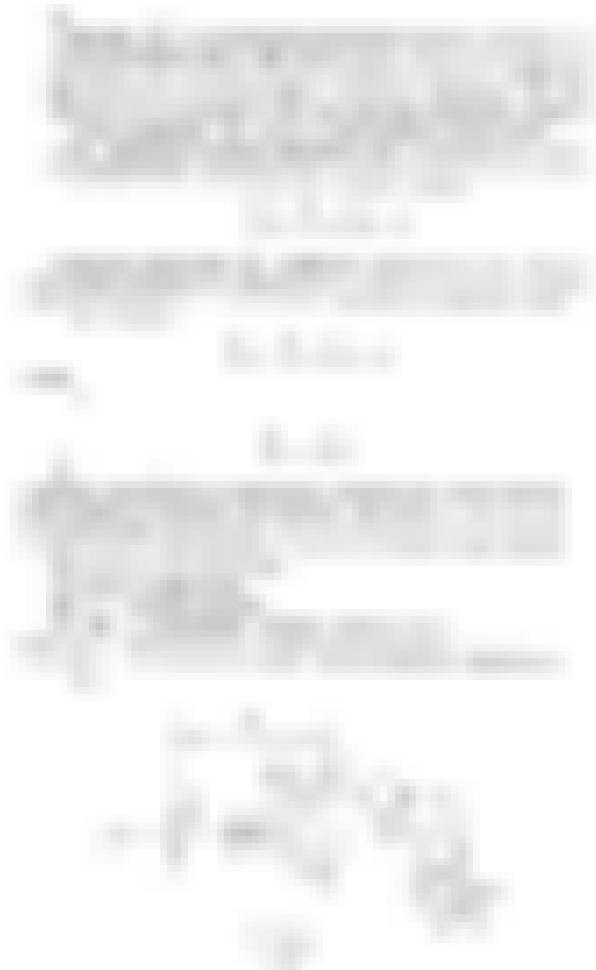
$P_2, P_3$  — ташқи кучлар;

$M_2, M_3$  — кучларнинг ташқи моментлари;

$X-X$  — илгариланма жуфт бўғинларининг ҳаракатлаши ўқи.



5.6-расм



Гурухга таъсир қилувчи барча кучларнинг вектор тенгламаларини тузамиз:

$$\bar{R}_{12} + \bar{P}_2 + \bar{P}_3 + \bar{R}_{43} = 0 \quad (4)$$

$P_{12}$  реакция йўналиши маълум, у  $X-X$  ўқига перпендикуляр бўлади.  $P_{43}$  реакциянинг эса фақат қўйилиш нуқтаси маълум.  $P_{43}$  ни ташкил этувчиларга ажратамиз:

$$\bar{R}_{43} = \bar{P}_{43}^n + \bar{R}_{43}^t$$

$P_{43}^t$  қийматини ҳисоблаш учун 3 бўғинга таъсир қилувчи кучларнинг  $C$  нуқтага нисбатан моментлари тенгламасини тузамиз:

$$\begin{aligned} M_c(\bar{P}_3) + M_c(\bar{P}_{43}^t) + M_3 &= 0 \\ M_c(\bar{P}_{43}^t) &= P_{43}^t l_{DC}; \quad M_c(\bar{P}_{23}) = 0; \quad M_c(\bar{P}_{43}^n) = 0 \end{aligned} \quad (5)$$

бўлгани учун (5) дан оламиз:

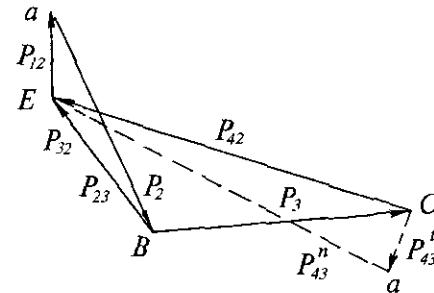
$$P_{43}^t = -\frac{1}{l_{DC}} [M_c(\bar{P}_3) + M_3]$$

Топилган қийматларни (4) тенгламага қўйсак:

$$\bar{R}_{12} + \bar{P}_2 + \bar{P}_3 + \bar{R}_{43}^n + \bar{R}_{43}^t = 0$$

Бу тенгламада энди фақат  $P_{12}$  ва  $P_{43}$  кучларнинг қийматлари номаълум. Уларни аниқлаш учун кучлар режасини кўрамиз (5.7-расм).

Ихтиёрий танланган  $f$  нуқтадан кучлар масштаби  $\mu_p$   $P_2$  куч векторини қўямиз, сўнгра унга  $P_3$  векторини қўшамиз. Бу вектор охири, яъни  $C$  нуқтадан  $\pi$  жойлаштиришимиз, унинг учидаги  $d$  нуқтадан  $DC$  га параллел чизик ўтказмиз. Сўнгра  $f$  нуқтадан  $X-X$  ўқига перпендикуляр тўғри чизик чиқарамиз. Икки чизикнинг кесиши нуқтаси  $eP_{43}^n$  ва  $P_{12}$  кучлари қийматини белгилайди.  $P_{43}^t$  тўғри



5.7-расм

реакция эса  $\mu_p$  масштабда ес кесма  $P_{23} = -P_{32}$  реакция эса  $a\dot{\varphi}$  кесма билан аниқланади.

Энди  $P_{12}$  кучнинг  $X-X$  ўқига қўйилиш нуқтаси  $K$  ни аниқлаш керак. Бунинг учун 2-бўғинга таъсир қилувчи кучларнинг моментлари тенгламасини тузамиз:

$$\begin{aligned} M_c(P_2) + M_c(P_{12}) + M_2 &= 0 \\ M_c(P_{32}) &= 0; \quad M_c(P_{12}) = h \cdot P_{12} \end{aligned}$$

бўлгани учун

$$h = -\frac{1}{P_{12}} [M_c(P_2) + M_2].$$

$K$  нуқта шартли равищда ползун ташқарисида етгандай тасвирланган бўлса ҳам, аслида у 1- ва 2-бўғинларнинг уриниш соҳасида жойланган.

#### 5.1.4. Етакловчи бўғинни кинетостатик ҳисоблаш (мувозанатлаш)

1. Агар бўғин ташқи кучлар таъсирида мувозанат ҳолатида бўлмаса, унга мувозанатловчи куч ёки мувозанатловчи момент қўйиш керак.

Етакловчи бўғин 1 (5.8-расм) кўзғалмас бўғин билан айланма жуфтликка кирсин ва унга  $P_{21}$ ,  $P_1$  кучлари ва момент  $M_1$  таъсир қиласин.

1.0000000000000000

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999

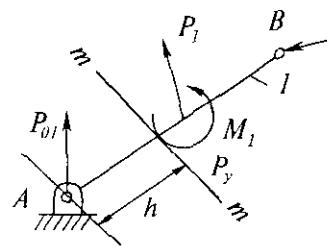
0.9999999999999999

0.9999999999999999

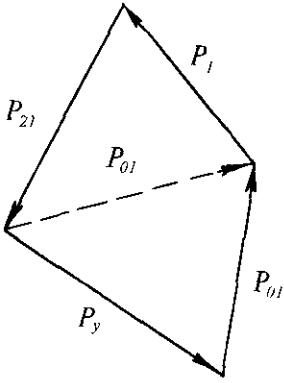
0.9999999999999999

0.9999999999999999

0.9999999999999999



5.8-расм



5.9-расм

Мувозанатловчи күч  $P_y$  таъсир чизиги  $m - m$  бўлсин.

$A$  нуқтага нисбатан моментлар тенгламасини тузайлик:

$$M_A(P_y) + M_A(P_1) + M_A(P_{21}) + M_1 = 0 \quad (6)$$

$$M_A(P_{21}) = 0; M_A(P_y) = P_y h$$

бўлгани учун ҳосил қиласиз:

$$P_y = -\frac{1}{h} [M_A(P_1) + M_A(P_{21}) + M_1]$$

Ундан кейин —  $P_{01}$  реакцияни аниқлаш учун қуидади векторлар тенгламасини тузамиз:

$$\bar{P}_y + \bar{P}_1 + \bar{P}_{12} + \bar{P}_{01} = 0 \quad (7)$$

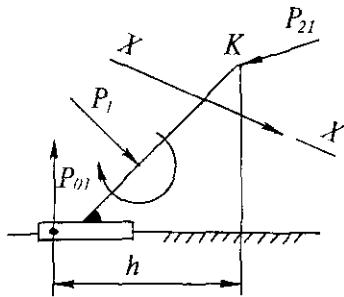
Кучлар режаси (5.9-расм) асосида  $P_{01}$  қиймати ва йўналишини аниқлаймиз.

Агар мувозанатлаш учун күч эмас момент қўйилса, унда (6) тенгламадан бевосита олиш мумкин:

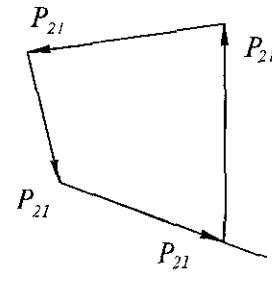
$$M_y = -[M_A(P_1) + M_A(P_{21}) + M_1].$$

$P_{01}$  реакция кучининг қиймати бу ҳолда қуидаги вектор тенгламадан топилади:

$$\bar{P}_1 + \bar{P}_{12} + \bar{P}_{01} = 0$$



5.10-расм



5.11-расм

$P'_{01}$  ни аниқлаш учун кучлар режаси 5.11-расмда берилган.

2. Етакловчи бўғин кўзғалмас бўғин билан айланма эмас, балки илгариланма жуфтликка кирса (5.10-расм)  $P_{01}$  йўналиши олдиндан маълум. Унда кучлар мувозанатининг (7) вектор тенгламасидаги  $P_{01}$  ва  $P_y$  йўналишлари ҳам маълум бўлади. Уларнинг қийматларини аниқлаш учун кучлар режасини қурамиз (5.11-расм).

$P_{01}$  кучининг қўйилиш нуқтаси  $N$  ҳолати  $K$  нуқтага нисбатан моментлар тенгламаси орқали топилади:

$$M_k(P_y) + M_k(P_1) + M_k(P_{01}) + M_1 = 0$$

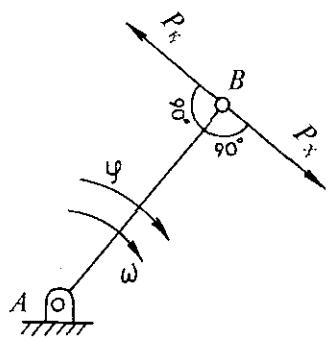
Бу ерда  $M_k(P_{01}) = P_{01}h$  бўлгани учун

$$h = -\frac{1}{P_{01}} [M_k(P_1) + M_k(P_y) + M_1].$$

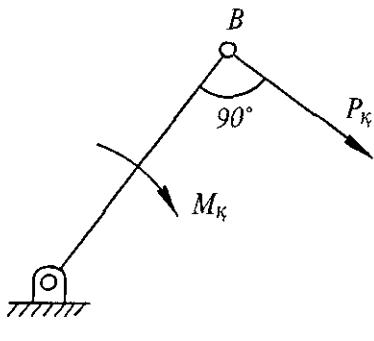
### 5.1.5. Кучлар ва моментларни келтириш

Кучлар ва моментлар таъсирида бўлган механизмларни текширишда ҳамма кучларни битта бўфинга, айниқса етакловчига келтириш кулай бўлади. Бунда ҳамма кучлар ҳосил қиласиган қувват ёки иш миқдори алмаштирувчи кучлардан олинадиган қувват ёки ишга тенг бўлиши шарт. Бундай алмаштирувчи кучлар келтирилган кучлар деб аталади. Механизмнинг келтирилган кучлар қўйилган





5.12-расм



5.13-расм

бўғини келтириш бўғини, кучлар қўйилган нуқта эса келтириш нуқтаси дейилади.

5.12-расмда кўрсатилгандай, етакловчи бўғинга ҳам ҳаракатлантирувчи  $P_x$  куч, ҳам қаршилик  $P_c$  кучларини келтириш мумкин. Бунда  $P_x$  куч ҳамма ҳаракатлантирувчи кучлар бажарган ишига тенг ишни,  $P_c$  куч эса ҳамма қаршилик кучлари ишига тенг ишни ҳосил қилиши керак.

Бунда

$$N_K = \sum_1^K N_i,$$

бу ерда  $N_k$  — келтирилган куч ёки келтирилган момент ҳосил қилган қувват;  $N_i$  — 1 бўғинга қўйилган кучлар ва моментлар ҳосил қилган қувват.

$$N_k = P_k V_c = M_k \cdot \omega$$

(5.12-расм) бўлгани учун

$$P_k = \frac{\sum N_i}{V_B}; \quad M_k = \frac{\sum N_i}{\omega};$$

Ундан ташқари

$$\sum_1^K N_i = \sum_1^K P_i V_i \cos \alpha_i + \sum_1^K M_i \cdot \omega_i$$

бу ерда  $P_i, M_i$  —  $i$  бўғинга қўйилган куч ва момент;

$B - V_B$  — нинг қўйилиш нуқтаси тезлиги;  
 $\omega_i$  —  $i$  бўғин бурчак тезлиги;  
 $a_i = P_i$  ва  $V_i$  йўналишлари орасидаги бурчак.  
Охирги кўринишда қўйидагиларни оламиз (5.13-расм):

$$P_k = \sum_1^K P_i \frac{V_i \cos \alpha_i}{V_B} + \sum_1^K M_i \frac{\omega_i}{V_B}$$

$$M_k = \sum_1^K P_i \frac{V_i \cos \alpha_i}{\omega_1} + \frac{\sum_1^K M_i \omega_i}{\omega_1}$$

### 5.1.6. Жуковский пишанги (ричаги)

Мумкин бўлган силжишлар тамойили (принципи)га кўра, агар қандайдир механик тизимга кучлар таъсир қилаётган бўлса, уларга шартли инерция кучларини қўшиб ва бутун тизимга унинг текширилаётган ҳолати учун мумкин бўлган силжишлар бераб, йифиндиси нолга тенг бўлувчи элементар ишлар қаторини оламиз, яъни

$$\sum_1^n P_i \delta_{p_i} = 0 \quad (8)$$

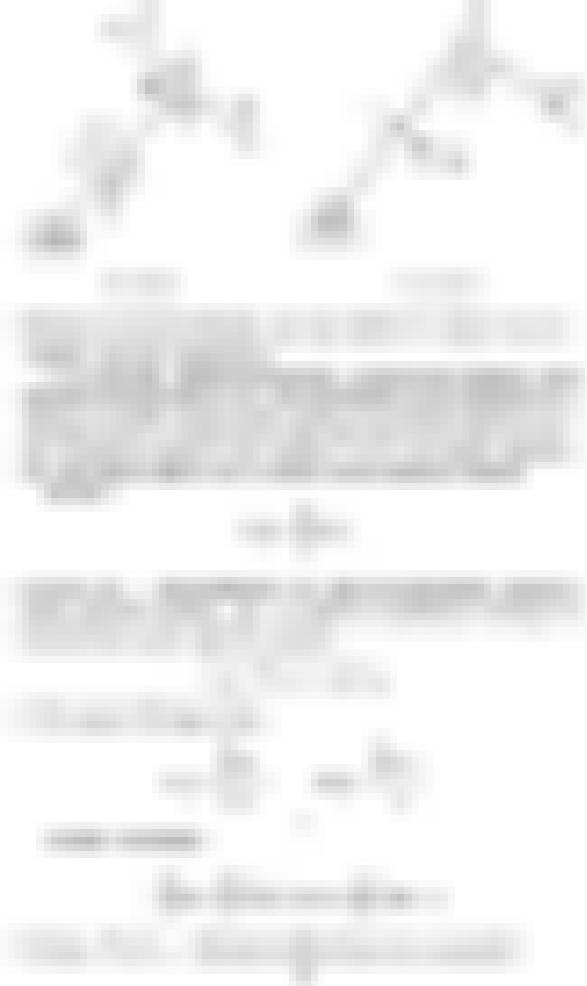
бу ерда  $P_i$  — таркибида инерция кучлари ҳам бўлган кучлар;  $\delta_{p_i}$  — мумкин бўлган силжишларнинг текширилаётган моментда  $P_i$  йўналишига проекцияси.

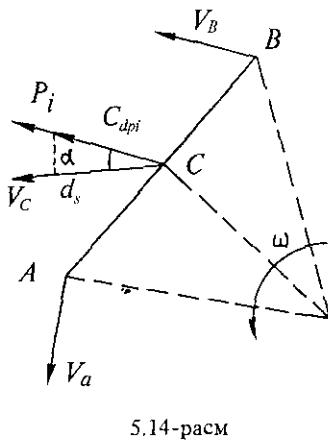
Механизм мажбуран ҳаракатлантирилувчи занжир бўлгани учун мумкин бўлган силжишлар ҳақиқий бўлади, яъни

$$\sum_1^n P_i dP_i = 0 \quad (9)$$

бу ерда  $dP_i$  — ҳақиқий силжишларнинг қўйилган кучлар йўналишларига проекциялари.

$AB$  бўғинга  $C$  нуқтасида  $P_i$  кучи таъсир қилсин (5.14-расм), бунда тезликлар  $v_A$  ва  $v_C$  маълум бўлсин. Унда  $C$





5.14-расм

нүктанинг ҳақиқий элементар силжиши  $v_c$  йўналишга устмасут тушади.

Бурилган тезлик режасини кўрамиз (5.15-расм)

$$dA_i = P_i dP_i \quad (10)$$

ва ундан ташқари  $dP_i = dS \cos \alpha$  бўлгани учун  $dA_i = P_i dS \cos \alpha$ .

Бу ерда  $dS = v_c dt$ , унда  $dA_i = P_i v_c \cos \alpha dt$ .

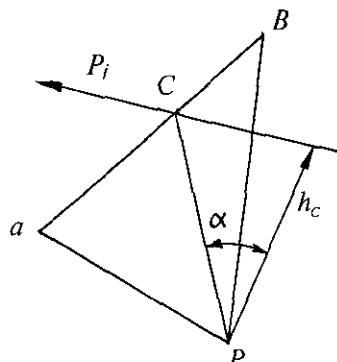
Тезликлар режасидан

$$v_c = \mu_v(\bar{P}_c).$$

Шунинг учун

$$dA_i = P_i \cdot \mu_v(\bar{P}_c) \cos \alpha \cdot dt$$

Кўриниб турибдики  $(\bar{P}_c) \cos \alpha = h_i$ , унда  $dA_i = P_i \cdot h_i \mu_v dt = M_p(P_i) \mu_v dt$  (9) ва (10) асосида ёзиш мумкин



5.15-расм

(11) шуни билдирадики, агар вақтнинг берилган онида таъсир қилувчи ҳамма кучларни, жумладан, инерция кучларини, уларнинг миқдори ва йўналишини ўзgartирмай бурилган тезлик режасининг бир хил номли нүқтала-

рига кўчирилса ва режанинг қутбига нисбатан ҳамма кучларнинг моментлари тенгламаси тузилса, тезликлар режасига қутбга таянган ва ҳамма кучлар таъсирида мувозанатда бўлган пишсанг (ричаг) сифатида қаращ мумкин.

Жуковский усули (8) ва (9) тенгламаларнинг геометрик ифодасидир.

Агар механизм бўғинларига  $M_i$  моментли кучлар жуфтликлари таъсир қилса, унда

$$\sum_1^n M_p(P_i) + \sum_1^n M_i dL_i = 0$$

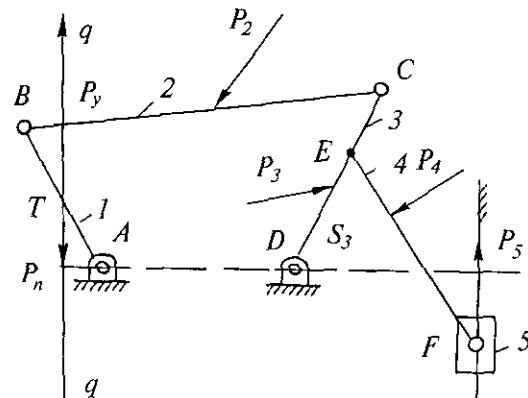
### 5.1.7. Келтирилган ва мувозанатловчи кучларни Жуковский усули билан аниқлаш

Юқоридагилардан маълумки, мувозанатловчи  $P_n$  ва келтирилган  $P_k$  кучлар ўзаро қарама-қарши йўналган

$$\bar{P}_M = -\bar{P}_K$$

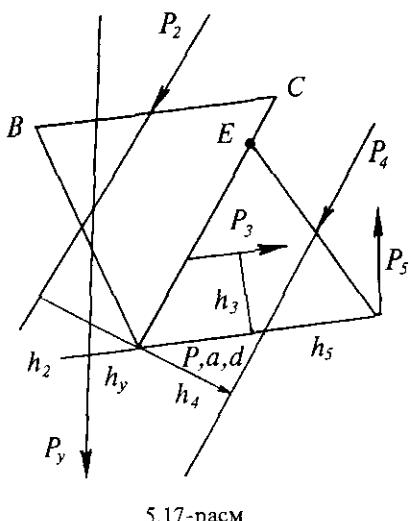
унда

$$P_M dP_M = - \sum_1^n P_i dP_i$$



5.16-расм





5.17-расм

ёки

$$P_M dP_M = + \sum_1^n P_i dP_i = 0$$

Жуковский усулини күллаганда

$$M_M (P_M) + \sum_1^n M_p (P_i) = 0 \quad (12)$$

Кучлар билан юқланған механизм берилған бўлсин (5.16-расм), унда 5.17-расмда (12) га асосан

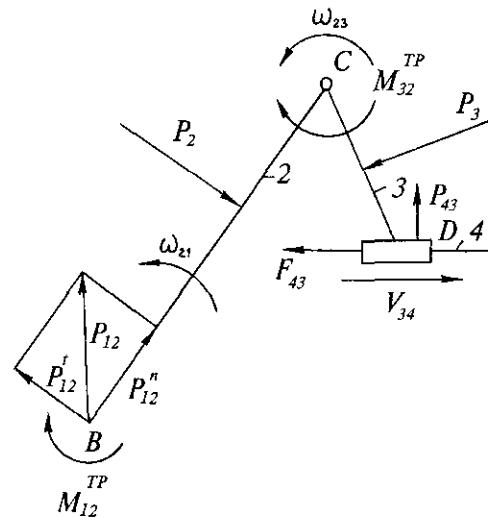
$$P_2 h_2 - P_3 h_3 - P_4 h_4 + P_5 h_5 - P_M h_M = 0$$

Бу ердан

$$P_M = -P_K = -P_2 \frac{h_2}{h_M} + P_3 \frac{h_3}{h_M} + P_4 \frac{h_4}{h_M} - P_5 \frac{h_5}{h_M}.$$

### 5.1.8. Кинематик жуфтликлардаги реакцияларни ишқаланиш кучларини ҳисобга олиб аниқлаш

Ишқаланиш кучлари таъсирини аниқлашда кинематик жуфтликлардаги ишқаланиш коэффициентлари  $f_B, f_C, f_d$  ва айланма жуфтликлар цилиндрик элементларининг



5.18-расм

радиусларининг  $r_B, r_c$  қийматлари қабул қилинади (5.18-расм).

Кинематик жуфтликлардаги ишқаланиш туфайли қийидаги ишқаланиш моментлари ва кучи пайдо бўлади:

$$\begin{aligned} M_{12}^4 &= P_{12} f_B r_B \\ M_{23}^4 &= -M_{32}^4 = P_{23} f_C r_C \\ F_{43} &= P_{43} f_D \end{aligned} \quad (13)$$

Уларни аниқлаш учун гурӯхга таъсир қилувчи кучларнинг мувозанат тенгламаларини тузамиз:

$$P_{12}^{-n} + \bar{P}_{12}^t + \bar{P}_1 + \bar{P}_3 + \bar{P}_{43} + \bar{P}_{43}^t = 0 \quad (14)$$

2- ва 3-бўгинларга таъсир қилувчи кучларнинг С нуқтага нисбатан моментлари тенгламаси қийидаги кўринишда ёзилади:

$$M_c (\bar{P}_{12}^t) + M_c (P_2) + M_3^n + M_{32}^n = 0 \quad (15)$$

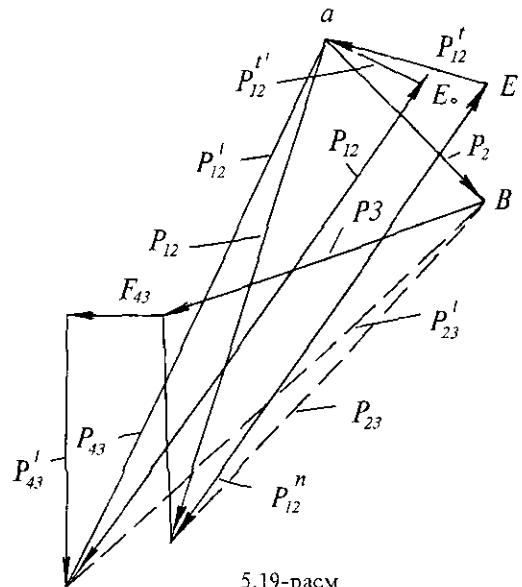


$$M_c(P_{43}) + M_c(P_3) + M_c(F_{43}) + M_{23}^n = 0 \quad (16)$$

Биринчи яқынлашишда  $M_{12}^n = 0$ ;  $M_{32}^n = 0$ ;  $M_c(F_3); F_{43} = 0$  деб фараз қилиб, мәлдем усул билан, яни (15)дан  $P_{43}^t$ , (16)дан эса  $P_{43}$  ни топиб, (14) асосида күчлар режасини курамиз (5.19-расм). Бунда  $M_{12}^n$  ва  $w_{12}$  ҳамда  $\theta_3$  ва  $F_3$  бир-бирига нисбатан қарама-қарши йўналтганлигини ҳисобга олиш керак.

Күчлар режаси  $P_{12}, P_{23}, P_{43}$  қийматлари ва йўналишларини беради.

Бу қийматларни (13) га қўйиб,  $M_{12}^n, M_{23}^n$  ва  $F_{43}$  ларни аниқлаймиз. Топилган қийматларни (15) ва (16) га қўямиз ва  $P_{12}^t, P_{43}$  ларнинг янги қийматларини оламиз, сўнгра (14) асосида күчларнинг янги режасини курамиз. Бундай яқынлашиш ҳар бир итерация ўзидан олдингиларига нисбатан ишқаланиш куч ва моментининг кичикроқ ўсишини бергунингача давом эттирилади.



5.19-расм

### 5.1.9. Механизмнинг келтирилган массаси ва келтирилган инерция моменти

Механизм кинетик энергияси

$$T = \frac{I}{2} \sum_i^8 \left( m_i v_{S_i}^2 + I_i \omega_i^2 \right).$$

Бу ифодани келтириш нуқтаси тезлиги  $v_s$  ва келтириш бўғини бурҷак тезлиги  $\omega_i$  квадратларига алоҳида алоҳида кўпайтирсак ва бўлсак:

$$T = \frac{v_B^2}{2} \sum_I^n \left( \frac{m_i v_{S_i}^2}{v_B^2} + \frac{I_i \omega_i^2}{v_B^2} \right)$$

ёки

$$T = \frac{\omega_I^2}{2} \sum_I^n \left( \frac{m_i v_{S_i}^2}{\omega_I^2} + \frac{I_i \omega_i^2}{\omega_I^2} \right).$$

Унда келтирилган масса  $m_k$  ва келтирилган инерция моменти  $I_k$  мос ҳолда тенг бўлади:

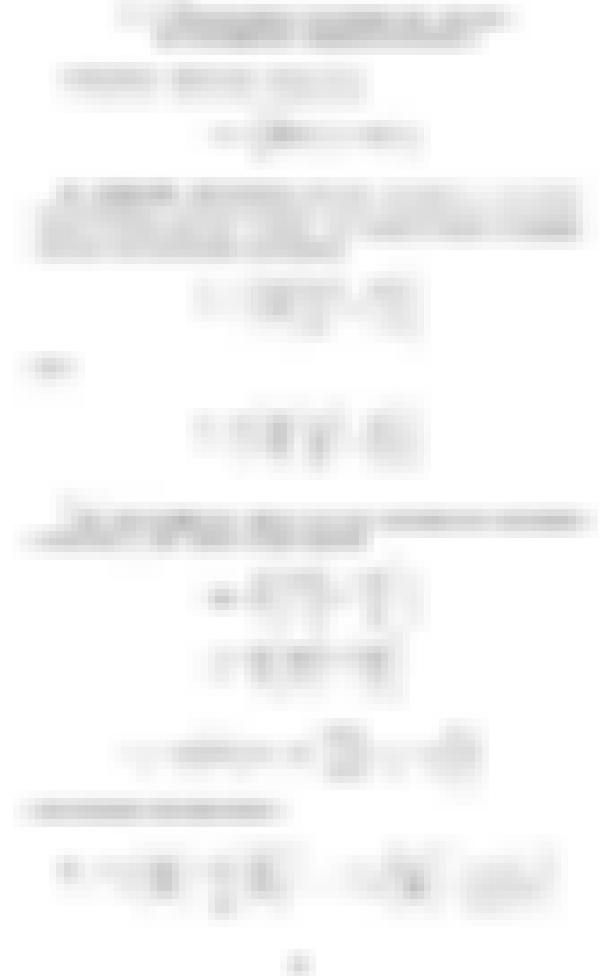
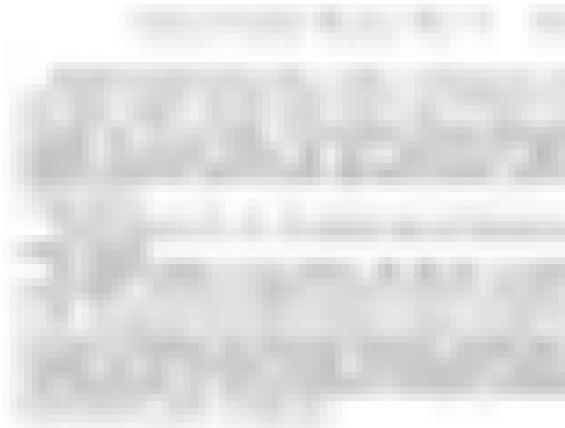
$$m_K = \sum_I^n \left( \frac{m_i v_{S_i}^2}{v_B^2} + \frac{I_i \omega_i^2}{v_B^2} \right)$$

$$I_K = \sum_I^n \left( \frac{m_i v_{S_i}^2}{\omega_I^2} + \frac{I_i \omega_i^2}{\omega_I^2} \right)$$

$$v_{S_i} = \mu_v \left( \bar{P}_{S_i} \right); \omega_I = \mu_v \frac{(\bar{P}_B)}{LAB}; \omega_n = \mu_v \frac{(I_n)}{I_{LN}}$$

эканлигидан фойдаланиб

$$m_K = m_I \left( \frac{P_{SI}}{P\sigma} \right) + \frac{I_1}{l_{AB}^2} \left( \frac{a\sigma}{P\sigma} \right)^2 + \dots + m_n \left( \frac{\bar{P}_{SI}}{P\sigma} \right)^2 + \frac{I_K}{l_{LN}^2} \left( \frac{l_n}{P\sigma} \right)^2$$



$$I_K = m_I l_{AB}^2 \left( \frac{P_{SI}}{P_\theta} \right)^2 + I_i \frac{l_{AB}^2}{l_{AB}^2} \left( \frac{\alpha \theta}{P_\theta} \right) + \dots$$

$$\dots + m_n l_{AB}^2 \left( \frac{P_{S_n}}{P_\theta} \right)^2 + I_n \frac{l_{AB}^2}{l_{NK}^2} \left( \frac{l_n}{P_\theta} \right)^2.$$

## 5.2 Механизмларда ишқаланиш

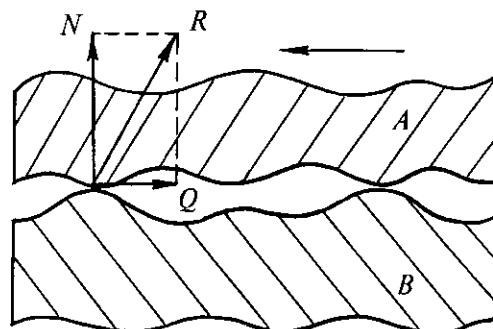
### 5.2.1 Ишқаланиши турлари

Ишқаланиш икки асосий турға бўлинади: жисмлар мойланмаган сиртларининг ўзаро қуруқ ишқаланиши ва сиртлар орасида мой қатлами бўлгандаги суюқ ишқаланиши.

5.20-расмда бир-бирига нисбатан ҳаракат қилувчи *A* ва *B* жисмлар орасида қуруқ ишқаланиш тасвирланган.

Агар тегишиш нуқталарида элементар тегишиш юзачаларига нормал бўйича йўналган таянч реакциялари *R* ни кўйсак ва уларни ташкил этувчиларга ажратсан, у ҳолда нормал ташкил этувчилар *N* нормал юкланишлар билан мувозанатлашади, уринма ташкил этувчилари *O* эса *A* ва *B* ларнинг нисбий ҳаракатига қаршилик кучини ҳосил қиласидилар. Бу куч ишқаланиш кучи деб аталади.

Суюқ ишқаланишда *A* ва *B* жисмларнинг сиртлари бевосита бир-бирига таъсир кўрсатмайди. Шунинг учун иш-



5.20-расм

қаланиш кучлари мой қатламларининг силжишга қаршилигидан иборат бўлади.

Ўзининг табиатига кўра қуруқ ва суюқ ишқаланиш ҳодисалари турлича бўлади. Кўпгина ҳолларда суюқ ишқаланиш ярим суюқ, баъзи ҳолларда эса ярим қуруқ ишқаланишга ўтиб кетиши мумкин.

Нисбий ҳаракат турлари бўйича думаланиш ишқаланиши ва сирпаниш ишқаланиши фарқ қилинади.

### 5.2.2 Мойланмаган жисмлардаги сирпаниш ишқаланиши

*G* оғирлиқдаги жисм қиялик бурчаги *a* бўлган қия текисликда жойлашган бўлсин (5.21-расм). Расмда қўриниб турибдики, нормал куч *N* ва ишқаланиш кучи *F<sub>o</sub>* мос ҳолда тенг бўлади:

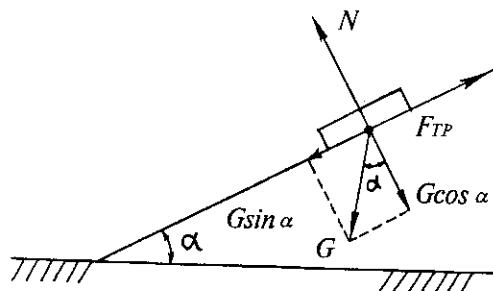
$$N = G \cos a$$

$$F_o = G \sin a$$

Бу ердан

$$\frac{F_o}{N} = \operatorname{tg} a \quad (17)$$

Жисм тинч ҳолатда туриши учун *a* бурчаги қандайдир  $\varphi_o$  бурчагидан ошмаслиги керак. Ушбу  $\varphi_o$  тинч ҳолатдаги ишқаланиш бурчаги  $\operatorname{tg} \varphi_o = f_o$  — тинч ҳолатдаги ишқаланиш коэффициенти деб аталади.



5.21-расм



1.000000



(17) га мувофиқ

$$F_c \leq f_c N \quad (18)$$

(18) тенглама шуни күрсатадыки,  $G \sin \alpha$  қиймати  $f_c N$  га тенглашганда ҳаракат бошланиши мүмкін. Үндән ташқары шуны күзде тутиш керакки, бундай миңдордаги күч жисмениң факат тинч ҳолатдан чиқазищ учун етарли бўлади.

Нисбий ҳаракатда модули бўйича тинч ҳолат ишқаланишидан кичик ва ундан фарқли ўлароқ иш бажарувчи ҳаракат ишқаланиш (кинетик ишқаланиш) юзага келади. Леонардо да Винчи, Л. Эйлер, Кулон, Амонтон ишқаланиш масалалари билан шуғулланганлар. Кулон томонидан XVII асрларда ёқ қуидаги тамойиллар ишлаб чиқилган эди:

1. Сирпаниш ишқаланиш кучи нормал босимга пропорционал бўлади.
2. Ишқаланиш ишқаланувчи сиртлар материали ва ҳолатига боғлиқ бўлади.
3. Ишқаланиш ишқаланувчи жисмлар нисбий тезлиги қийматига деярли боғлиқ бўлмайди.
4. Ишқаланиш ишқаланувчи жисмларнинг тегишиш сиртлари катталигига боғлиқ бўлмайди.
5. Тинч ҳолатдаги ишқаланиш ҳаракатдаги ишқаланишдан катта бўлади.
6. Ишқаланиш тегишувчи сиртларнинг бошлангич уриниш вақти ошиши билан кўпаяди.

Хозирги кунга келиб, табиийки, бу тамойилларга кўшичалар киритилган. Жумладан, ишқаланиш кучи бошлангичда ишқаланиш кечик (5.22-расм):

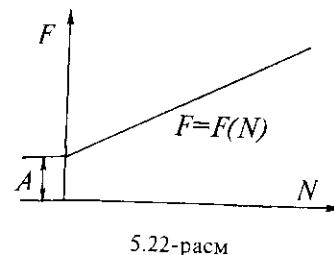
$$F = A + f_c N \quad (19)$$

бу ерда  $F$  – ишқаланиш кучи;

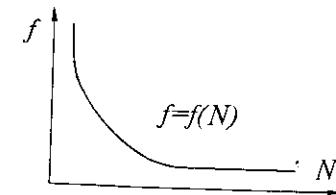
$f_c$  – ҳаракатдаги ишқаланиш коэффициенти;

$N$  – нормал босим;

$A$  – тегишувчи сиртларнинг бошлангич илашишга (мойиллиги) қобилияти билан боғлиқ бўлган ўзгармас сон (19) дан олиш мумкин:



5.22-расм



5.23-расм

$$f_c = \frac{F}{N} - \frac{A}{N},$$

яъни ишқаланиш коэффициенти нормал босим билан гиперболик боғланишга эга бўлади (5.23-расм).

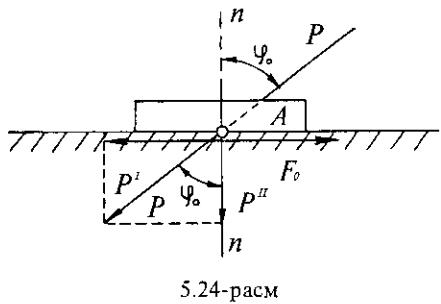
Аниқликлар киритилгандан сўнг қуруқ ишқаланиш тамойиллари қуидагича ёзилади:

1. Тезлик ва юқланишларнинг фақат белгиланган дипозонидагина ишқаланиш коэффициентини ўзгармас ва ишқаланиш кучларини нормал босимларга тўғри пропорционал деб ҳисоблаш мумкин.
2. Ишқаланиш кучлари ҳар доим нисбий тезликка қарама-қарши йўналган.
3. Тинч ҳолатдаги ишқаланиш ҳаракат бошланишида кўп ҳолларда ҳаракатдаги ишқаланишдан бирмунча катта бўлади.
4. Тезлик ошиши билан ишқаланиш кучи кўп ҳолларда ўзгармас қиймат томон яқинлашиб, камайиб боради.
5. Солиштирма босим ошиши билан ишқаланиш кучи кўп ҳолларда кўпаяди.
6. Бошлангич уриниш вақти ошиши билан ишқаланиш кучи кўпаяди.

### 5.2.3. Илгариланма кинематик жуфтликлардаги ишқаланиш

Ползун  $A$  га натижавий қиймати  $P$  бўлган кучлар таъсир қилисин (5.24-расм) ва тинч ҳолатдаги ишқаланиш коэффициенти  $f_c$  ва ҳаракатдаги ишқаланиш коэффициенти  $f$  берилган бўлсин.





5.24-расм

$P$  кучни  $O$  нүктага кўчирамиз ва ташкил этувчиларга ажратамиз:

$$P^I = P \sin \phi_0;$$

$$P^II = P \cos \phi_0.$$

Амонтон-Кулон қонунига кўра, тинч ҳолатдаги ишқаланиш кучи тенг бўлади:

$$F_o = P^II f_o = Pf_o \cos \phi$$

$F_o = P^I$  бўлгани учун

$$P \sin \phi_0 = Pf_o \cos \phi_0.$$

Бу ердан  $f_o \tan \phi_0$ .

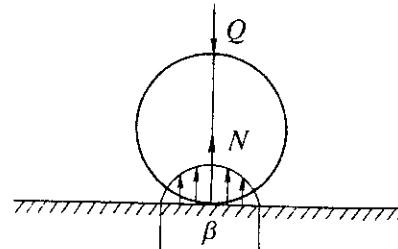
Бу шуни кўрсатадики, сирпангич  $A$  тинч ҳолатдаги ишқаланиш бурчаги  $\phi_0$  нинг тангенси  $f_o$  га тенглашгандаги-на тинч ҳолатдан чиқа бошлайди.

Ҳаракатдаги ишқаланиш бурчаги  $\phi_0 < f_o$ , бунда  $\phi = \tan \phi_0$ .

Агар  $P$  кучга фазода турли йўналишлар берилса, у ҳолда мувозанат соҳаси тинч ҳолатдаги ишқаланиш бурчаги-нинг косинуси билан чегараланган бўлади.

#### 5.2.4. Думаланиш ишқаланиши

Кинематик жуфтликлар элементларининг бир-бирига думаланишида бурчак тезликка қарама-қарши йўналган думаланиш ишқаланиш моменти  $M_{дн}$  ҳосил бўлади.



5.25-расм

$Q$  кучи билан юкланган кўзгајимас цилиндр берилган бўлсин (5.25-расм).

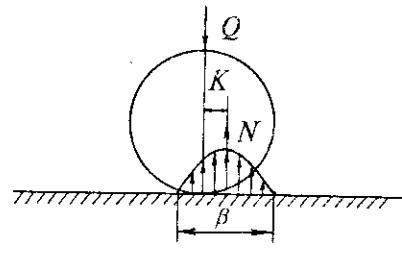
Цилиндрнинг текислик билан уриниш зонасининг (соҳасининг) эни  $b$  бўлган юзачасида контакт сиқилишнинг эллиптик қонуни бўйича тақсимланган маҳаллий деформацияси юзага келади. Бунда кучланишларнинг тарқалиш эгри чизиги симметрик ва бу кучланишларнинг тенг таъсир этувчиси  $N$   $Q$  га қарама-қарши йўналган бўлади. Агарки, шарни текислиқда думалата бошласак, у ҳолда контакт кучланишларнинг юзачалари силжиб, носимметрик бўла бошлайди ва тенг таъсир этувчи  $R$  масофага кўчади (5.26-расм).

Бу масофа думаланиш ишқаланиш кучларининг елкаси (ёки думаланиш ишқаланиш коэффициенти) деб аталади.

У ҳолда:

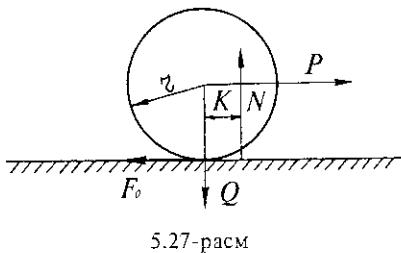
$$M_{дн} = Q R.$$

Бу ердан думаланиш ишқаланиши коэффициенти узунлик ўлчовига эга эканлиги келиб чиқади.



5.26-расм





5.27-расм

Агар схемада думаланишни юзага көлтирувчы ташқи күчни күрсатсак (5.27-расм), у ҳолда

$$M = P r = Q R,$$

бу ердан

$$P = R \frac{Q}{r}.$$

Яғни думаланиш учун зарур ташқи күчнинг қиймати думаланиш ишқаланиши коэффициентига тұғри иропорционал ва цилиндр радиусига тескари пропорционал бўлар экан.

### 5.3. Күчлар, ишлар ва қувватлар диаграммалари

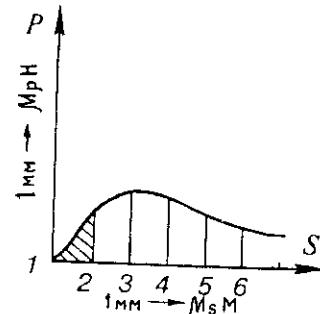
Ҳаракатлантирувчи ва ишлаб чиқариш қаршиликларининг күчлари уларнинг моддий ва технологик тавсифига кўра турли кинематик параметрларнинг: силжишлар, тезликлар, тезланишлар ва вақт функциялари бўлишлари мумкин.

Энг кўп учрайдиган диаграммаларни ва уларнинг орасидаги боғланишларни кўриб чиқайлик.

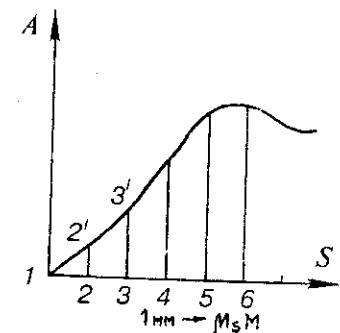
5.28-расмда  $P$  күчининг силжиш  $S$  бўйича функциясининг (самолёт механизми)  $P = P(s)$  диаграммаси тасвирланган.

Бу диаграмма ёрдамида,  $dA_{ik} = Pds$  бўлгани учун иш  $A$  нинг йўл  $S$  функциясидаги  $A = A(S)$  диаграммасини (5.29-расм) кўриш мумкин. Бу ерда  $A_{ik} = \int_{S_2}^{S_k} Pds$ . 5.30-расмда

ИЁД валида ҳосил қилинадиган ва бурилиш бурчаги  $\varphi$



5.28-расм

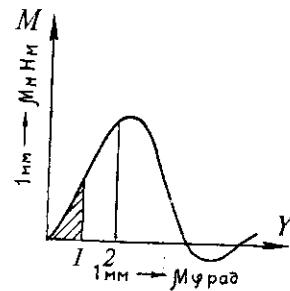


5.29-расм

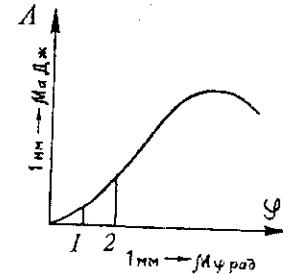
функциясидаги  $M = M(\varphi)$  кўринишида ифодаланувчи момент диаграммаси берилган. Ундан  $A_{ik} = \int_{\varphi_k}^{\varphi_i} Pd\varphi$  ифодаси ёрдамида  $A = A(\varphi)$  иш диаграммаси (5.31-расм) кўрилади.

Баъзи ҳолларда юқорида кўрсатилган катталиклар вақт  $t$  функциясида ҳам берилган бўлиши мумкин.

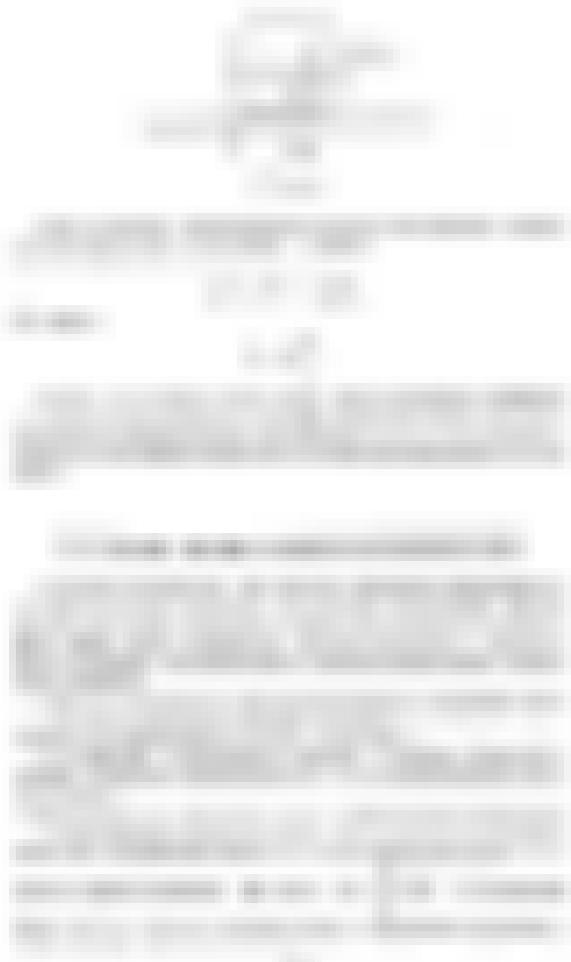
5.32-расмда қишлоқ хўжалик машинаси тортиш күчининг, 5.33-расмда эса моментнинг  $M = M(t)$  ўзгариш қонунга берилган.  $P = P(t)$  ва  $S = S(t)$  диаграммалари олинган бўлса, улардан вақт  $t$  ни чиқазиб ташлаб,  $P = P(S)$  диаграммасини, сўнгра эса юқорида кўрсатилган йўл билан  $A = A(S)$  диаграммасини кўриш мумкин.

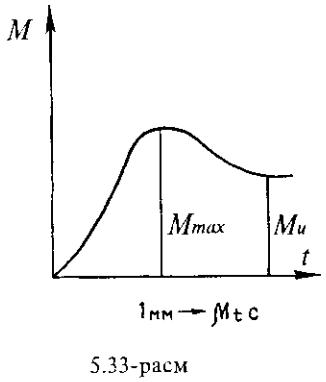
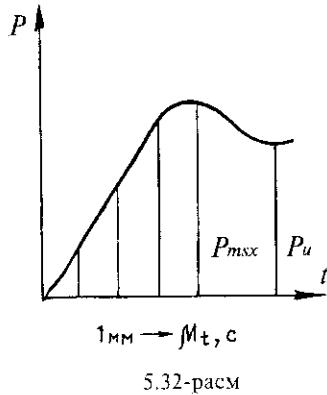


5.30-расм



5.31-расм





Худди шунга ўхшааш  $M = M(t)$ ;  $\varphi = \varphi(t)$  диаграммалар бўлгандан  $M = M(\varphi)$ ;  $A = A(\varphi)$  диаграммаларини ҳосил қилиш мумкин.

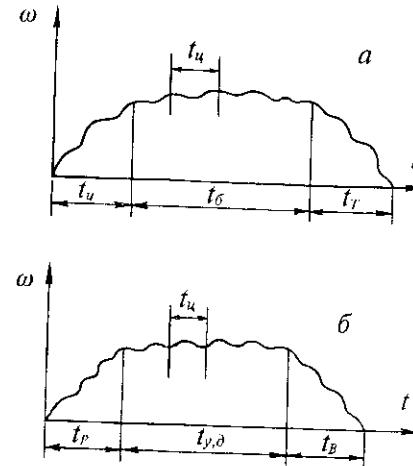
Агар  $N = N(t)$  қувват диаграммаси берилган бўлса, ундан  $A = A(t)$  иш диаграммаси,  $A = A(S)$  ёки  $A = A(\varphi)$  берилган бўлса,  $P = P(S)$  ёки  $M = M(\varphi)$  диаграммаларини олиш мумкин.

#### 5.4. Машина ва механизмларнинг ҳаракат режимлари

Машина ёки унинг етакловчи бўғини ҳаракатининг бошланниши ва тўхташи оралиғидаги вақт машина ҳаракатининг тўла вақти деб аталади. Ушбу оралиқ вақт учқисмдан ташкил топади (5.34-расм):

- машинанинг илдамланиш вақти  $t_n$ ;
- машина барқарор ҳаракатининг вақти  $t_b$ ;
- машинани тўхтатиш вақти  $t_T$ .

Илдамланиш вақти давомида машина етакловчи бўғинин тезлиги нолдан белгиланган ўртача, яъни нормал ишчи тезлик  $\omega_u$  га мос қийматгача ўсиб боради. Барқарор ҳаракат вақти давомида етакловчи бўғин тезлиги ўртача қиймат атрофида, даврий равища қайтарилиб ўзгариб туради. Тўхтатиш вақти мобайнида етакловчи бўғин бурчак тезлик ўртача қийматидан нолгача камайиб боради. (5.35-расм). Машина етакловчи бўғини бурчак тезлиги  $\omega$  нинг вақт  $t$  га боғланиши эгри чизиги  $\omega = \omega(t)$  (тахограммаси).



Барқарор ҳаракат давомида етакловчи бўғиннинг ҳолати, тезлиги ва тезланиши маълум вақтлардан кейин ўзининг бошланғич ҳолатларига қайтиб туради. Бу вақт оралиғи етакловчи бўғиннинг ҳаракат даври (цикл) деб аталади ва  $t_n$  деб белгиланади. Демак, машинанинг умумий иш даври  $T$  тенг бўлади:

$$T = t_n + t_b + t_T$$

бу ерда эса  $t_b = R \cdot t_n$ ,  $R$  — цикллар сони.

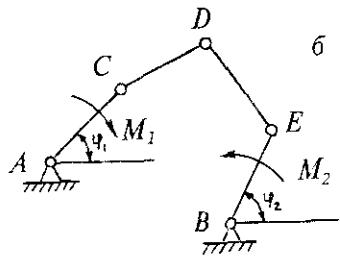
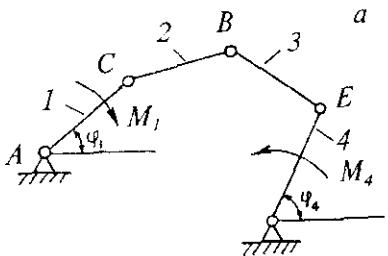
Баъзи машиналарда ҳаракат режимлари аниқ чегараларга эга бўлмаслиги мумкин. Масалан, юк кўтариш кранлари, экскаватор ва баъзи юк кўчирувчи машиналарда тўла ҳаракат вақти  $T$  фақат илдамланиш вақти  $t_n$  ва тўхтатиш вақти  $t_T$ дан иборат бўлади.

Илдамланиш, барқарор ҳаракат ва тўхтатиш вақтлари мобайнида кинетик энергия ўзгаришини кўриб чиқайлик. Моддий система кинетик энергиясининг ўзгариш тенгламасидан фойдаланамиз:

$$A_x - A_k = \sum \frac{mv^2}{2} - \sum \frac{mv_0^2}{2} \quad (20)$$

бу ерда  $A_x$  — барча ҳаракатлантирувчи қучларнинг бажарган иши;





5.35-расм

$A_x$  — барча қаршилик күчларининг бажарган иши;  
 $\sum \frac{mv^2}{2}$ ;  $\sum \frac{mv_0^2}{2}$  — тизимнинг кўрилаётган вақт мобайнида бошланғич ва охирги кинетик энергияси;  
 $v$ ,  $v_0$  — тизим бўғинларининг бошланғич ва охирги тезлиги.

Машинанинг илдамланиш вақти мобайнида  $v > v_0$ , демак,

$$\sum \frac{mv^2}{2} - \sum \frac{mv_0^2}{2} > 0; A_x > A_k$$

Машинанинг барқарор ҳаракати давомида  $v = v_0$ , демак,

$$\sum \frac{mv^2}{2} - \sum \frac{mv_0^2}{2} = 0; A_x = A_k$$

Машинанинг тўхтатиш вақти мобайнида  $v < v_0$ , демак,

$$\sum \frac{mv^2}{2} - \sum \frac{mv_0^2}{2} < 0; A_x < A_k$$

Кўриниб турибдики, илдамланиш мобайнида кинетик энергиянинг тўпланиши, тўхтатиш вақтида эса тўпланган энергиянинг тўлалигича сарфланиши рўй беради. Барқарор ҳаракат давомида тўпланган кинетик энергия миқдори ўзгармайди тураверади.

### 5.5. Машинанинг энергия баланси тенгламаси

(20) тенгламани қўйидаги кўринишда ёзайлик:

$$A_x - A_k - \left( \sum \frac{mv^2}{2} - \sum \frac{mv_0^2}{2} \right) = 0 \quad (21)$$

Қавс ичидаги катталик тезликлар фарқига боғлиқ бўлгани учун уни шартли равища инерция кучларининг бажарган иши  $A_u$  деб қабул қилиш мумкин. Унда

$$A_x - A_k \pm A_u = 0. \quad (22)$$

$A_u$  олдидағи ишора  $v$  ва  $v_0$  орасидаги муносабатга, яъни қайси ҳаракат режими қаралаётганига боғлиқ бўлади.

Қаршилик кучлари бажарган иши  $A_k$  умумий ҳолда фойдали қаршилик кучлари бажарган иши  $A_{\phi,k}$ , ишқаланиш ва бошқа зааради қаршиликларининг бажарган иши  $A_{z,k}$  ҳамда оғирлик кучининг бажарган иши  $A_G$ га боғлиқ бўлади, яъни

$$A_x = A_{\phi,k} + A_{z,k} \pm A_G \quad (23)$$

$A_G$  олдидағи ишора бўғинлар умумий массалар марказининг ҳаракат йўналишига боғлиқ. Массалар маркази тегага кўтарилса, энергия сарфланиб оғирлик кучининг бажарган иши мусбат, пастга тушса энергия қўшилиб, манфий бўлади.

Унда (22) тенгламани қўйидаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$A_x = A_{\phi,k} + A_{z,k} \pm A_u \pm A_G \quad (24)$$

(24) ни вақт бўйича дифференциалланса

$$P_x = P_{\phi,k} + P_{z,k} \pm P_u \pm P_G, \quad (25)$$

бу ерда  $P_x$  — машинадан талаб қилинган қувват;



$P_{\phi,k}$  — фойдали қаршиликларни енгиш учун сарфладандыган күвват;

$P_{z,k}$  — машинадаги барча ишқаланиш күчларини ва бошқа заарарлы қаршиликларни енгиш учун кетадыган күвват;

$P_u$  — машинанинг кинетик энергиясыни ўзгартириш учун сарфланадыган (мусбат ишорали) ёки кинетик энергия ўзаришидан ҳосил бўладиган (манфий ишорали) күвват;

$P_g$  — оғирлик кучини енгиш учун (мусбат ишорали) сарфланадыган ёки оғирлик кучи томонидан ҳосил қилинадыган (манфий ишорали) күвват.

(25) тенглама машинанинг энергетик баланси тенгламаси деб аталади.

Ушбу тенгламадан кўриниб турибдики, двигателдан талаб қилинадыган күвват  $P_x$  қиймати машинанинг илдамланиш режимида тўхтатиш режимига нисбатан кўпроқ бўлиши керак.

## 5.6. Механизмининг фойдали иш коэффициенти

Барқарор ҳаракат вақти  $t_6$  давомида кинетик энергия ўзгармай қолади, яъни

$$\sum \frac{mv^2}{2} - \sum \frac{mv_0^2}{2} = 0.$$

Унда инерция кучларининг бажарган иши  $A_u = 0$ .

$t_6$  вақтнинг ҳар бир цикли мобайнида оғирлик кучларининг бажарган иши ҳам нолга тенг  $A_u = 0$ . Унда (24) тенглама қўйидаги кўринишини олади:

$$A_x = A_{\phi,k} + A_{z,k} \quad (26)$$

Демак, барқарор ҳаракатнинг тўла цикли мобайнида барча ҳаракатлантирувчи кучларнинг бажарган иши фойдали ва заарарлы қаршилик кучларининг бажарган ишига тенг бўлади.

$A_{\phi,k}$  нинг  $A_x$  га нисбати  $\eta$  билан белгиланиб, фойдали иш коэффициенти деб аталади.

$$\eta = \frac{A_{\phi,k}}{A_x}$$

(27)

ёки

$$\eta = \frac{A_x - A_{z,k}}{A_x} = 1 - \frac{A_{z,k}}{A_x}$$

(28)

Хеч қандай машина ёки механизмда  $A_{z,k} \neq 0$ , демак, ҳамма вақт  $\eta < 1$ .

Агар  $A_{z,k} = A_x$  бўлиб қолса, яъни ҳаракатлантирувчи кучлар фақат заарарлы қаршиликларни енгиш учун сарфланса  $\eta = 0$ . Шундай қилиб, фойдали иш коэффициенти  $0 \leq \eta < 1$  ораликда ўзариши мумкин.

Кетма-кет уланган механизмлар ёки машиналарнинг умумий фойдали иш коэффициенти уларнинг ҳар бирининг фойдали иш коэффициентларининг кўпайтмасига тенг:

$$\eta_{in} = \eta_1 \cdot \eta_2 \cdot \eta_3 \cdots \cdot \eta_n \quad (29)$$

Барқарор ҳаракат вақти мобайнида бажарилган ишларнинг қиймати шу давр ичидаги қувватларнинг ўртача қийматига тўғри пропорционал, демак,

$$\eta = \frac{P_{\phi,k}}{P_v} \quad (30)$$

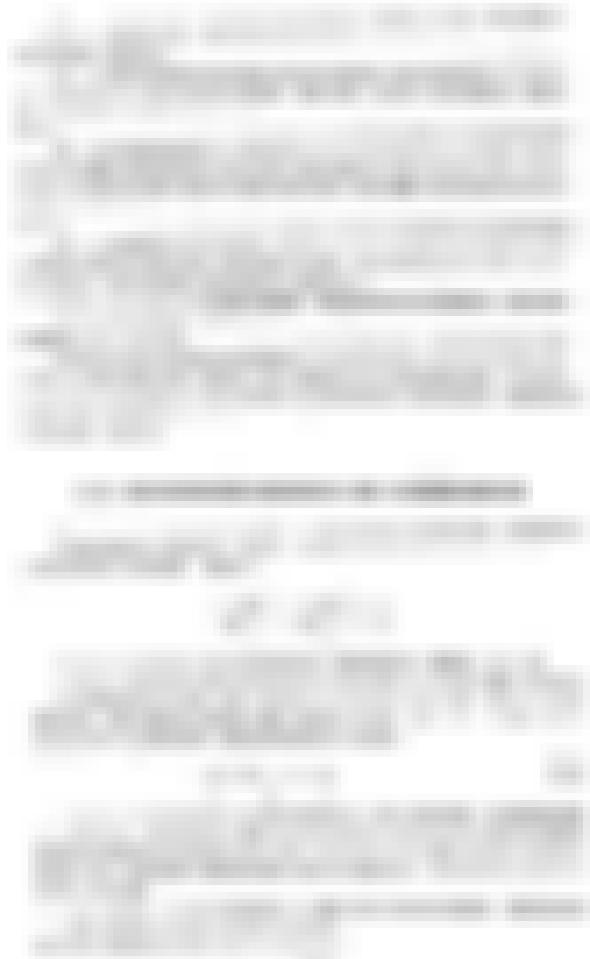
ёки

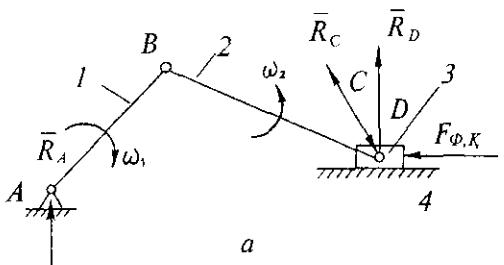
$$\eta = 1 - \frac{P_z}{P_x}. \quad (31)$$

5.3б-расмда кўрсатилган механизм учун фойдали иш коэффициентини аниқлаш керак бўлсин. Заарарлы қаршиликлар кинематик жуфтликлардаги ишқаланиш кучларидан ташкил топган ва бу жуфтликлардаги ишқаланиш коэффициентлари берилган. Механизмнинг ҳар бир ҳолати учун жуфтликлардаги бөгланиш реакция кучларининг қийматлари маълум.

Ишқаланиш кучларининг қийматлари тенг бўлади:

$$F_A = f_A \cdot R_A; F_B = f_B \cdot R_B; F_c = f_c \cdot R_c; F_D = f_D \cdot R_D,$$





5.36-расм

бу ерда  $f_A, f_B, f_C, f_D$  — кинематик жуфтликлардаги ишқаланиш коэффициентлари;

$R_A, R_B, R_C, R_D$  — кинематик жуфтликлардаги боғланыш реакция күчлари.

Кинематик жуфтликлардаги ишқаланиш күчларини енгіш учун сарфланадиган қувватлар.

$$P_A = F_A \cdot r_A |\omega_{14}|; \quad P_B = F_B \cdot r_B |\omega_{21}|;$$

$$P_C = F_C \cdot r_C |\omega_{32}|; \quad P_D = F_D \cdot V_D$$

бу ерда  $r_A, r_B, r_C, r_D$  — кинематик жуфтликлардаги шарнирларнинг радиуси;

$\omega_{14}, \omega_{21}, \omega_{32}$  — бүтінларнинг нисбий бурчак тезликлери.

$$|\omega_{14}| = (|\omega_1| + |\omega_4|) = |\omega_1|; \quad |\omega_{21}| = (|\omega_2| + |\omega_1|);$$

$$|\omega_{32}| = (|\omega_3| + |\omega_2|) = |\omega_2|$$

чунки  $\omega_4 = 0; \omega_3 = 0$

Демак,

$$P_A = f_A R_A r_A |\omega_1|; \quad P_B = f_B R_B r_B (|\omega_2| + |\omega_1|);$$

$$P_C = f_C R_C r_C |\omega_2|; \quad P_D = f_D R_D V_D.$$

Бурчак тезликлар  $\omega_1, \omega_2$  ва чизиқли тезлик  $V_D$  қийматлари 5.36, б-расмдаги тезликлар режасидан фойдаланиб, топилиши мумкин.

Вақтнинг ҳар бир оныдаги ишқаланиш күчларига сарфланадиган қувват тенг болади:

$$P_3 = \sum P_i = P_A + P_B + P_C + P_D$$

Ушбу ифода ёрдамчи механизм тұла бир цикли учун қувват  $P_3$  ның үзгариш графигини күриш, унинг ўртача қиймати  $P_{\bar{3}}$ , ни анықлаш мумкин. Сүнгра берилған фойдалы қаршилик күчларига сарфланадиган қувват  $P_{\phi,k} = f_D Q_{\phi,k} y_D$  учун қурылған график бүйіча унинг ўртача қиймати  $P_{\phi,k,y}$  топилади. Унда текшириләтгән механизмнинг фойдалы иш коэффициенти:

$$\eta = 1 - \frac{P_{\bar{3},y}}{P_{\phi,k,y}}$$

## 5.7. Ҳаракат тенгламалари ва уларни текшириш

Юқорида айттылғандай, берилған күчлар таъсирида машина агрегати ёки механизмлар ҳаракатини текшириш учун ушбу ҳаракат тенгламаларини чиқариш керак бўлади.

Ҳаракат тенгламаси кинетик энергиянинг үзгариш тенгламаси кўринишида ёзилиши мумкин.

$$A_x - A_k = \sum \frac{mv^2}{2} - \nabla \frac{mv_0^2}{2}. \quad (32)$$

Агар барча күчлар ва массалар бирор бўғинга келтирилған бўлса (13) қуйидаги кўринишни олади:

$$A_{px} - A_{pk} = \sum \frac{m_k v_k^2}{2} - \sum \frac{m_{ko} v_{ko}^2}{2}. \quad (33)$$

1000 1000

1000 1000

бу ерда  $A_{pk}$  — келтирилган ҳаракатлантирувчи кучнинг ҳаракатнинг кўрилаётган қисмидаги бажарган иши;

$A_{pk}$  — келтирилган қаршилик кучларининг шу вақт оралиғида бажарган иши;

$m_k, m_{ko}$  — келтирилган массанинг кўрилаётган вақт оралигининг бошида ва охиридаги қийматлари;

$V_k, V_{ko}$  — келтириш нуқтаси тезлигининг вақт оралиги бошида ва охиридаги қийматлари.

Келтириш бўйини айланма ҳаракат қилса, кинетик энергия ўзгариш тенгламасини келтирилган моментлар  $M_{kk}, M_{kk}$  ва инерция моментлари  $I_k$  билан боғлиқ ҳолда ёзиш қулай бўлади.

$$A_{Mk} - A_{Mk} = \frac{I_k \omega^2}{2} - \frac{I_{ko} \omega_o^2}{2} \quad (34)$$

$A_{Mk} - A_{Mk}$  = А деб қабул қилинса,

$$A = \frac{I_k \omega^2}{2} - \frac{I_{ko} \omega_o^2}{2}. \quad (35)$$

Умумий иш  $A$  умумий келтирилган момент  $M_k$  орқали ифодаланиши мумкин:

$$A = \int_{I_o}^I M_k dI, \quad (36)$$

бу ерда  $\varphi$  — келтириш бўйини ҳолатининг бурчак координатаси.

Унда

$$\frac{I_k \omega^2}{2} - \frac{I_{ko} \omega_o^2}{2} = \int_{\varphi_0}^{\varphi} M_k d\varphi \quad (37)$$

(37) тенглама ҳаракатнинг интеграл кўринишидаги тенгламаси деб аталади. Бу тенглама келтирилган кучлар қиймати бўғинлар ҳолатига боғлиқ бўлган ҳолларда ишлатилади. Бошқа ҳолларда ҳаракатнинг дифференциал кўринишдаги тенгламаси қўлланилади.

(37) тенгламани координата  $\varphi$  бўйича дифференциалласак:

$$\frac{d}{d\varphi} \left( \frac{I_k \omega^2}{2} \right) = M_k \quad (38)$$

(38) да  $\omega$  ҳам,  $I_k$  ҳам ўзгарувчан бўлиши мумкинлиги ни ҳисобга олсак:

$$\frac{d}{dI} \left( \frac{I_k \omega^2}{2} \right) = I_k \omega \frac{d\omega}{d\varphi} + \frac{\omega^2}{2} \frac{dI_k}{d\varphi} = I_k \frac{d\omega}{dt} + \frac{\omega^2}{2} \frac{dI_k}{d\varphi}.$$

Унда

$$I_k \frac{d\omega}{dt} + \frac{\omega^2}{2} \frac{dI_k}{d\varphi} = M_k. \quad (39)$$

(39) ифода ҳаракатнинг дифференциал кўринишдаги тенгламаси деб номланади. Бу тенглама II тартибдаги Лагранж тенгламаларидан ҳам ҳосил қилиниши мумкин.

Иккинчи турдаги Лагранж тенгламаси умумий ҳолда қўйидагича ёзилади:

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial T}{\partial \dot{\varphi}} \right) + \frac{\partial T}{\partial \varphi} = M$$

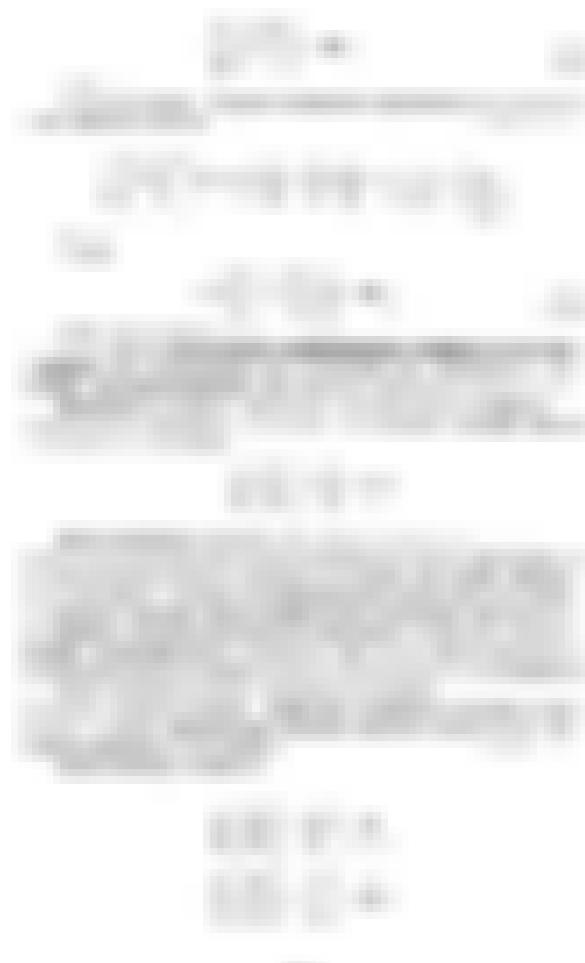
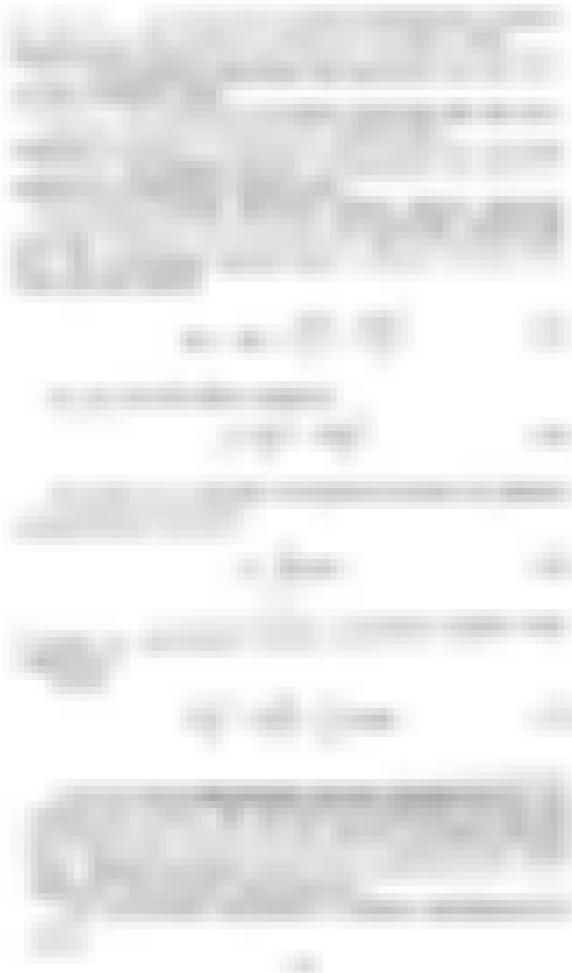
Агар механизм эркинлик даражаси бирга тенг бўлса, у ҳолда механизмнинг динамик таҳлили учун ушбу формула етарлидир. Одатда бу формулани ечиш учун ондаги вақтга боғлиқ бўлган қийматлар топилади. Бу формула фақат хусусий ҳолларда аналитик ечилиши мумкин бўлиб, умумий ҳолда эса Рунге-Кутте ёки Кутте-Мерсон усуслари орқали ЭХМ ёрдамида ечилади.

Агар механизмнинг эркинлик даражаси иккига тенг бўлса, у ҳолда иккитадан иборат бўлган тенгламалар тизими ечилади (5.35-расм).

Тенгламалар тизими

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial T}{\partial \dot{\omega}_1} \right) + \frac{\partial T}{\partial \varphi_1} = M_1$$

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial T}{\partial \dot{\omega}_4} \right) + \frac{\partial T}{\partial \varphi_4} = M_4.$$



Агар ҳаракат тенгламаси энергетик күринишда (37) бөрлигінан бүлсек, ҳаракат қонунини ифодаловчи параметрлердің қаршилиқтарын анықтап көздеу мүмкін: бошланғич бүғиннелар қүйидегіча аниқланиши мүмкін:

$$\omega = \sqrt{\frac{2}{I_k}} \int_{\varphi_0}^{\varphi} M d\varphi + \frac{I_k \omega_0^2}{I_k}; \quad (40)$$

текширилаёттан циклнинг вақти

$$t - t_0 = \int_{\varphi_0}^{\varphi} \frac{1}{\omega} d\varphi. \quad (41)$$

бошланғич бүғиннинг бурчак тезләниши

$$\varepsilon = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d\omega}{d\varphi} \cdot \frac{d\varphi}{dt} = \omega \frac{d\omega}{d\varphi}. \quad (42)$$

(41) ни интегралаб  $t = t(\varphi)$  функцияси топилади, сүнграу функция орқали бошланғич бүғиннинг ҳаракат қонуни  $\varphi = \varphi(t)$  аниқланади.

Ҳаракат тенгламасини текшириш учун Виттенбауэрнинг механизм бошланғич бүғиннинг бурчак тезлігінек кинетик энергиясы көлтирилган инерция моментига боғлиқ равишда қандай ўзгариши тасвирини берувчи графикалык усулидан фойдаланиш мүмкін.

Бунинг учун ҳаракатлантирувчи  $M_x$  ва көлтирилган  $M_k$  моментларнинг бошланғич бүғини бурчак тезлігига боғыттырылған күйимдесеңдердиң күйиматини рузви күчларнинг моменти  $M_x$  нинг ўзгармас қийматини рузви күчларнинг моменти  $M_k$  дегендей.

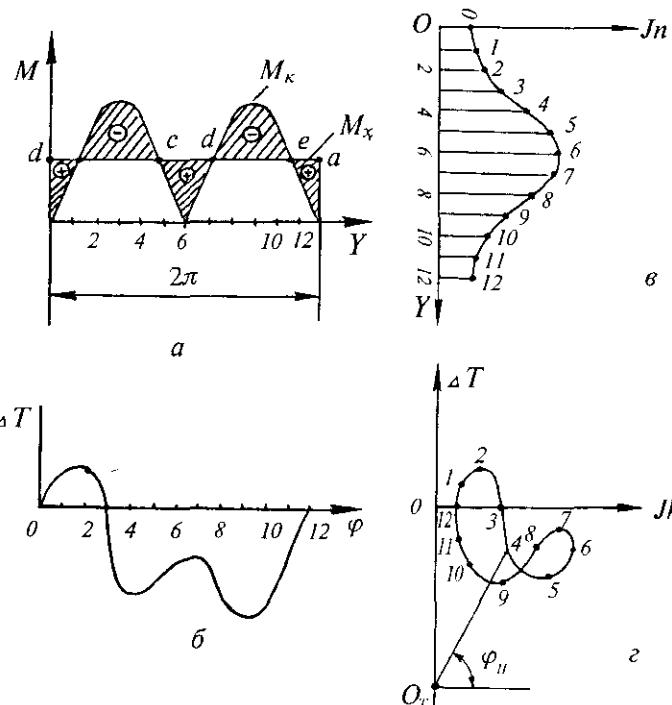
$$M_x 2\pi + \int_0^{2\pi} M_k d\varphi = 0$$

Еки

$$M_x = \mu_M \cdot \mu_\varphi \frac{F}{2\pi}$$

бу ерда  $\mu_M$ ,  $\mu_\varphi$  — моментлар ва бурилиш бурчакларининг масштаб коэффициентлари;

$F$  — абсцисса ўқи ба  $M_x(\varphi)$  графиги чизиги орасидаги шаклининг юзаси.



5.37-расм

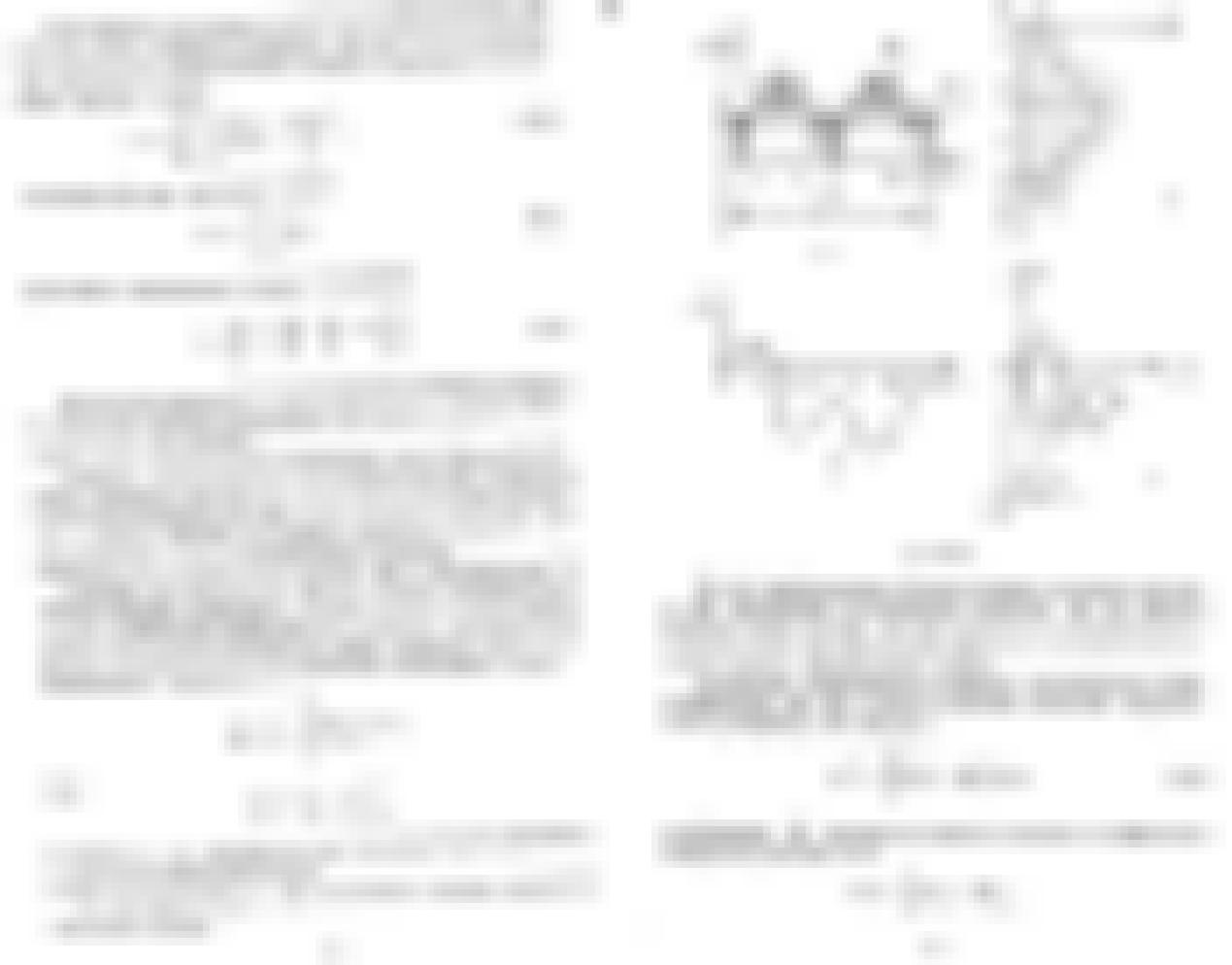
$M_k(\varphi)$  графигининг абсцисса ўқидан төпадаги қисмиде  $M_k$  қаршилиқ күчларининг моменти  $M_k$  дан иборат болади, яни  $M_k = M_k$ , пастки қисмиде эса ҳаракатлантирувчи момент вазифасини ўтайды.

Энергетик күринищдаги ҳаракат тенгламасига кўра, графикнинг  $M_x = M_k$ , бўлган қисмиде кинетик энергиянинг ўзгариши тенг болади:

$$\Delta T = \int_0^\varphi (M_x - M_k) d\varphi \quad (43)$$

графикнинг  $M_k$  ҳаракатлантирувчи момент вазифасини бажарган қисмиде эса:

$$\Delta T = \int_0^\varphi (M_x + M_k).$$



(43) тенглама ёрдамида  $\Delta T$  нинг бурчак  $\varphi$  бўйича ўзгириши графигини чизамиз (5.37,б-расм). Бунинг учун  $M_x$  ва  $M_z$  графикларининг  $\varphi=0$  дан бошлаб  $\varphi=\varphi_i$  ( $i = 1, 2, 3, \dots, 12$ ) қийматлари оралиқларига мос келадиган қисмларининг юзаларини ўлчаймиз. Бунда,  $M_x > M_z$  бўлган қисмларда ушбу юзани мусбат,  $M_x > M_z$  бўлган қисмларида эса манфий ишора билан қабул қиласми. Шу тарзда масштаб коэффициентлари ҳисобга олинган  $\Delta T = F_{oi} \mu_m \cdot \mu_\varphi$  графикини ҳосил қиласми. График ординаталарини кинетик энергиянинг ихтиёрий қабул қилинган масштаб коэффициенти  $\mu_T$  орқали ҳисоблаб топамиз.  $I_o = F_{oi} \mu_m \cdot \mu_j / \mu_T$ .

Масалан,  $I_o = 0$ ;  $I_b = F_{ab} \cdot \mu_m \cdot \mu_j / \mu_T$ ;  $I_c = (F_{ab} - F_{bc}) \mu_m \cdot \mu_j / \mu_T$ ;  $I_d = (F_{ab} + F_{cd} - F_{bc}) \mu_m \cdot \mu_j / \mu_T$ ;  $I_e = (F_{ab} + F_{cd} - F_{dc} - F_{ad}) \mu_m \cdot \mu_j / \mu_T$ .

Сўнгра келтирилган инерция моментини ҳисоблаш формуласига асосан унинг  $\varphi$  бурчакка боелик ўзгариш графикини курамиз, бунда ўзгарувчан  $\varphi$  ни, кейинчалик  $I_k(\varphi)$  ва  $\Delta T(\varphi)$  графикларидан йўқотиш осон бўлиши учун координат ўқишини 5.37,в-расмда кўрсатилгандай буриб жойлаштирамиз.

$I_k(\varphi)$  ва  $\Delta T(\varphi)$  графикларининг мос нуқталаридан ўтказилган вертикал ва горизонтал чизиқларининг кесишган жойлари кинетик энергия ўзгариши  $\Delta T$  нинг келтирилган инерция моментаи  $I_k$  га боелиқлик графикининг нуқталарини беради (5.37,г-расм). Ҳосил бўлган  $\Delta T(I_k)$  график **Виттенбауэр диаграммаси** деб аталади.

Агар кинетик энергиянинг  $\varphi=0$  даги қийматини  $\Delta T(I_k)$  графикининг координаталар бошидан ордината ўқи бўйлаб пастга қараб қўйсак, олинган янги нуқта  $T(I_k)$  графикининг координаталар боши  $O_T$  ни беради.

Виттенбауэр диаграммасининг исталган нуқтасини  $O_T$  билан бирлаштирувчи нур абсцисса ўқига нисбатан тангенсининг қиймати бурчак тезлик  $\omega$  нинг квадратига пропорционал бўлган бурчак  $\varphi$  ни ҳосил қиласми, яъни

$$td\varphi = \frac{T}{\mu_T} = \frac{I_k \omega^2}{\frac{\mu_T}{I_k}} = \frac{2\mu_T}{I_k} = \frac{\mu_I}{2\mu_T} \omega^2 \quad (44)$$

Бу ерда:

$$\omega = \sqrt{\frac{2\mu_T t g \varphi}{\mu_I}} \quad (45)$$

Виттенбауэр диаграммасининг нуқталаридан кетма-кет нурлар ўтказиб  $\varphi$  бурчакнинг қийматлари топилади ва (45) орқали  $\omega = \omega(\varphi)$  боғланиш чиқазилади. Сўнгра юқорида кўрсатилгандай  $\omega = \frac{d\varphi}{dt}$  тенглама ёрдамида бошланғич бўгиннинг ҳаракат қонуни  $\varphi = \varphi(t)$  аниқланади.

Барқарорлашган ҳаракат мобайнида бошланғич бўгиннинг умумлаштирилган тезлиги вақтнинг даврий функцияси бўлиб, қандайдир ўзгармас ўртача қийматга нисбатан даврий равища ўзгариб туради. Ҳаракатнинг бундай нотекислиги бошланғич бўгиннинг айланма ҳаракат қилувчи механизми ёки машина агрегати учун бу бўгин бурчак тезлигининг энг катта  $\omega_{max}$  ва энг кичик  $\omega_{min}$  қийматлари орқали ифодаланувчи нотекислик коэффициенти  $d$  билан баҳоланади, яъни

$$\delta = \frac{\omega_{max} - \omega_{min}}{\omega_y} \quad (46)$$

бу ерда  $\omega_y = \frac{\omega_{max} + \omega_{min}}{2}$  — ўртача бурчак тезлик.

Бошланғич бўгин тезлигининг ўзгариб туриши қўшимча динамик юкланишларни келтириб чиқаради, натижада механизм ва машина агрегати қисмларининг ишлаш қобилияти ва ишончлилиги камаяди.

Ишлаб чиқаришда қўлланиладиган машиналар учун амалий синовлар ёрдамида  $\delta$  нинг рухсат этилган қийматлари белгилаб қўйилган, масалан, металлга ишлов беरувчи дастгоҳлар учун 0,02—0,04, йигирив машиналари учун 0,01—0,02, автомобиль двигателлари учун 0,01—0,02 ва ҳ.к.

Агар механизм ҳаракатининг нотекислик коэффициенти  $\delta$  қиймати рухсат этилган қийматларидан кўпроқ чиқса, уни камайтириш учун механизм таркибига маҳовик кўринишида тайёрланган қўшимча айланма масса киритилади.



Нотекислик коэффициенти  $\delta$  қийматини рухсат этилган чегараларга келтириш учун керак бўлган қўшимча масса қиймати Виттенбауэр диаграммасидан фойдаланиб аниқланиши мумкин.

(46) формуладан

$$\omega_{\max} - \omega_{\min} = \delta \cdot \omega_y; \omega_{\max} = (1 + 0,5\delta) \omega_y; \omega_{\min} = (1 - 0,5\delta) \omega_y.$$

Бу ердан

$$\omega_{\max}^2 = (1 + \delta + 0,25\delta^2) \omega_y^2; \omega_{\min}^2 = (1 - \delta + 0,25\delta^2) \omega_y^2.$$

$0,25\delta^2$  кичик қиймат бўлгани учун уни олиб ташласак:

$$\omega_{\max}^2 = (1 + \delta) \omega_y^2; \omega_{\min}^2 = (1 - \delta) \omega_y^2.$$

Ушбу ифодаларни (25) га қўйиб, ҳосил қиласиз

$$tg\varphi_{\max} = \frac{\mu_I}{2\mu_T} (1 + \delta) \omega_y^2; tg\varphi_{\min} = \frac{\mu_\phi}{2\mu_T} (1 - \delta) \omega_y^2.$$

Виттенбауэр диаграммасига  $I_k$  ўқига нисбатан  $\varphi_{\max}$  ва  $\varphi_{\min}$  бурчаклари остида уринмалар ўтказамиз. Бу уринмаларнинг кесишиш нуқтаси  $T=T(I_k)$  графиги нотекислик коэффициенти  $\delta$  керакли қийматларини таъминлайдиган янги координаталар маркази  $O_x$  ҳолатини беради.  $O_x$  нуқтасидан эски ордината ўқигача бўлган масофа маҳовикнинг қилирилаётган инерция моментини  $\mu_I$  масштабида ифодалайди, яъни

$$I_k = (O_x m) m_I \quad (47)$$

## 6. МЕХАНИЗМЛАРНИ ЭКСПЕРИМЕНТАЛ ЙЎЛ БИЛАН ТЕКШИРИШ

Назарий йўл билан олинган натижаларнинг тўғрилиги бу катталикларни фақат табиий ҳолда бевосита механизминг ўзидан ўлчаб тасдиқланиши мумкин. Бироқ ўлчаниши керак бўлган баъзи катталикларнинг қиймати бир-бирига ёки тасодифий катталикларга шунчалик боғ-

лиқки, кўпинча маълум қабул қилишлардан фойдаланишга тўғри келади. Масалан, пахта териш машинаси шинделли тишининг иши унинг барабани, юритмалари, ўзининг иши ҳамда климатик шароитлар ва ҳ.к.га боғлиқ бўлади. Бунда биринчи учта таъсирни назарий йўл билан аниқлаш мумкин бўлса кейингилари фақат тажриба йўли билан топилади. Табиатдаги ҳодисаларни бевосита ўлташ имконияти бор бўлганда бу идеал ҳол бўларди. Кўпинча амалда бунинг иложи йўқ, шунинг учун экспериментал тадқиқотларнинг юқори усувлари ишлаб чиқилган:

1. Имитация моделлари. Бу моделлар табиий ҳодисаларга энг яқин шароитларни ҳосил қилиш учун мўлжалланган. Имитация моделлари тасодифий катталиклар таъсирини тўла ҳисобга олиш имкониятини беради.

2. Математик моделлар. Улар ўтаётган жараёнларнинг мураккаб математик ифодалари бўлган ҳолларда кўпроқ қулади.

3. Ноэлектрик катталикларни электр усули билан ўлчаш.

4. Тавсифнома (характеристика)ларни бевосита ўлчаш учун турли асбобларни қўллаш.

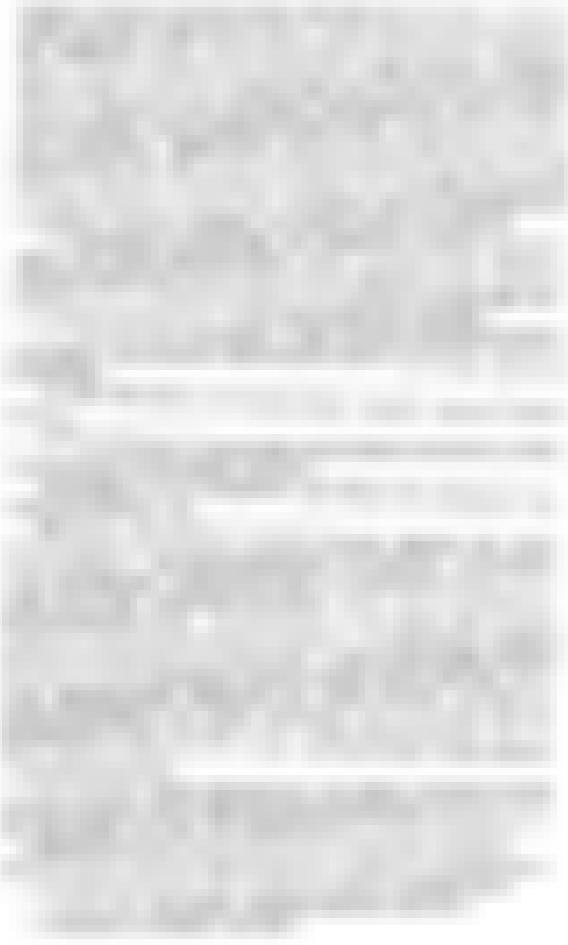
Табиийки, бу усувларнинг ҳар бири яна ўзининг турлари тўпламига эга.

Қишлоқ хўжалигига ҳозирги кунда машина ва механизмларнинг тавсифномаларини (тезликлар, тезланишлар, ейилишлар, аниқликлар ва ҳ.к.) бевосита ўлчаш усувлари энг кўп тарқалган. Бунинг учун турли чиззичлар, штангенциркуллар, тахометрлар, тезлаштириб кинога олиш ва ҳоказолар қўлланилади. Сўнгги пайтларда электр бўлмаган катталикларни электр йўли билан ўлчаш усувлари ривожланиб бормоқда. Бу ерда асосан датчиклар, осциллографлар ва турли асбоблар ишлатилади. Бу асбобларнинг бир қисми билан лаборатория машғулотларида танишилади.

Математик моделлаштириш усувлари қўлланилганда ҳозирги пайтда ЭҲМ лардан фойдаланилади. Буларга асосан ҳисобий усувлар, оптимизация усувлари киради.

Механизмларни экспериментал тадқиқот қилишда модельлаштириш иккита йўл орқали амалга оширилади:

- аналогли электрон машиналарини қўллаш;
- рақамли ЭҲМни қўллаш.



Аналоги машиналар түхтөвсиз жараёнларда рўй берётган ўзгаришларни кўздан кечиришга имконият беради ва шунинг учун механизмлар параметрларининг тури ўзгариш графикларини текшириш мумкин бўлади.

Рақамли ЭХМ амалларни дискрет қийматлар билан бажаради, шунинг учун натижаларни рақамлар кўринишида беради. Специфик (маҳсус) тадқиқотларда рақамили-аналоги машиналар ҳам қўлланилади.

ЭХМни қўллаш у ёки бу рақамли усулдан фойдаланиш билан боғлик.

Механизмларнинг тадқиқотида, масалан, уларни синтез қилишда қўйидаги усуллар ишлатилади:

- интерполяциялаш;
- квадратли яқинлашиш;
- энг яхши (Чебишев бўйича) яқинлашиш.

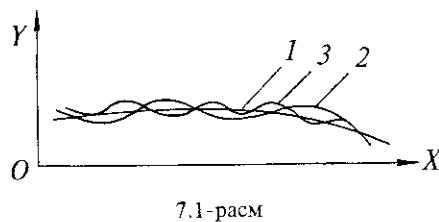
Интерполяциялаш усули берилган ва олинган (ҳосил қилинадиган) эгри чизиқларнинг белгиланган нуқталарда мос келишини таъминлайди (7.1-расм).

Ҳосил қилинадиган деганда механизм шатуни нуқтасининг қандайdir берилган чизиқقا мос келувчи эгри чизиги тушунилади.

Квадратли яқинлашиш усули ҳосил қилинадиган эгри чизиқнинг берилганга нисбатан ўртача квадратик оғиши (хатолиги)нинг минимал қийматини таъминлайди.

Чебишев бўйича яқинлашиш деб ҳам аталувчи энг қулай яқинлашиш усули ҳосил қилинадиган чизиқнинг берилганига нисбатан кичик ва бир шароитда оғишини таъминлайди.

Ҳозирги кунда саноқли эксперимент учун яна кўнгина янги усуллар мавжуд. Уларнинг ичida янги итерацион усулни (қаранг: Г.Ш.Зокиров. Синтез плоских механизмов на ЭВМ. Ташкент, Изд-во “Фан”, 1972.) ва оп-



116

тилизациялаш усуллари ўз навбатида жуда кўп кўринишларга (модификацияларга) эга ва масаланинг оптималь (назарий томондан ундан яхшилаб бўлмайдиган) ечими-ни беради.

Бугунги кунда машинасозликда бир вақтнинг ўзида бир нечта мақсадга эришишни таъминлайдиган кўп мезонли оптимизациялаш (машинасозликда олиб борилаётган ишлар) қўлланилмоқда.

Экспериментал тадқиқотлар соҳаси бўйича энг катта ютуқ сифатида имитацион моделлардан фойдаланиш усуллари ҳисобланади. Бу мақсадларда ҳозир АСУТПлар ишлаб чиқилган. (Қаранг: Г. Ш. Зокиров, Р. Х. Аюпов “Алгоритмизация построения математических моделей непрерывных технологических процессов”. Ташкент, изд-во “Фан”. 1996).

## 7. МЕХАНИЗМЛАРНИ СИНТЕЗ (БАРПО) ҚИЛИШ

Машиналарнинг уларда бажариладиган жараёнларга мос равища белгиланган талабларга ва шартларга жавоб берадиган механизмларни синтез қилиш машина ва механизмлар назариясининг асосий муаммоларидан биридир. Талаблар ва шартларнинг бажарилиши аниқиги синтез натижаларининг мезони ҳисобланади. Шу нуқтаи назардан синтез қилининг ҳозиргача ишлаб чиқилган усуллари орасида алгебраик усуллар қадрлироқ саналади, чунки улар геометрик усулларга нисбатан биринчидан, аникроқ, иккинчидан, умумийроқ, яъни механизмларни умумлаштирилган синфларга бўлиб синтез қилиш мумкин, учинчидан, ҳисоблаш техникасидан фойдаланиш имконини беради.

Ҳозирги пайтда алгебраик усуллар ичida текис механизмларни берилган талаб функциясига кетма-кет яқинлашиб бориш (яқинлаштириш) йўли билан синтезлаш усуллари кенг ривожланган. Яқинлаштириб синтезлаш масаласи текис механизмларни икки синфа бўлиб ечилади:

- 1) йўналтириш механизмлари синтези;
- 2) узатиш механизмлари синтези.

Биринчи синф масаласи қўйидагиларни ўз ичига олади.



Текисликда қандайдыр  $y_i = f_i(x)$  әгри чизиги берилган. Шайинининг нүктаси муайян аниқлик билан берилган әгри чизиқни чизуви механизмни синтез қилиш талаб қилинади. Табиийки, бу әгри чизиқ  $x$  ва  $y$  координаталарининг жадвалий қийматлари ёки унинг тенгламаси оркали берилган бўлиши мумкин.

Иккинчи масала биринчидан шу билан фарқындики, бу ерда синтез қылышынан механизм етакланувчи бүғин салжышынинг етакловчи бүғин салжышынга нисбати ҳолат функцияси  $\Psi=f(\varphi)$ , ёки бошқа физик кагтасылар ўртасидаги муносабат кўринишида берилган боғлиқликни келтириб чиқариши лозим бўлади.

Атоқлы математик ва механик Н.Л.Чебышев алғора  
ик усулларнинг асосчиси саналади. Шайинининг нуқта-  
чилизган эгри чизиги түғри чизикқа яқынлаштирилган  
симметрик шарнирли түрт бўғинли механизмни синтез  
қилиш бўйича ишлар унга тегишилдири. Шатунининг эгри  
чизиги айланга ёйига яқынлаштирилган шарнирли түрт  
бўғинли механизмни синтез қилиш масаласини ечишда  
улуши айрма усулини ҳам у биринчи бўлиб кўзлаган.

Улушки айрма деганда, берилган функциялардын параметрлерине көмүртүрүштөрдөн кийин түшүнүлдүрүлгөнде, алардың көбүнчөлүк ишенимдерине салынады.

$$\Delta q = \Delta n \cdot q_e \quad (1)$$

бүрдә  $Ag =$  утушлар фарқи;

$\Delta n$  — берилган функциядан четга чиқыш;  
 $q_f$  — ўзгармас параметрларга боғлиқ ва ўзгармас катадыкдан озгина фарқ күлувчи параметрик улуш.

Параметрик үлүшни Чебишев күйидаги ифода беркесінде аныкталған

$$g_s = R + R_u \quad (2)$$

бу ерда  $R$  – шатун эгри чизиги яқинлаштириши керак бўлган радиуси;

*R<sub>u</sub>* — ушбу айлана марказидан шатун эгри чизиги нүкталаригача бўлган ўзгарувчан масофа.

Шундай қилиб,  $\Delta q$ , нолга қанчалик яқинлашған сары  $\Delta t$  қийматы ҳам шунчалик камая боради, чунки у  $\Delta q$  га нисбатан  $R+R \approx 2R$  марта камдир.

Симметрик бўлмаган ва кўп бўғинли тўғри чизиқди йўналтириш механизмларини синтез қилиш масалалари-ни Чебишев  $\Delta l$  ифодасини кўрсаткичли қаторга ёйиш орқали [94, 96-98], тишли гидравликларнинг профилини яратиш масалаларини [95] ечишга эса  $\Delta l$  кўрсаткичли қаторга ёйилганидан кейин, унинг параметрларини энг яхши яқинлашиш шарти асосида аниqlастирган.

Бевосита Чебишев усуллари билан ечиладиган масалалар доираси чекланган бўлгани учун бошқа усуллар ишлаб чиқила бошланган.

Н.И.Левитский ва Г.Каранов механизмларни синтез қилиш масалаларини ечиш учун функцияларни квадратик яқинлаштиришни таклиф қилғандар.

З.Ш.Блох, Е.П.Новодворский, Ф.Фрейденштейн ва  
К.Зикер ишларидаги функцияларни интерполяциялаштириш усули құлтанилган.

М.В.Семенов томонидан гармоник таҳдил қилиш усули, А.Свобода ва И.Ш.Пинекнер томонидан эса берилган функциядан четта чиқишиларнинг аналитик ифодасини қаторга ёйиш усули ишлаб чиқилган.

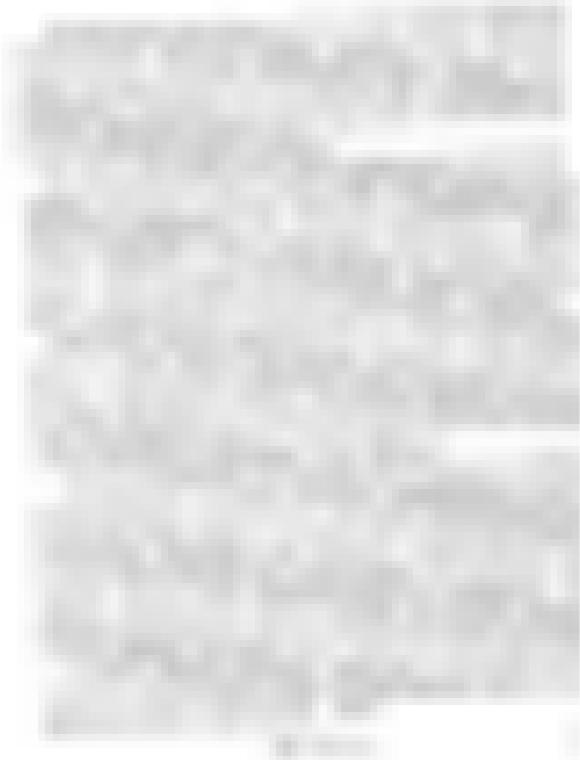
Н.И.Левитский, шарнирли түрт бүғинликни шайин ва коромисло орасидаги шарнирида құшымча бүғин-сирпанғыч киритилиб, ҳосил қылғанған беш бүғинли механизм деб қараб, улушланған фарқни күйидеги күринишда ифодалаган.

$$\Delta q = B^2 - B_\varphi^2, \quad (3)$$

бу ерда  $B^2$  — тўрт бўғинли механизм шайинининг узунлиги;  $B_\phi$  — ўзгартирилган беш бўғинли механизмдаги шайиннинг ўзгарувчан узунлиги.

(3) ифодада параметрик улуш тенг бўтади

$$q_s = B + B_s \approx 2B$$



1990

1990



1990

1990

берилган функциядан четга чиқиш эса

$$\Delta n = B - B_{\phi} \quad (4)$$

Н.И.Левитский усули бўйича улушланган фарқ умумий ҳолда қўйидагича ёзилади:

$$\Delta q_i = A \left[ \sum_{j=0}^{j=n} P_j f_j(x_i) - F(x_i) \right], \quad (5)$$

$$j = 0, 1, 2, \dots, n; i = 0, 1, 2, \dots, m,$$

бу ерда  $A, P_j$  – изланган параметрларга боғлиқ бўлган номаълум коэффициентлар;

$f_j(x)$  – берилган параметрлар орқали ифодаланган мълум функциялар.

Одатда, агар  $m = n$  бўлса, (5) формула умумлаштирилган номинал кўринишига келади ва номаълум коэффициентларга нисбатан чизиқли алгебраик тенгламалар тизимини ифодалайди. Агар  $m < n$  бўлса, коэффициентларнинг бир қисми бошқалари билан чизиқли бўлмаган боғланишга тушиб қолади ва шу сабабли (5) ифода чизиқли бўлмаган тенгламалар тизими кўринишига эга бўлади.

Бу усул Н.И.Левитский ва унинг шогирдлари томонидан ривожлантирилиб, фазовий механизмлар синтезида қўлтанилган.

Ҳисоблаш техникасининг кенг ишлатила бошланиши механизмларни синтез қилишда қўйиладиган барча чекланишларни эътиборга олиш имконини берди. Бу чекланишлар қўйидаги шартлардан келиб чиқади:

1) динамик шартлар (керакли босим бурчаклари, юқори Ф.И.К. ва бошқ.);

2) конструктив (конструкцияга киритиш мумкин бўлган ўлчамиар, кривошиппинг бурилувчаниги ва бошқ.);

3) технологик (керакли жараённи тахминлаш, тайёрлаш ва йиғиш қулайлиги ва бошқ.).

Синтез қилиш турли варианtlарни кўриш ва танлаш имкониятларига ҳам боғлиқ бўлади. Бу имкониятлар ўнавбатида, икки гурухга бўлинади. Уларни шартли равишда ички ва ташқи имкониятлар деб аташ мумкин.

Ички имкониятлар фақат берилган турдаги механизмга тегишли синтез масалаларини ечиш билан боғлиқ бўлади ва бошлангич маълумотларни ўзгартеришни талаб қилимайди. Бу имкониятларга қўйидагилар киради:

1) Турли ҳисоблаш усулларини қўллаш имконияти (масалан, берилган функцияни механизмда ҳосил қилиш аниқлигини интерполяция усулида олишга муваффақ бўлинмаса, унда бошқа усулни, жумладан, функцияга квадратик равища ёки энг яхши яқинлаша бориши усулларини қўллаш мумкинлиги);

2) синтез ҳисобларида ҳосил бўладиган ва механизмнинг турли тасифдаги параметрларини берадиган даражали тенгламаларнинг ҳамма ҳақиқий илдизларидан фойдаланиш мумкинлиги;

3) топилган механизмни қайта ўзгартериш мумкинлиги.

Бошлангич маълумотларни бирор тарзда ўзгартеришда ҳосил бўладиган имкониятлар ташқи имкониятлар ҳисобланади. Уларни қўйидаги йўллар билан қўллаш мумкин:

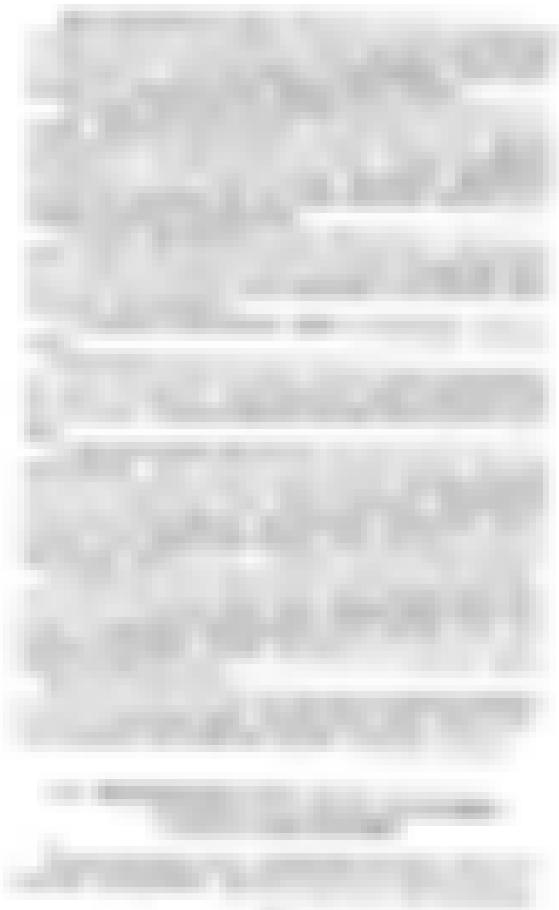
1) Механизмнинг бошлангич маълумотларда берилган боғланмаган, яъни синтез қилинадиган параметрларини турлича ўзгартериш йўли билан (масалан, тўртбўғинли шарнирли йўналтирувчи механизмни кинематик схемасидаги бешта параметри бўйича синтез қилишда улардан тўрттасини, яъни  $r, c, x, \theta$  ларни турлича ўзгартериш);

2) берилган битта функцияни ҳосил қилиш учун турли турдаги механизмларни синтез қилиш йўли билан (масалан, логарифмик функцияни ҳосил қилиш учун тўртбўғинли шарнирли узатиш механизм ва кулисли механизмдан фойдаланиш).

Юқорида кўрсатилган чеклашлар ва имкониятларнинг ҳаммаси механизмларни алгоритмлаш йўли билан синтез қилишда тўла равища қамраб олиниши мумкин.

## 7.1. Механизмларни синтез қилиш масалаларини ечишининг асосий усуллари

Механизмларни синтез қилишнинг юқорида кўрсатиб ўтилган усулларининг, функцияларининг (интерполяция-



лаш, уларни квадратик ва энг мақбул яқинлаштириш) ҳар бири алоҳида ўзига хос операцияларга (амалларга) эга.

Интерполяциялаш усулида бажариладиган операцияларни (амалларни) кўриб чиқайлик.

Механизмлар синтез масалаларини ечишда алгебраик тенгламаларнинг ҳам чизиқли, ҳам ночизиқли тизимлари билан иш кўришга тўғри келади. Биринчи турдаги тизимларни ечиш учун ЭҲМ ларга умумий дастурлар ишлаб чиқилган, алгебраик тенгламаларнинг ночизиқли тизимлари учун эса ҳар бир кўрилаётган ҳолда янги дастур тузиш керак бўлади. Шунинг учун ночизиқли тизимларни бир нечта чизиқли тизимга келтириб [47] ечиш маъқул.

### 7.1.1. Алгебраик тенгламалар тизимини ажратиш

Кўйидаги тенгламалар тизимини кўриб чиқайлик

$$\begin{aligned} a_{00}x_{00} + a_{01}x_1 + \dots + a_{0n}x_n &= b_{00}y_0 + b_{01}y_1 + \dots + b_{0m}y_m \\ a_{10}x_{00} + a_{11}x_1 + \dots + a_{1n}x_n &= b_{10}y_0 + b_{11}y_1 + \dots + b_{1m}y_m \\ a_{n0}x_{00} + a_{n1}x_1 + \dots + a_{nn}x_n &= b_{n0}y_0 + b_{n1}y_1 + \dots + b_{nm}y_m \end{aligned} \quad (6)$$

ёки қисқартирилган ҳолда,

$$AX = BY, \quad (7)$$

бу ерда матрицалар

$$\begin{aligned} A &= \begin{bmatrix} a_{ij} \end{bmatrix} \\ B &= \begin{bmatrix} a_{ij} \end{bmatrix} \end{aligned} \quad (8)$$

$$i = 0, 1, \dots, n; j = 0, 1, \dots, n; \xi = 0, 1, \dots, m$$

векторлар эса

$$\begin{aligned} X &= (x_1, x_2, \dots, x_n) \\ Y &= (y_1, y_2, \dots, y_n) \end{aligned} \quad (9)$$

(6) тизимни  $X$  га нисбатан ечиш учун унинг ўнг қисмини ташкил этувчи ҳадлар деб қабул қиласиз ва қатор ўзгартириш амалларини бажариб [47] ҳосил қиласиз:

$$\begin{aligned} x_0 &= C_{00}y_{00} + C_{01}y_1 + \dots + C_{0m}y_m \\ x_1 &= C_{10}y_{10} + C_{11}y_{11} + \dots + C_{1m}y_m \\ x_n &= C_{n0}y_n + C_{n1}y_1 + \dots + C_{nm}y_m, \end{aligned} \quad (10)$$

яъни

$$X = CY, \quad C = [c_{i\xi}]$$

(6) ва (10) ларни таққослаш кўрсатадики,  $C$  матрицанинг биринчи устунини аниқлаш учун қуйидаги тенгламалар тизимини  $c_{i\xi}$  га нисбатан ечиш керак:

$$\begin{aligned} a_{00}C_{00} + a_{01}C_{10} + \dots + a_{0n}C_{n0} &= b_{00} \\ a_{10}C_{00} + a_{11}C_{10} + \dots + a_{1n}C_{n0} &= b_{10} \\ a_{n0}C_{00} + a_{n1}C_{10} + \dots + a_{nn}C_{n0} &= b_{n0} \end{aligned} \quad (11)$$

(11) тизими  $B$  матрицанинг биринчи устунини озод ҳадлар усгунига қўйиш билан ҳосил қилинган. (11) га ўхшаш ва озод ҳадлари ўрнига  $B$  матрицаси устунларини кетма-кет қўйиб ҳосил қилинган ( $m+1$ ) та тизимларни ечиб, кидирилган  $C$  матрицанинг ҳамма элементларини аниқлаймиз.

Амалларнинг бундай кетма-кетликда бажарилиши алгебраик тенгламалар тизими (6) ни (11) га ўхшаш ( $m+1$ ) та тизимга ажратиш билан тенгдир.

### 7.1.2. Функцияларни интерполяциялаш

Синтез масаласини интерполяциялаш усули бизан етиб, ҳосил қиласиз:

$$\begin{aligned} a_{00}p_{00} + a_{01}p_1 + \dots + a_{0n}p_{n0} &= b_0 \\ a_{10}p_{00} + a_{11}p_1 + \dots + a_{1n}p_{n0} &= b_1 \\ a_{m0}p_0 + a_{m1}p_1 + \dots + a_{mn}p_n &= b_m \end{aligned} \quad (12)$$

Механизмлар синтези масалаларини ечишда, одатда агар (12) тизим тенгламаларининг сони номаълумлар сонига тенг бўйса, унда тизим номаълум  $p_0, p_1, p_2, \dots, p_n$  коэффициентларга нисбатан чизиқли ва уни исталган усул билан синтез мумкин.

1992-1993  
1993-1994  
1994-1995  
1995-1996  
1996-1997  
1997-1998  
1998-1999  
1999-2000  
2000-2001  
2001-2002  
2002-2003  
2003-2004  
2004-2005  
2005-2006  
2006-2007  
2007-2008  
2008-2009  
2009-2010  
2010-2011  
2011-2012  
2012-2013  
2013-2014  
2014-2015  
2015-2016  
2016-2017  
2017-2018  
2018-2019  
2019-2020  
2020-2021  
2021-2022  
2022-2023

1992-1993  
1993-1994  
1994-1995  
1995-1996  
1996-1997  
1997-1998  
1998-1999  
1999-2000  
2000-2001  
2001-2002  
2002-2003  
2003-2004  
2004-2005  
2005-2006  
2006-2007  
2007-2008  
2008-2009  
2009-2010  
2010-2011  
2011-2012  
2012-2013  
2013-2014  
2014-2015  
2015-2016  
2016-2017  
2017-2018  
2018-2019  
2019-2020  
2020-2021  
2021-2022  
2022-2023

Бирок, күпинча тизим тенгламалари сони номаълум коэффициентлар бир-бирига ночизиқли боғланган ҳол-коэффициентлар учрайди. Масалан, шарнирли тўрт бўғинликни кинелар учрайди.

$$\begin{aligned} P_5 &= -(p_0 p_2 + p_1 p_3) \\ P_6 &= p_1 p_2 - p_0 p_3 \end{aligned} \quad (13)$$

Юқорида берилган алгебраик тенгламалар тизимини ажратиш усулидан фойдаланиб, чизиқли алгебраик тенгламаларнинг икки тизимини ҳосил қиласмиш (13) шартларини бажарган ҳолда (12) нинг чап қисмидан ўнг қисмига иккита устунни ўтказамиш:

$$\begin{aligned} a_{02} p_2 + a_{03} p_3 + \dots + a_{06} p_6 &= -a_{00} p_0 - a_{01} p_1 \\ a_{12} p_{12} + a_{13} p_{13} + \dots + a_{16} p_6 &= -a_{10} p_0 - a_{11} p_1 \\ a_{42} p_2 + a_{43} p_3 + \dots + a_{46} p_6 &= -a_{40} p_0 - a_{41} p_1 \end{aligned} \quad (14)$$

(14) тизимни  $p_2, p_3, \dots, p_6$  га нисбатан ечиб, (10) га ўхшаш тизимни оламиш:

$$\begin{aligned} p_2 &= k_1 p_0 + k_2 p_1 & p_4 &= k_5 p_0 + k_6 p_1 \\ p_3 &= k_3 p_0 + k_4 p_1 & p_5 &= k_7 p_0 + k_8 p_1 \\ p_6 &= k_9 p_0 + k_{10} p_1 \end{aligned} \quad (15)$$

бу ердаги тоқ индексли векторлар тенгламалар тизими-нинг номаълумлариdir, яъни

$$\begin{aligned} a_{02} k_1 + a_{03} k_3 + \dots + a_{06} k_6 &= -a_{00} \\ a_{12} k_1 + a_{13} k_3 + \dots + a_{16} k_6 &= -a_{10} \\ a_{42} k_1 + a_{43} k_3 + \dots + a_{46} k_6 &= -a_{40} \end{aligned} \quad (16)$$

жуфт индекслilари эса (16)га ўхшаш ва озод ҳадлари устунига ночизиқли алгебраик тенгламаларнинг (14) тизимнига иккита тенгламаларни оламиш. Қайд қилиш керакки, (17) куб да-

Шундай қилиб, алгебраик тенгламаларнинг ночизиқли тизими иккита чизиқли тизимга келтирилди.

$p_0, p_1, \dots, p_6$  ларни ҳисоблаш учун (13) тизимнинг биринчи тенгламасини иккинчисига бўламиш  $p_2, p_3, p_5$  ва  $p_6$  лар ўрнига (15) даги қийматларини қўйиб ва  $\varepsilon = \frac{p_1}{p_0}$  белгилашни киритиб, ҳосил қиласмиш:

$$\frac{k_7 + k_8 \cdot \varepsilon}{k_9 + k_{10} \cdot \varepsilon} = \frac{1 + \varepsilon \frac{k_3 + k_4 \cdot \varepsilon}{k_1 + k_2 \cdot \varepsilon}}{\frac{k_3 + k_4 \cdot \varepsilon}{k_1 + k_2 \cdot \varepsilon} - \varepsilon};$$

ўзгартиришлардан кейин

$$A_1 \varepsilon^3 + A_2 \varepsilon^2 + A_3 \varepsilon + A_4 = 0 \quad (17)$$

бу ерда

$$\begin{aligned} A_1 &= k_2 k_8 + k_4 k_{10}, \\ A_2 &= (k_2 + k_3) k_{10} + (k_1 - k_4) k_8 + k_2 k_7 + k_4 k_9, \\ A_3 &= (k_2 + k_3) k_9 + (k_7 + k_{10}) k_1 - k_4 k_7 - k_3 k_8, \\ A_4 &= k_1 k_9 - k_3 k_7 \end{aligned}$$

Ушбу куб даражадаги тенгламани ечиб, ҳамма ҳақиқий илдизларни оламиш. (15) тизимнинг охирги икки тенгламасига (13) дан  $p_5$  ва  $p_6$  қийматларини қўйиб,  $p_2$  ва  $p_3$  номаълумли иккита тенгламани ҳосил қиласмиш, у ердан:

$$\begin{aligned} p_2 &= \frac{k_{10} \varepsilon^2 + (k_9 - k_8) \cdot \varepsilon - k_7}{1 + \varepsilon^2}, \\ p_3 &= \frac{k_8 \varepsilon^2 + (k_7 + k_{10}) \varepsilon - k_9}{1 + \varepsilon^2} \end{aligned}$$

Бу қийматларни олдинги икки тенглама (15) га қўйиб,  $p_0$  ва  $p_1$  ни ва ундан кейин (15) тизимнинг бошқа ҳамма номаълумларини топамиш. Қайд қилиш керакки, (17) куб да-

the first time in the history of the world, the  
whole of the human race has been gathered  
together in one place.

It is a great thing to have all the  
people of the world gathered together,  
but it is still greater to have them  
gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

It is a great thing to have all the  
people of the world gathered together,  
but it is still greater to have them  
gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

The people of the world are gathered  
together in one place, and they are  
all gathered together in one place.

ражали тенгламанинг ҳақиқий илдизлари сонига боғлиқ равишида  $p_0, p_1, \dots, p_b$  лар бир ёки утга қийматга эга бўлиши мумкин. Демак, механизмнинг қидирислётган параметрлари-нинг ҳар бири ҳам утга қийматга эга бўлиши мумкин.

Интерполяциялаш усули берилган ва яқинлашувчи функцияларнинг интерполяциялашнинг белгиланган нуқталарида гина мос келишини таъминлайди.

Бу нуқталар оралиғида эса берилган функциядан четга чиқиш анча катта қийматларга етиши мумкин. Шунинг учун механизмларнинг синтез масаласини ечишда номаълум кинематик параметрлар аниқлангандан сўнг яқинлашишнинг белгиланган чегараларида бир нечта нуқталар тўплами олинади ва уларга яқинлашувчи функцияниң берилган функциядан четга чиқиш даражаси хисоблаб текширилади.

Интерполяциялаш нуқталарининг жойлашишини ўзгартириб, четга чиқишлар катталигини камайтириш мумкин. Худди шундай самара қўйида берилган бошқа усувлар ёрдамида олиниши мумкин.

### 7.1.3. Матрицани матрицага бўлиши

(14) тизимнинг ечиминиң (16) тизим кўринишида ҳосил қилиш учун:

$$B = \begin{bmatrix} a_{00} & a_{01} \\ a_{10} & a_{11} \\ \dots & \dots \\ a_{40} & a_{41} \end{bmatrix} \text{матрицани}$$

$$A = \begin{bmatrix} a_{02} & a_{03} & a_{06} \\ a_{12} & a_{13} & a_{16} \\ \dots & \dots & \dots \\ a_{42} & a_{43} & a_{46} \end{bmatrix} \text{матрицага бўлиш}$$

лозим бўлади. Бир матрицани иккинчисига бўлиш усули муаллиф томонидан ишлаб чиқилган. Ушбу усулни кўриб чиқайлик.

$$A = \begin{bmatrix} a_{00} & a_{01} & \dots & a_{0m} \\ a_{10} & a_{11} & \dots & a_{1m} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m0} & a_{m1} & \dots & a_{mm} \end{bmatrix} \text{квадрат}$$

ва

$$B = \begin{bmatrix} b_{00} & b_{01} & \dots & b_{0n} \\ b_{10} & b_{11} & \dots & b_{1n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ b_{m0} & b_{m1} & \dots & b_{mn} \end{bmatrix} \text{тўртбурчакли}$$

матрицалар берилган ва  $B$  матрицани  $A$  матрицага бўлиш керак бўлсин.  $A$  матрицани бўлувчи,  $B$  ни бўлинувчи ва  $C$  ни бўлинма деб атайлик, яъни

$$B : A = C \quad \text{ёки} \quad \frac{B}{A} = C.$$

Бунда матрица  $B$  устун матрицасидан ташкил топиши ва  $n \geq m$  бўлиши мумкин, бироқ унинг қаторлари сони  $m$  матрица  $A$  қаторлари сони  $n$  дан катта бўлмаслиги лозим. Агар  $B = 0$  бўлса,  $C = 0$ . Бундан ташқари, бўлинма матрицаси  $C$  даги устунлар сони матрица  $B$  даги устунлар сонига тенг.

$A$  ва  $B$  матрицалар қўйидаги тенгламалар тизими орқали боғланган ва  $n > m$  бўлсин:

$$\left. \begin{aligned} a_{00}x_0 + a_{01}x_1 + \dots + a_{0m}x_m &= b_{00}y_0 + b_{01}y_1 + \dots + b_{0n}y_n \\ a_{10}x_0 + a_{11}x_1 + \dots + a_{1m}x_m &= b_{10}y_0 + b_{11}y_1 + \dots + b_{1n}y_n \\ a_{m0}x_0 + a_{m1}x_1 + \dots + a_{mm}x_m &= b_{m0}y_0 + b_{m1}y_1 + \dots + b_{mn}y_n \end{aligned} \right\} (18)$$



□



卷之三



□

Умумий ҳолда (18)  $Ax = By$  (19) шаклда ёзилиши мумкин.  
 $|A| \neq 0$  бўлган ҳол учун (18) тенгламаларниң ўнг томонини озод ҳадлар деб қабул этиб, ҳосил қиласиз:

$$X = \frac{\begin{vmatrix} (b_{00}y_0 + b_{01}y_1 + \dots + b_{0n}y_n)a_{01}a_{02}\dots a_{0m} \\ (b_{10}y_0 + b_{11}y_1 + \dots + b_{1n}y_n)a_{11}a_{12}\dots a_{1m} \\ \dots \\ (b_{m0}y_0 + b_{m1}y_1 + \dots + b_{mn}y_n)a_{m1}a_{m2}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} a_{00} & a_{01} \dots a_{0m} \\ a_{10} & a_{11} \dots a_{1m} \\ a_{m0} & a_{m1} \dots a_{mm} \end{vmatrix}}$$

Аниқловчи  $D$  нинг  $K$  тартибдаги устуники  $b_k$  ва  $C_k$  элементлари билан алмаштирилганда ҳосил бўладиган  $D(b)$  ва  $D(c)$  аниқловчилар  $b_k + c_k = a_k$  бўлганда  $D = D(b) + D(c)$  кўриниш билан ўзаро боғланишини билдирувчи  $D$  (©) кўриниш билан ўзаро боғланишини билдирувчи хусусиятидан фойдаланиб, қўйидагини оламиз:

$$X_0 = \frac{\begin{vmatrix} b_{00}y_0 + a_{01}a_{02}\dots a_{0m} \\ b_{10}y_0 + a_{11}a_{12}\dots a_{1m} \\ \dots \\ b_{m0}y_0 + a_{m1}a_{m2}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{|A|} + \frac{\begin{vmatrix} b_{01}y_1 + a_{01}a_{02}\dots a_{0m} \\ b_{11}y_1 + a_{11}a_{12}\dots a_{1m} \\ \dots \\ b_{m1}y_1 + a_{m1}a_{m2}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{|A|} + \dots + \frac{\begin{vmatrix} b_{0n}y_n + a_{01}a_{02}\dots a_{0m} \\ b_{1n}y_n + a_{11}a_{12}\dots a_{1m} \\ \dots \\ b_{mn}y_n + a_{m1}a_{m2}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{|A|}$$

Аниқловчиларниң бир устуни кўпайтuvчисини бутун аниқловчи кўпайtuvчи сифатида қараш мумкинлиги ҳақидаги хусусиятга мос равишда ёзиш мумкин:

$$X_0 = \frac{\begin{vmatrix} b_{00}a_{01}a_{02}\dots a_{0m} \\ b_{10}a_{11}a_{12}\dots a_{1m} \\ \dots \\ b_{m0}a_{m1}a_{m2}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{|A|} y_0 + \frac{\begin{vmatrix} b_{01}a_{01}a_{02}\dots a_{0m} \\ b_{11}a_{11}a_{12}\dots a_{1m} \\ \dots \\ b_{m1}a_{m1}a_{m2}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{|A|} y_1 + \dots + \frac{\begin{vmatrix} b_{0n}a_{01}a_{02}\dots a_{0m} \\ b_{1n}a_{11}a_{12}\dots a_{1m} \\ \dots \\ b_{mn}a_{m1}a_{m2}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{|A|} y_n$$

Худди шундай:

$$X_1 = \frac{\begin{vmatrix} a_{00}(b_{00}y_0 + b_{01}y_1 + \dots + b_{0n}y_n)a_{02}a_{03}\dots a_{0m} \\ a_{10}(b_{10}y_0 + b_{11}y_1 + \dots + b_{1n}y_n)a_{12}a_{13}\dots a_{1m} \\ \dots \\ a_{m0}(b_{m0}y_0 + b_{m1}y_1 + \dots + b_{mn}y_n)a_{m2}a_{m3}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{|A|}$$

Ёки олдинги ҳолга ўхшаш ўзгартиришлардан кейин:

$$X_1 = \frac{\begin{vmatrix} a_{00}b_{00}a_{02}a_{03}\dots a_{0m} \\ a_{10}b_{10}a_{12}a_{13}\dots a_{1m} \\ \dots \\ a_{m0}b_{m0}a_{m2}a_{m3}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{|A|} y_0 + \frac{\begin{vmatrix} a_{00}b_{01}a_{02}a_{03}\dots a_{0m} \\ a_{10}b_{11}a_{12}a_{13}\dots a_{1m} \\ \dots \\ a_{m0}b_{m1}a_{m2}a_{m3}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{|A|} y_1 + \dots + \frac{\begin{vmatrix} a_{00}b_{0n}a_{02}a_{03}\dots a_{0m} \\ a_{10}b_{1n}a_{12}a_{13}\dots a_{1m} \\ \dots \\ a_{m0}b_{mn}a_{m2}a_{m3}\dots a_{mm} \end{vmatrix}}{|A|} y_n$$



$$X_m = \frac{\begin{vmatrix} a_{00} a_{01} \dots a_{0(m-1)} (b_{00}y_0 + b_{01}y_1 + \dots + b_{0n}y_n) \\ a_{10} a_{11} \dots a_{1(m-1)} (b_{10}y_0 + b_{11}y_1 + \dots + b_{1n}y_n) \\ \dots \\ a_{m0} a_{m1} \dots a_{m(m-1)} (b_{m0}y_0 + b_{m1}y_1 + \dots + b_{mn}y_n) \end{vmatrix}}{|A|}$$

Олдинги ҳолларда бажарылған амалларни қайтариңыз болып келеді:

$$X_m = \frac{\begin{vmatrix} a_{00} a_{01} \dots a_{0(m-1)} b_{00} \\ a_{10} a_{11} \dots a_{1(m-1)} b_{10} \\ \dots \\ a_{m0} a_{m1} \dots a_{m(m-1)} b_{m0} \end{vmatrix}}{|A|} y_0 + \frac{\begin{vmatrix} a_{00} a_{01} \dots a_{0(m-1)} b_{01} \\ a_{10} a_{11} \dots a_{1(m-1)} b_{11} \\ \dots \\ a_{m0} a_{m1} \dots a_{m(m-1)} b_{m1} \end{vmatrix}}{|A|} y_1 + \\ + \dots + \frac{\begin{vmatrix} a_{00} a_{01} \dots a_{0(m-1)} b_{0n} \\ a_{10} a_{11} \dots a_{1(m-1)} b_{1n} \\ \dots \\ a_{m0} a_{m1} \dots a_{m(m-1)} b_{mn} \end{vmatrix}}{|A|} y_n$$

Ушбу ечимни қуидаги күрнишда ёзамиз:

$$C_{00} = \frac{1}{|A|} \begin{vmatrix} b_{00} a_{01} a_{02} \dots a_{0m} \\ b_{10} a_{11} a_{12} \dots a_{1m} \\ \dots \\ b_{m0} a_{m1} a_{m2} \dots a_{mm} \end{vmatrix}, C_{01} = \frac{1}{|A|} \begin{vmatrix} b_{01} a_{01} a_{02} \dots a_{0m} \\ b_{11} a_{11} a_{12} \dots a_{1m} \\ \dots \\ b_{m1} a_{m1} a_{m2} \dots a_{mm} \end{vmatrix}, \dots$$

$$\dots C_{0n} = \frac{1}{|A|} \begin{vmatrix} b_{0n} a_{01} a_{02} \dots a_{0m} \\ b_{1n} a_{11} a_{12} \dots a_{1m} \\ \dots \\ b_{mn} a_{m1} a_{m2} \dots a_{mm} \end{vmatrix}$$

$$C_{10} = \frac{1}{|A|} \begin{vmatrix} a_{00} b_{00} a_{02} \dots a_{0m} \\ a_{10} b_{10} a_{12} \dots a_{1m} \\ \dots \\ a_{m0} b_{m0} a_{m2} \dots a_{mm} \end{vmatrix}, C_{11} = \frac{1}{|A|} \begin{vmatrix} a_{00} b_{01} a_{02} \dots a_{0m} \\ a_{10} b_{11} a_{12} \dots a_{1m} \\ \dots \\ a_{m0} b_{m1} a_{m2} \dots a_{mm} \end{vmatrix}, \dots$$

$$\dots C_{1n} = \frac{1}{|A|} \begin{vmatrix} a_{00} b_{0n} a_{02} \dots a_{1m} \\ a_{10} b_{1n} a_{12} \dots a_{1m} \\ \dots \\ a_{m0} b_{mn} a_{m1} \dots a_{mm} \end{vmatrix}$$

$$C_{m0} = \frac{1}{|A|} \begin{vmatrix} a_{00} a_{01} \dots a_{0(m-1)} b_{00} \\ a_{10} a_{11} \dots a_{1(m-1)} b_{10} \\ \dots \\ a_{m0} a_{m1} \dots a_{m(m-1)} b_{m0} \end{vmatrix}, C_{m1} = \frac{1}{|A|} \begin{vmatrix} a_{00} a_{01} \dots a_{0(m-1)} b_{01} \\ a_{10} a_{11} \dots a_{1(m-1)} b_{11} \\ \dots \\ a_{m0} a_{m1} \dots a_{m(m-1)} b_{m1} \end{vmatrix}, \dots$$

$$C_{mn} = \frac{1}{|A|} \begin{vmatrix} a_{00} a_{01} \dots a_{0(m-1)} b_{0n} \\ a_{10} a_{11} \dots a_{1(m-1)} b_{1n} \\ \dots \\ a_{m0} a_{m1} \dots a_{m(m-1)} b_{mn} \end{vmatrix}$$

Еки қисқартырылған ҳолда:

$$\begin{aligned} x_0 &= c_{00}y_0 + c_{01}y_1 + \dots + c_{0n}y_n \\ x_1 &= c_{10}y_0 + c_{11}y_1 + \dots + c_{1n}y_n \\ x_m &= c_{m0}y_0 + c_{m1}y_1 + \dots + c_{mn}y_n \end{aligned} \tag{20}$$



Агар (19) дан вектор  $X$  қийматини аниқласак:

$$X = \frac{B}{A} Y = CY \quad (21)$$

бўлади ва ҳосил қилинган  $C_{ij}$  элементлари (21) тенгламасининг  $C$  матрицасининг элементлари бўлади.

Шундай қилиб, матрица  $B$  ни квадрат матрица  $A$  га бўлганда, маҳражи  $A$  матрица элементларидан, сурати эса бу матрицанинг  $i$  тартибли устунини  $B$  матрицанинг  $j$  тартибдаги устуни билан алмаштириб ҳосил қилинган аниқловчиларнинг нисбати бўлган  $C_{ij}$  элементлари бор  $C$  матрицани оламиз.

(18) ва (20)ларни солиштириш шуни кўрсатадики,  $C$  матрицанинг биринчи устунини аниқлаш учун қўйидаги тенгламалар тизимини ечиш зарур:

$$\left. \begin{array}{l} a_{00}c_{00} + a_{01}c_{10} + \dots + a_{0m}c_{m0} = b_{00} \\ a_{10}c_{00} + a_{11}c_{10} + \dots + a_{1m}c_{m0} = b_{10} \\ a_{m0}c_{00} + a_{m1}c_{10} + \dots + a_{mm}c_{m0} = b_{m0} \end{array} \right\} \quad (22)$$

Тизим (22)  $B$  матрицанинг ноль тартибли устунини озод ҳадлар устунига қўйиш орқали ҳосил қилинади.

$B$  матрица устунларини озод ҳадлар устунига кетмакет қўйиш йўли билан олинган ва (22) га ўхшашиб бўлган  $(n+1)$  — та тизимни ечиб қидирилаётган  $C$  матрицанинг ҳамма элементларини аниқлаймиз.

#### 7.1.4. Функцияларни квадратик яқинлаштириши

Юқорида кўрилган масалаларда яқинлашувчи функция қўйидаги кўринишга эга:

$$F(x) = p_0 f_0(x) + p_1 f_1(x) + \dots + p_6 f_6(x), \quad (23)$$

бу ерда номаълум коэффициентлар  $p_i$  ва  $p_6$  (13) шартлардан аниқланади.  $F(x) = 0$  ҳолни текширайлик. Қўйидаги йигиндини:

$$S = \sum_{i=0}^{l=m} \left[ p_0 \phi_0(x_i) + p_1 \phi_1(x_i) + \dots + p_6 \phi_6(x_i) \right]^2 \quad (24)$$

минималлаштириш шартидан номаълум коэффициентларни топамиз, бунинг учун шартли минимумни топиш қоидасини қўллаймиз. Яъни  $p_0, p_1, \dots, p_6$  ва Лагранж кўпайтиувчиларини аниқлаш учун ёзамиз:

$$\begin{aligned} \frac{\partial \Phi}{\partial p_0} &= 0; \quad \frac{\partial \Phi}{\partial p_1} = 0; \quad \frac{\partial \Phi}{\partial p_2} = 0; \\ \frac{\partial \Phi}{\partial p_3} &= 0; \quad \frac{\partial \Phi}{\partial p_4} = 0; \quad \frac{\partial \Phi}{\partial p_5} = 0; \\ \frac{\partial \Phi}{\partial p_6} &= 0; \end{aligned} \quad (25)$$

бу ерда

$$\Phi = S - \lambda(p_0 p_2 + p_1 p_3 + p_2) + \lambda_1(p_1 p_2 - p_0 p_3 - p_0) \quad (26)$$

(1.25) тизими ёйилган ҳолда қўйидаги кўринишда ёзилади:

$$\begin{aligned} C_{00} p_0 + C_{01} p_1 + \dots + C_{06} p_6 - \lambda p_2 - \lambda_1 p_3 &= 0 \\ C_{10} p_0 + C_{11} p_1 + \dots + C_{16} p_6 - \lambda p_3 - \lambda_1 p_2 &= 0 \\ C_{20} p_0 + C_{21} p_1 + \dots + C_{26} p_6 - \lambda p_0 - \lambda_1 p_1 &= 0 \\ C_{30} p_0 + C_{31} p_1 + \dots + C_{36} p_6 - \lambda p_1 - \lambda_1 p_0 &= 0 \\ C_{40} p_0 + C_{41} p_1 + \dots + C_{46} p_6 &= 0 \\ C_{50} p_0 + C_{51} p_1 + \dots + C_{56} p_6 - \lambda &= 0 \\ C_{60} p_0 + C_{61} p_1 + \dots + C_{66} p_6 - \lambda_1 &= 0 \end{aligned} \quad (27)$$

бу ерда

$$\begin{aligned} C_{ik} = C_{kl} &= \sum_{i=0}^{l=m} \phi_k(x_e) \phi_l(x_e), \\ k = 0, 1, \dots, 6; \quad l &= 0, 1, \dots, 6. \end{aligned}$$

$\lambda$  ва  $\lambda_1$  нолга тенг деб ҳисоблаб (27) тизимни биринчи яқинлашишида ечамиз.



Унда бу тизимнинг биринчи бешта тенгламаларининг ечими юқорида кўрсатилган ва (1.7) тизимга ўшаш бўлган ночизиқли алгебраик тенгламалар тизимини беради [46].

Олинган тизимнинг номаълум коэффициентларини аниқлагандан сўнг (27) нинг охирги иккита тенгламаларидан  $\lambda$  ва  $\lambda_1$  Лагранж кўпайтувчиларини топамиз.

Агар  $\lambda$  ва  $\lambda_1$ , нолдан (ёки илгари ва сифатида қабул қилинган ва нолга яқин бўлган қийматлардан) фарқ қилиб қилинган қийматларидан кам бўлгунча) давом этади.

Бу жараённинг қийматлари нолга тенглашгунча (ёки қабул қилинган қийматларидан кам бўлгунча) давом этади.

### 7.1.5. Функцияларни энг мақбул яқинлаштириш усули

Функцияларни энг мақбул яқинлаштириш усулидан фойдаланиб, қаралаётган интервал (оралиқ)нинг ҳамма нуқталарида берилган функциядан четга чиқишнинг минимал қийматини олиш мумкин.

Четга чиқиш

$$\Delta = P(x) - F(x) \quad (28)$$

ўзининг чегаравий қиймати  $L$  га етадиган нуқталаридаги  $X$  қийматини  $x_1, x_2, \dots, x_{n+2}$  орқали белгилайлик.

Унда Чебиշев теоремаси асосида эга бўламиз:

$$\left. \begin{array}{l} \Delta(x_1) = \varepsilon L \\ \Delta(x_2) = -\varepsilon L \\ \dots \\ \Delta(x_{n+2}) = (-1)^{n+1} \varepsilon L \end{array} \right\} \quad (29)$$

бу ерда  $\varepsilon = 1$  ёки  $\varepsilon = -1$ .

Аргументлар  $x_1, x_2, \dots, x_{n+2}$  (28) айрманинг максимум ёки минимал қийматларига мос келгани учун бу нуқтадардаги ҳосила нолга тенг бўлади, яъни

$$\begin{aligned} \Delta'(x_1) &= 0 \\ \Delta'(x_2) &= 0 \\ \dots \\ \Delta'(x_{n+2}) &= 0 \end{aligned} \quad (30)$$

Демак, (29) ва (30) тенгламаларнинг умумий сони  $2n + 4$  ни ташкил қилади ва  $p_0, p_1, \dots, p_n, x_1, x_2, \dots, x_{n+2}, L$  номаълумларнинг умумий сонига тенг бўлади.

Яқинлашувчи функция (1.13) кўринишга эга бўлсин. Бу нарса аргумент  $i + 1 = b$  нуқтада берилганлигини билдиради.

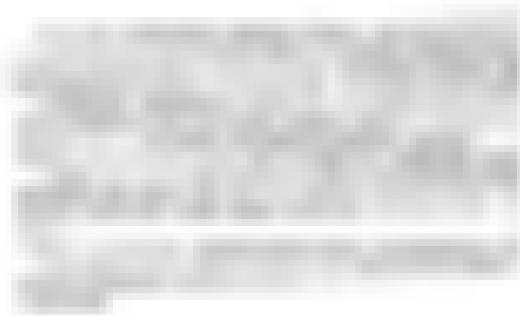
$P_0, p_1, \dots, p_4$  номаълум коэффициентлар ва чегаравий четга чиқиш  $L$  ни аниқлайлик. Бу номаълумлар қаралаётган ҳолда (1.19) тенгламалардан қуидаги кўринишда ёзилиб ҳисоблаб топилади.

$$\left. \begin{array}{l} a_{00}p_0 + a_{01}p_1 + \dots + a_{06}p_6 - L = 0 \\ a_{01}p_0 + a_{11}p_1 + \dots + a_{16}p_6 - L = 0 \\ \dots \\ a_{50}p_0 + a_{51}p_1 + \dots + a_{56}p_6 + L = 0 \end{array} \right\} \quad (31)$$

(29) ва (31) тизимларни таққосласак, кейингисида номаълум  $L$  ортиқча бўлиб қолганлигини кўрамиз. Ундан ташқари, (31) да (29)га нисбатан битта тенглама кўп. (31) даги ҳар бир тенгламалар жуфти ўзаро қўшилса, ечими юқорида берилган (29) тизим бевосита ҳосил қилинади.

Функцияларнинг энг мақбул яқинлаштириш усулидан фойдаланилганда берилган функциядан четга чиқиш кўрилаётган оралиқда галма-гал ишорасини ўзгартириб ўзининг чегаравий равон қийматига етади.

Юқорида кўрилаётган учта усулни уларнинг баъзи амалларининг умумийлигини ҳисобга олган ҳолда бирлаштириш универсал ҳисоблаш дастурини тузишга ва қўйилган масалаларни ЭХМ да ечишда машинанинг хо-



тирасини тежашга өз умуман ҳисобларни соддалаштиришга имкон беради.

### 7.1.6. Итерациялаш усули

Текис пишанғы механизмларда бұлакланған фарқифодаси қүйидаги күринишида бўлади:

$$\Delta q_i = (x_d, y_d, \dots, \omega, \eta, \dots, a, \theta, \dots, k, x_i, y_i), \quad (32)$$

$i=1, 2, \dots, m.$

бу ерда  $X_d, Y_d$  — алоҳида олинганд қўзғалмас нуқталар координатлари;

$\omega, \eta, \dots$  — механизм бўғинларининг ўзаро жойлашишини ва қўзғалмас пойнтарнинг қабул қилинганд координат ўқидарага нисбатан четга чиқишлиарини тавсифловчи ўзгармас бурчак параметрлари;

$a, \theta, \dots, k$  — механизм бўғинларининг узунликлари;

$x_i, y_i$  — шатун эгри чизигида берилган нуқта координатлари;

$m$  — ҳисобланадиган параметрлар сони.

(32) формулада  $X_i$  ва  $Y_i$ ларнинг  $m$  нуқталардаги қийматлари маълум. Бошқа параметрларнинг ҳаммаси аниқланиши лозим. Юқорида келтирилган усувлардан фойдаланишганда ҳам бир вақтнинг ўзида ҳамма параметрларни аниқлаш мумкин эмас, шунинг учун параметрларнинг бир қисми берилган бўлиши керак.

Номаълумларнинг ҳаммаси ҳисобланадиганда улардан бигтасини аниқлаш учун Вегстейн томонидан таклиф этилган усуздан фойдаланамиз.

$X_i$  ва  $Y_i$  қийматларини  $m$  нуқталарда топамиш; (интерполяциялаш нуқталарда топамиш;) интерполяциялаш нуқталарини Чебищев полиномининг ноль тенг бўладиган нуқталарига мос равишда танлаб оламиш.

Қилилаётган параметрларнинг ноль нуқталари бўйича яқинлашишдаги қийматлари сифатида кўрилаётган механизмни кинематик схеманинг бир нечта параметрлари бўйича синтез қышида олинганд натижалардан фойдаланамиз. Бу биз шатун эгри чизигининг бир турини бошқаси билан шартли алмаштираётганимизни билдиради.

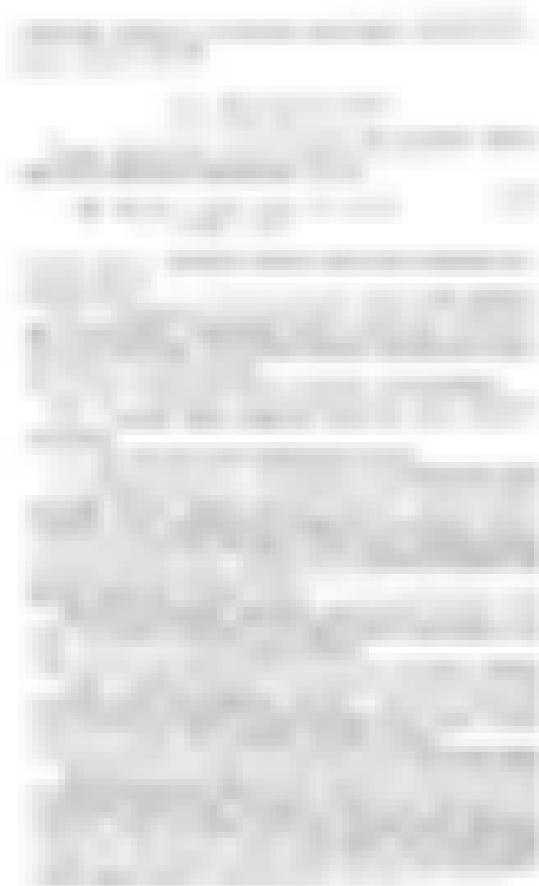
Масалан, берилган эгри чизиқ 7.1-расмда келтирилган эгри чизиқ күринишида бўлсин. Кинематик схемаси параметрларининг бир қисми  $[(m-p)]$  параметрлар] бўйича синтез натижасида шатунининг эгри чизиги 2-чилик күринишида бўлган механизм олинган. 2-чилик 1-чилик билан  $m-p$  нуқталарда кесишиди (бу ерда  $m$  — кўрилаётган механизм кинематик схемасининг ҳамма параметрлари сони,  $p$  — ҳамма параметрлар сонидан кинематик схеманинг яқинлашиш йўли билан синтез қилингандаги алгебраик усуллари бўйича олдин аниқланган параметрлари сони орасидаги фарқ). Кинематик схемасининг ҳамма параметрлари бўйича синтез қилингандаги механизм 1-эгри чизиқ билан  $m$  нуқталарда кесишувчи шатун эгри чизиги 3 га бўлади. Ноль бўйича яқинлашишда 3-эгри чизиқ тавсифномаси сифатида 2-чилик тавсифномасини қабул қиласиз.

Қилилаётган параметрларни биринчи марта яқинлашишда аниқлаш учун (32) ни қуйидаги күринишда ёзамиш:

$$\begin{aligned} x_{d1} &= \bar{X}_{do} + B_1 \Delta q_1 \\ y_{d1} &= \bar{Y}_{do} + B_2 \Delta q_2 \\ \omega_1 &= \bar{\omega}_o + B_e \Delta q_e \\ \eta_1 &= \bar{\eta}_o + B_{e+1} \Delta q_{e+1} \\ a_1 &= a_o + B_k \Delta q_k \\ \theta_1 &= \bar{\theta}_o + B_{k+1} \Delta q_{k+1} \\ k_1 &= k_o + B_m \Delta q_m \end{aligned} \quad (33)$$

бу ерда  $\Delta q_1, \Delta q_2, \dots, \Delta q_e, \dots, \Delta q_k, \dots, \Delta q_m$  мос нуқталаридаги айирмалар;  $\bar{X}_{do}, \bar{Y}_{do}, \dots, \omega_o, \eta_o, \dots, a_o, \theta_o, \dots, k_o$  — қилилаётган параметрларнинг ноль бўйича яқинлашишдаги қийматлари;  $B_1, B_2, \dots, B_e, \dots, B_k, \dots, B_m$  — яқинлашиш коэффициентлари.

(33) тизимда  $\Delta q_m \rightarrow 0$  бўлганда  $X_{d1}, Y_{d1}, \dots, \omega_1, \eta_1, a_1, \theta_1, \dots, k_1$  катталиклар  $\bar{X}_{do}, \bar{Y}_{do}, \dots, \omega_o, \theta_o, \dots, a_o, \theta_o, \dots, k_o$ ларга яқин бўлади. Биринчи яқинлашишда қуйидаги тенгликларни қабул қиласиз:



$$\begin{aligned}\bar{X}_{D1} &= X_{D1} \bar{\omega}_1 = \omega_1 \bar{a}_1 = a_0 \bar{k}_1 = k_1 \\ \bar{Y}_{D1} &= Y_{D1} \bar{\eta}_1 = \eta_1 \bar{e}_1 = e_1\end{aligned}\quad (34)$$

Параметрларни биринчи яқынлашишда аниқладб, уларни нолинчи яқынлашишдаги қийматлари билан солиштирамиз:

$$\begin{aligned}\varepsilon_1 &< \left| \frac{\bar{X}_{D1} - \bar{X}_{D0}}{X_{D0}} \right| \\ \varepsilon_2 &< \left| \frac{\bar{Y}_{D1} - \bar{Y}_{D0}}{Y_{D0}} \right| \\ \varepsilon_1 &< \left| \frac{\bar{\omega}_1 - \bar{\omega}_0}{\omega_0} \right| \\ \varepsilon_{t+1} &< \left| \frac{\bar{\eta}_1 - \bar{\eta}_0}{\eta_0} \right| \\ \varepsilon_k &< \left| \frac{\bar{a}_1 - \bar{a}_0}{a_0} \right| \\ \varepsilon_{k+1} &< \left| \frac{\bar{B}_1 - \bar{B}_0}{B_0} \right| \\ \varepsilon_m &< \left| \frac{\bar{k}_1 - \bar{k}_0}{k_0} \right|\end{aligned}\quad (35)$$

Бу ерда  $\varepsilon_1, \varepsilon_2, \dots, \varepsilon_t, \dots, \varepsilon_9, \dots, \varepsilon_m$  — нолга яқин, қыймалар майдони ярми қийматининг ушбу параметр ўлчамига кўпайтмасига тенг бўлган катталиклар.

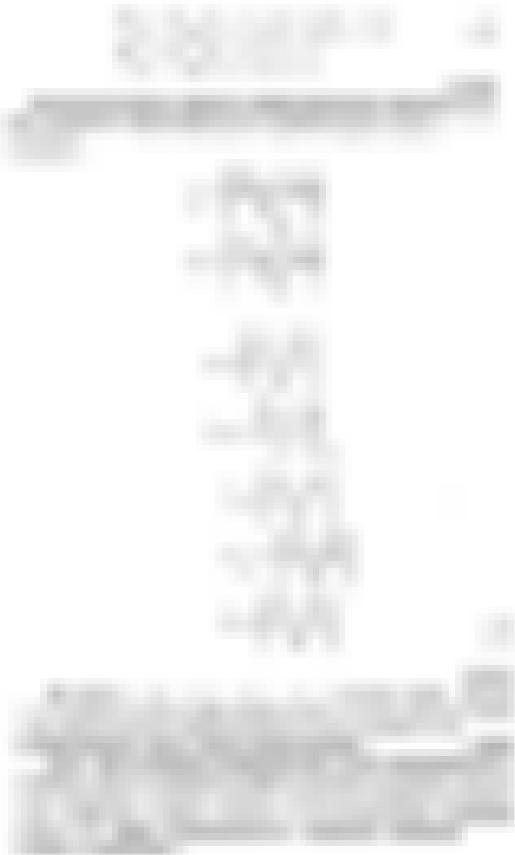
(35) тенгсизликлар бажарилган ҳолда биринчи яқынлашиш билан топилган қийматларни изланган қийматлар сифатида санаш мумкин. Агар қандайдир параметр учун (35) шарт бажарилмаса, қуидаги яқынлашишини амалга оширамиз:

$$\begin{aligned}\bar{X}_{Dn} &= \bar{X}_{D(n-1)} + B_1 \Delta q_{1(n-1)} \\ \bar{Y}_{Dn} &= \bar{Y}_{D(n-1)} + B_2 \Delta q_{2(n-1)} \\ \bar{\omega}_n &= \bar{\omega}_{(n-1)} + B_e \Delta q_{e(n-1)} \\ \bar{\eta}_n &= \bar{\eta}_{(n-1)} + B_{e+1} \Delta q_{(l+1)(n+1)} \\ \bar{a}_n &= \bar{a}_{(n-1)} + B_k \Delta q_{k(n-1)} \\ \bar{e}_n &= \bar{e}_o + B_{(k+1)} \Delta q_{(k+1)(n-1)} \\ \bar{k}_n &= \bar{k}_{(n-1)} + B_m \Delta q_{m(n-1)}\end{aligned}\quad (36)$$

бу ерда  $\Delta q_{1(n-1)}, \Delta q_{2(n-1)}, \dots, \Delta q_{l(n-1)}, \dots, \Delta q_{k(n-1)}, \dots, \Delta q_{m(n-1)}$  —  $1, 2, \dots, m$  нуқталардаги (1.22) бўйича номаълум параметрлар ўрнига уларнинг  $(n-1)$  яқынлашишда олинган қийматларини қўйиб ҳисобланган ўртача (взвешенная) фарқ.

Сўнгра изланадиган параметрларни  $n$ -чи яқынлашишдаги қийматларини топамиз:

$$\begin{aligned}\bar{X}_{Dn} &= \bar{X}_{Dn} - \frac{\left[ \bar{X}_{Dn} - \bar{X}_{D(n-1)} \right] \left[ \bar{X}_{Dn} - \bar{X}_{D(n-1)} \right]}{\bar{X}_{Dn} - \bar{X}_{D(n-1)} - \bar{X}_{D(n-1)} + \bar{X}_{D(n-2)}} \\ \bar{Y}_{Dn} &= \bar{Y}_{Dn} - \frac{\left[ \bar{Y}_{Dn} - \bar{Y}_{D(n-1)} \right] \left[ \bar{Y}_{Dn} - \bar{Y}_{D(n-1)} \right]}{\bar{Y}_{Dn} - \bar{Y}_{D(n-1)} - \bar{Y}_{D(n-1)} + \bar{Y}_{D(n-2)}} \\ \bar{\omega}_n &= \bar{\omega}_n - \frac{\left[ \bar{\omega}_n - \bar{\omega}_{(n-1)} \right] \left[ \bar{\omega}_n - \bar{\omega}_{(n-1)} \right]}{\bar{\omega}_n - \bar{\omega}_{(n-1)} - \bar{\omega}_{(n-1)} + \bar{\omega}_{(n-2)}} \\ \bar{\eta}_n &= \bar{\eta}_n - \frac{\left[ \bar{\eta}_n - \bar{\eta}_{(n-1)} \right] \left[ \bar{\eta}_n - \bar{\eta}_{(n-1)} \right]}{\bar{\eta}_n - \bar{\eta}_{(n-1)} - \bar{\eta}_{(n-1)} + \bar{\eta}_{(n-2)}} \\ \bar{a}_n &= \bar{a}_n - \frac{\left[ \bar{a}_n - \bar{a}_{(n-1)} \right] \left[ \bar{a}_n - \bar{a}_{(n-1)} \right]}{\bar{a}_n - \bar{a}_{(n-1)} - \bar{a}_{(n-1)} + \bar{a}_{(n-2)}} \\ b_n &= b_n - \frac{\left[ b_n - b_{(n-1)} \right] \left[ b_n - b_{(n-1)} \right]}{b_n - b_{(n-1)} - b_{(n-1)} + b_{(n-2)}}\end{aligned}$$



$$k = k_n - \frac{\left[ k_n - k_{(n-1)} \right] \left[ k_n - \bar{k}_{(n-1)} \right]}{k_n - k_{(n-1)} - \bar{k}_{(n-1)} + k_{(n-2)}}$$

Бу катталикларни (32) га қўйиб,  $\Delta q$  нинг  $m$  нуқталардаги қўйматларини аниқлаймиз ва яна (35) тенгсизликларни текшириб кўрамиз. Агар улардан биронтаси қониқтирилмай қолса,

$$\omega_{(n-1)} \rightarrow \omega_{(n-2)}$$

$$\omega_n \rightarrow \omega_{(n-1)}$$

$$\omega_n \rightarrow \omega_{(n-1)}$$

кўринишдаги ўрнига қўйиш амалини бажариш ва (36) тизимни текширишдан бошлаб (35) тенгсизликларнинг барчасини қониқтирилмагунча ҳисоблаш жараёнининг ҳаммасини қайтариш зарур.

## 7.2. Механизмларни синтезлаш масалалари синфини ечиши алгоритмлаш

Ҳар қандай машина ёки механизмни лойиҳалашда кўп сонли ўзаро қарама-қарши бўлган шартларнинг қониқтирилишини талаб қиласидиган, яъни кўп мезонли масала юзага келади. Бундай масалани ечиш учун уни кўриб чиқиш тартибининг маълум бир тизимга солинишига асосланган ва механизмни лойиҳалаш жараёнининг ўзини автоматлаштиришга мўлжалланган алгоритмлаш йўли билан амалга оширилиши мумкин.

Алгоритмлаш йўлиниң моҳияти шундан иборатки, механизмларни синтез қилиш масалаларининг мажмуи бир-бирига боғланган ва муайян кетма-кетликда ечиладиган блоклардан иборат қандайдир тизим деб қаралади.

Блоклар сифатида механизмларни синтезлаш масалаларининг синфи қабул қилинади. Блокнинг ичida эса реализация қилиниш шартлари бир-бирига яқин боғланган алоҳида масалалар ечилади.

Вазифанинг бундай қўйилиши натижасида исталган масалага қўйилган чеклашлар охирига келиб бутун тизимнинг ечими натижаларида ўз аксини топади.

Алгоритмлаш йўлини реализациялашнинг бош шарти механизмларни синтезлашнинг масалалари мажмуини ечиш жараёнининг ҳамма босқичларини автоматлаштиришдан иборатдир.

Ушбу тизимда блоклар, яъни масалалар синфи сифатида қўйидагилар қабул қилинган: 1) механизмларни кинематик синтезлаш; 2) механизмларни динамик синтезлаш; 3) механизмларнинг аниқлигини текшириш.

Биринчи блок ечимининг натижалари иккинчи блокни ечишда ноль билан яқинлашиб қидира оладиган кинематик параметрлар сифатида фойдаланилади.

Иккинчи блок бўлган динамик синтезлаш натижалари эса лойиҳалантган механизм аниқлигини баҳолашда ишлатилади. Агар бунда аниқликка қўйилган чеклашлар қониқтирилмаган бўлса, у ҳолда биринчи блокни қайта ечишдан бошлаб итерациялаш жараёни қайтадан бажарилади.

Алгоритмлаш йўли механизмлар синтези масалаларининг мажмуини қандайдир тизим деб қараса ҳам, у алоҳида олинган локал масалаларини ҳам ечишга имкон беради. Бу нарса берилган шартлар механизмлар синтезининг алоҳида масалаларини ечишни талаб қиласан ҳолларда амалга оширилади.

Ҳар бир блок синтез масалаларининг маълум бир сатҳларга бўлинадиган катта доирасини ўз ичига олади. Масалан, кинематик синтез масалалари (битта эркинлик даражали механизмлар учун) қўйидаги сатҳлар бўйича бўлиниади:

- 1.1. Йўналтирувчи механизмлар.
2. Узатиш механизмлари.
- II.1. Тақрибан йўналтирувчи механизмлар.
2. Аниқ йўналтирувчи механизмлар.
- III.1. Текис ричагли механизмлар.
2. Кўшма (комбинациялаштирилган) механизмлар.
3. Фазовий механизмлар.
- IV.1. Кўп бўғинли механизмлар.
- V.1. 1-5 модификацияли иккинчи синф механизмлари.

• **1997**

• **1998**

• **1999**

• **2000**

• **2001**

• **2002**

• **2003**

• **2004**

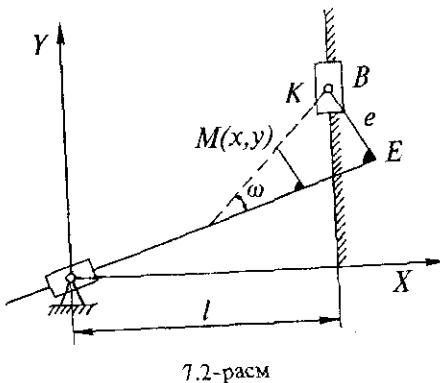
• **2005**

• **2006**

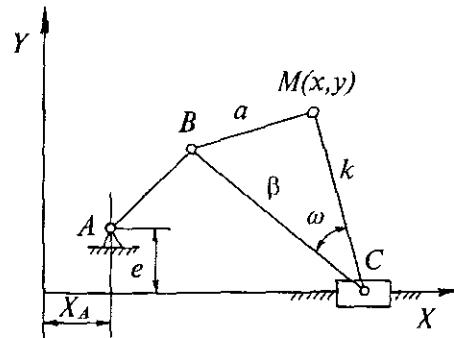
• **2007**

• **2008**

•



7.2-расм



7.3-расм

**VI.1.** Кинематик схема параметрларининг бир қисми бўйича.

**2.** Кинематик схеманинг ҳамма параметрлари бўйича.

**VII.1.** Функцияларни интерполяциялаш усули бўйича.

**VIII.1.** Квадрат яқинлашиш усули бўйича.

2. Энг мақбул яқинлашиш усули бўйича.

**IX.1.** Янги итерацион усул бўйича.

2. Оптималлаштириш усули бўйича.

**X.1.** Қайта каррали интерполяциялаш усули бўйича.

Алгоритмлаш йўлини реализациялаш масаланинг ва уни ечишда қўлланиладиган усулнинг турига боғлиқ бўлмаган ҳолда ҳамма блокларнинг бир хил операциялари (операциялари туркуми) русумлаштириладиган ҳар бир сатҳини ўз ичига олувчи алгоритмга мувофиқ амалга оширилади. Ушбу йўлнинг йириклиштирилган босқичлари қўидагилардан иборат бўлади:

1. Энг содда механизмлар шатун эгри чизиқларининг тенгламаларини ёки ҳолат функцияларини шакллантириш. Бунда механизмларнинг ўзини ҳам, уларнинг шатун эгри чизиқларини (ҳолат функцияларини) ҳам шакллантириш жараёни маълум бир алгоритмларга асосан амалга оширилади.

Масалан, барча модификациядаги иккинчи синф механизмларини шакллантириш учун беш модификациядаги иккинчи синф гуруҳларини биринchi синф механизмига улаш алгоритмини бериш етарилиди.

Шатун эгри чизиқларининг тенгламаларини тузишинг ЭҲМ да бажарилиши гуруҳларидан фойдаланиб элинган реккурент муносабатларидан фойдаланиш йўли билан амалга оширилади.

7.3-расмда тасвиirlанган биринчи турдаги икки боғтанишли гуруҳ учун ёзиш мумкин.

$$F_1 = X_B + X_B^2 \cdot Z_1 + Z_2, \quad F_2 = X_B + X_B^2 \cdot Z_3 + X_4, \quad (37)$$

бу ерда

$$Z_1 = -2X_c, \quad Z_2 = X_c + (Y_B - Y_c)^2 - B^2; \quad Z_2 = -2x;$$

$$Z_4 = X + (Y_B - Y)^2 - e^2 - \kappa^2 + 2\kappa \cdot \cos \omega$$

(1) тизим результантасини нолга тенглаштириб:

$$R(F_1, F_2) = \begin{vmatrix} 1 & Z_1 & Z_2 & 0 \\ 0 & 1 & Z_1 & Z_2 \\ 1 & Z_3 & Z_4 & 0 \\ 0 & 1 & Z_3 & Z_4 \end{vmatrix}$$

ҳосил қиласиз:

$$(Z_2 - Z_4)^2 + (Z_1 - Z_3)(Z_1 \cdot Z_4 - Z_2 \cdot Z_3) = 0. \quad (38)$$



Охирги ифода бир вақтнинг ўзида ҳамма даражали  $X_e$  ташкил этувчиси олиб тацланган (37) нинг биргаликдаги ечимиdir.

(38) га  $Z_i$  ( $i = 1, 2, 3, 4$ ) қийматини қўйиб ҳосил қиласиз:

$$Y_B = Y_C + \frac{\theta}{R} [(y - y_C) \cos \omega \pm (x - x_C) \sin \omega] \quad (39)$$

$Y_e$  га нисбатан (37) га ўхшаш тизим тузиб ва юқорида келтирилган амалларни бажариб,  $X_e$  нинг қуйидаги кўришишдаги қийматини оламиз:

$$X_B = X_C + \frac{\theta}{R} [(x - x_C) \cos \omega \pm (y - y_C) \sin \omega] \quad (40)$$

$X_e$  ва  $Y_e$  қийматларини аниқлаш ҳам резултантани ҳисоблаш билан якунланади.

II турдаги иккى боғланишли гурухга реккурент муносабатларни тузиш учун С нуқтага чизиқли ҳаракат бериш етарли, яъни (39) ва (40) да  $X_e$  ва  $Y_e$  лар ўрнига уларнинг қийматларини қўйиш керак:

$$X_C = x \pm \sqrt{R^2 - Y^2}, \quad Y_C = 0$$

III, IV ва V турдаги иккى боғланишли гурухларнини реккурент муносабатлари ҳам шу тарзда тузилади.

Реккурент муносабатлар тузилгандан сўнг биринчи беш модификациядаги иккинчи синф механизмлари учун шатун эгри чизиқлари тенгламаларини чиқазиш босқичига ўтилади, бунда  $B$  нуқтаси учун тўғри чизиқ ёки айлана тенгламалари ёзилади ва уларга мос реккурент муносабатлардаги  $X_e$  ва  $Y_e$  қийматлари қўйилади.

Кўп бўғинли механизмлар шатун эгри чизиқларининг тенгламалари реккурент муносабатлардан кўп марта қайта фойдаланиш йўли билан тузилади.

Шундай қилиб, шатун эгри чизиқларини ЭҲМ да чиқазиш босқичида резултанталарни ҳисоблаш ва ўрнига қўйишдан иборат иккита стандарт алгоритм бажарилади.

Ўрнига қўйиш алгоритми қуйидаги қоидага биноан автоматлаштирилиши мумкин:

$$F_1(x, y) = a_{00} + a_{01} y + a_{10} x + \dots + a_{n_0} x^n,$$

$$F_2(x, y) = b_{00} + b_{01} y + b_{10} x + \dots + b_{n_0} x^{n_0},$$

$$F_3(x, y) = c_{00} + c_{01} y + c_{10} x + \dots + c_{n_0} x^{n_0},$$

ифодалар берилиган бўлсин, биринчи кўпҳадни иккинчи-сига кўпайтириш натижасини учинчи кўпҳадга автомат равиша қўшиш талаб қилинсин.

Ҳосил қиласиз:

$$F_1(x, y) \cdot F_2(x, y) + F_3(x, y) = d_{00} + d_{01} y + d_{10} x + \dots + d_{l_0} x^l,$$

бу ерда  $l = \max(n + m, R)$ ;

$$d_{ij} = \sum_{g+h=i} \sum_{s+t=j} a_{gs} b_{ht} + c_{ij},$$

Натижада текис пишангли механизмлар шатун эгри чизиқларининг юқорида келтирилган усул билан чиқазилган тенгламалари қуйидаги қўринишни олади:

$$F(\mathcal{S}, \psi, \chi_1, \chi_2, \dots, \chi_m) = 0$$

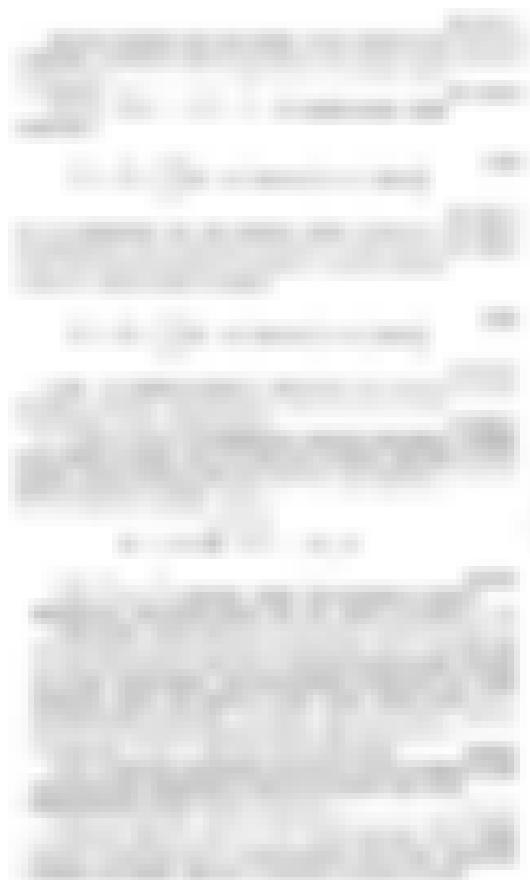
бу ерда  $\chi_1, \chi_2, \dots, \chi_m$  — кўрилаётган механизм кинематик схемасининг мустақил параметрлари.

2. Энг содда масалаларни ечиш усулини танлаш.

Энг содда масалалар сифатида биринчи беш модификациядаги иккинчи синф механизмларини кинематик схемасининг учта, тўртта ва бешта параметрлари бўйича кинематик синтез қилиш масалалари танлаб олинади.

Берилган шартларга кўра интерполяциялаш, квадратик ва энг яхши яқинлашиш усуllibаридан бири танлаб олинади.

3. Юқорида кўрсатилган масалаларни кинематик схемасининг ҳамма параметрлари бўйича ечиш. Бунинг учун янги итерацион усул ёки оптималлаштириш усули кўлланади. Бунда юқоридаги масалаларнинг ечим натижага



a



b

лари нолли яқинлашиш билан қидирилаётган параметрлар сифатида фойдаланилади.

Бу масалани реализациялаш учун

$$\Delta q_i = F(x_i, y_i, r_1, r_2, \dots, r_m), i = 1, 2, \dots, m$$

нисбий фарқ қуйидаги күриништа көлтириләди:

$$r_{in} = r_{(i-1)n} + A \Delta_{qn},$$

бу ерда  $r_{in}$  — қидирилаётган  $n$ -чи параметрнинг  $i$ -чи яқинлашишдаги қиймати;

$A$  — яқинлашиш коэффициенти;

$\Delta_{qn}$  — нисбий фарқнинг  $n$ -чи нүктадаги қиймати.

4. Юқорида күрсатилған масалаларни қайта интерполяциялаш билан ечиш. Бу ҳолда қуйидаги мұносабаттардан фойдаланилади: икки қайта интерполяциялашда

$$r_{in} = \bar{r}_{(i-1)n} + A\Delta_{qn}, \quad r_{il} = \bar{r}_{(i-1)l} + Ad\Delta_{ql}$$

үч қайта интерполяциялашда

$$r_{in} = \bar{r}_{(i-1)n} + A\Delta_{qn}, \quad r_{il} = \bar{r}_{(i-1)l} + Ad\Delta_{ql}$$

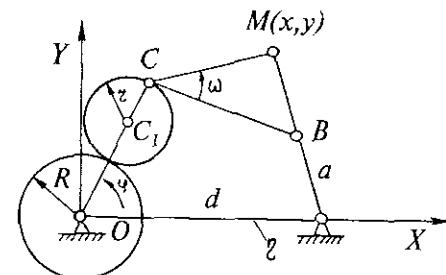
$$r_{ip} = \bar{r}_{(i-1)p} + Ad\Delta_{qp}$$

бу ерда  $n, l, p$  — қайта интерполяциялаш түгнларинин нүкталари.

5. Күп бўғинли механизмларнинг синтези масалаларини ечишга ўтиш. Бу нарса 3 банд масалалари янги итерационын усул ёки оптималлаштириш усули ёрдамида ечишгандан сўн амалга оширилиши мумкин. Бунда ечим алгоритми 1 банд да көлтирилған ва 3 бандда ишлатилған алгоритмлардан бир галикда фойдаланишдан иборат бўлади.

Юқоридаги  $\Delta q_i$  ифодадаги  $m$  қиймати кўриб чиқилгани механизмлардагидан кўп ва  $m = 3$   $R$  бўлади, бу ерда  $R$  — кўзғалувчын бўғинлар сони.

6. Комбинациялаштирилған механизм синтези масаласини ечиш. Бунда нисбий фарқларнинг ифодасини тузиш икки босқични ўз ичига олади. Бу масалани биринч турдаги икки боғланишли гурухни планетар механизмни



7.4-расм

улашдан ҳосил бўлган комбинациялаштирилған механизмни (7.4-расм) синтезлаш мисолида кўриб чиқамиз.

Планетар механизм сателлитининг С нүктаси координатлари қуйидаги шартта кўра ҳисоблаб топилади:

$$X_c = (R + r) \cos y - \chi r \cos \frac{R+r}{r} y;$$

$$Y_c = (R + r) \sin y - \chi r \sin \frac{R+r}{r} y$$

Нисбий фарқнинг натижавий ифодасини тузиш учун бу қийматларни (39) ва (40) ифодаларга қўйиб, ҳосил қиласмиз:

$$\Delta q = a^2 - (x_e - d \cos \eta)^2 - (y_e - d \sin \eta)^2$$

Сўнгра юқорида көлтирилған алгоритмлардан фойдаланиб, ушбу масалани ЭХМда реализациялаш мумкин.

7. Фазовий механизмлар синтези масалаларини ечиш. Нисбий фарқлар ифодаси шарнирларининг конструкцияси (тузилмаси) ҳали маълум бўлмаган абстракт (хаёлий) механизм учун тузилади. Сўнгра ҳар бир муайян механизм учун бу тузилмаларни аниқлаштириб тўғрилаш йўли билан уларни шакллантириш алгоритмларига қўшимчалар киритилади. Нисбий фарқларнинг охирги ифодалари текис механизмлар нисбий фарқларининг ифодаларидан учинчи ўзгарувчан координатага  $z$  борлиги билан фарқ қиласади. Шунинг учун фазовий механизмларни синтез қилиш масалаларини ечиш алгоритми текис механизмларга ўхшаш бўлади.



8. Аниқ йўналтирувчи механизмлар синтези масалаларини ечиш. Шатун эгри чизигининг ҳам, берилган эгри чизиқнинг ҳам тенгламаси қўйидаги қўринишга келтирилади:

$$\sum_{R=0}^p \sum_{I=0}^R \alpha_{(k-I)I} x^{R-1} y^I = 0$$

$$R = p, (p-1), \dots, 2, 1, 0; \quad I = 0, 1, 2, \dots, R,$$

бу ерда  $p$  — қўпхад даражаси;

$\alpha_{(k-y)I}$  — тенглама коэффициентлари (шатун эгри чизиги учун механизмнинг қидирилаётган параметрларига боғлиқ бўлади).

Шагун эгри чизиги ва берилган траектория тенгламаларининг коэффициентларини ўзаро мувофиқлаштириб қўйидаги қўринишдаги алгебраик тенгламалар тизимини ҳосил қиласиз:

$$f_1(r_1, r_2, \dots, r_m, \alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n) = 0$$

$$f_2(r_1, r_2, \dots, r_m, \alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n) = 0$$

$$f_3(r_1, r_2, \dots, r_m, \alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n) = 0$$

ундан

$$\frac{D(f_1, f_2, \dots, f_m)}{D(r_1, r_2, \dots, r_m)} = \begin{vmatrix} \frac{df_1}{dr_1} & \frac{df_1}{dr_2} & \dots & \frac{df_1}{dr_m} \\ \frac{df_2}{dr_1} & \frac{df_2}{dr_2} & \dots & \frac{df_2}{dr_m} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ \frac{df_m}{dr_1} & \frac{df_m}{dr_2} & \dots & \frac{df_m}{dr_m} \end{vmatrix}$$

якобианий текшириш йўли билан  $m$ -та мустақил тенглама танлаб олинади.

Ушбу масалани машинада ечишнинг кейинги алгоритми тақрибий йўналтирувчи механизмларни кинематик схеманинг ғарчча параметрлари бўйича синтез қилиш

масаласининг ечими билан мос келади, фақат бу ҳолда параметрларни аниқлаштириб тўғрилаш доираси ушбу ўлчам қўйимлари майдони ярмининг чегарасида ётиши зарур.

9. Механизмларни динамик синтез қилиш масаласини ечиш. Масалани ечиш механизмларнинг иккинчи тур Лагранж тенгламалари, Гамильтон-Остроградский ёки бошқа усувлар асосида олиниши мумкин бўлган ҳаракат тенгламаларини тузишдан бошланади. Алгоритмлаш нуқтai назаридан қўйидаги шаклдаги тенглама энг қулай ҳисобланади:

$$\ddot{\mathbf{x}}_k \cdot \omega + d \frac{d\mathbf{T}}{dy} = M_k.$$

Ушбу тенгламани

$$A(r_j, y)\ddot{y} + B(r_j, y)\dot{y}^2 + C(r_j, y) = 0.$$

қўринишда олиб, уни Рунге-Кутта усули бўйича ечамиз, бу ерда  $r_j$  — механизмнинг кинематик ва динамик параметрлари ;  $y$  — умумлаштирилган координата.

Нисбий фарқ ифодасини

$$\Delta q_j = Y_{y_j} - Y_{y_i}$$

қўринишда ёзиб, бу ерда  $Y_{y_j}$  — умумлаштирилган координатанинг берилган қиймати;  $Y_{y_i}$  — умумлаштирилган координатанинг ҳаракат дифференциал тенгламасини ечиш натижасида олинган қиймати; минималлаштирувчи функция ифодасини тузамиз:

$$D = \sqrt{\sum_1^s \Delta_q^2} \rightarrow \min.$$

Оптималлаштириш ва Рунге-Кутта усулларидан кўп марта фойдаланиш йўли билан механизмнинг берилган шартларга жавоб берувчи оптималь параметрларини аниқтаймиз.

the same time, the  
same time, the

same time, the  
same time, the

same time, the  
same time, the

same time, the  
same time, the

same time, the  
same time, the

same time, the  
same time, the

—

same time, the  
same time, the

same time, the  
same time, the

—

the same time,  
the same time,

—

Шуни айтиш керакки, кинематик синтез қилиш масаларининг ечими натижалари бу ерда кинематик параметрларнинг нолга яқинлашишидаги қийматлари сифатида фойдаланилади.

Динамик синтез қилишда масаланинг қўйилишига боғлиқ равиша берилган вақт оралиғида жадалланиш ёки тормозланишни таъминлаш, механизмнинг барқарор ҳаракатини таъминловчи оптимал тавсифномаларини аниқлаш ва ҳоказолар каби масалаларни ечиш мумкин.

10. Механизмларни кинематик ва динамик синтезлаш масалалари ечишдан сўнг уларнинг аниқлигини баҳолаш блоки амалга оширилади. Бунинг учун шатун эгри чизигининг (32) тенгламасидан ҳар бир параметр бўйича қўйидаги кўринишдаги ҳосила олинади:

$$\begin{aligned} \frac{dF(x, y, r_1, r_2, \dots, r_R, r_{k+1}, \dots, r_m)}{dr_k} &= \\ &= \frac{1}{2h} \left\{ F[x, y, r_1, r_2, \dots, (r_R + h), r_{k+1}, \dots, r_m] - \right. \\ &\quad \left. - F[x, y, r_1, r_2, \dots, (r_R - h), r_{k+1}, \dots, r_m] \right\} \end{aligned}$$

Худди шу каби, шатун эгри чизиги тенгламасидан координаталар бўйича ҳосилалар олиб, уларнинг қийматларини координата бўйича чегаравий хатоликни билдирувчи қўйидаги ифодага қўямиз:

$$\delta_y = \sqrt{\sum_{i=1}^n \left[ \frac{d}{dr_i} F(x, y, r_i) \right]^2} \cdot \delta_i / \frac{d}{dy} F(x, y, r_i)$$

Шу йўл билан бошқа координата ёки нормал бўйича чегаравий хатоликларни ҳам аниқлаш мумкин.

Агар аниқликни баҳолаш натижалари бошланғич қўйилган шартларни қониқтиримаса, бажарилган синтез ишларининг бутун циклини энг содда механизмнинг кинематик синтезидан бошлаб қайтадан бажарамиз.

### 7.3. Текис ричагли (пишангли) механизмлар асосидаги аниқ йўналтирувчи механизмлар синтези

#### 7.3.1. Масаланинг қўйилиши

Аниқ йўналтирувчи механизмларнинг синтези масаласи қўйидагича қўйилган бўлади: синтез қилинувчи механизм нуқтаси чизиши керак бўлган траекториянинг тенгламаси берилган бўлиб, бирор бўғиннинг (масалан, шатуннинг) нуқтаси ҳеч қандай хатоликсиз, яъни аниқ риши топиш керак.

Текисликда ётувчи эгри чизиқни ҳосил қилиб берувчи аниқ йўналтирувчи механизм синтези масаласини кўриб чиқайлик [55].

Берилган траекториянинг тенгламаси

$$F_1(x, y, a_1, a_2, \dots, a_n) = 0, \quad (41)$$

танланган механизм шатуни нуқтасининг траекторияси тенгламаси эса

$$F(x, y, r_1, r_2, \dots, r_m) = 0 \quad (42)$$

кўринишда бўлсин, бу ерда  $x, y$  — берилган траектория нуқталарининг координатлари:

$a_1, a_2, \dots, a_n$  — берилган траектория тенгламасининг коэффициентлари;

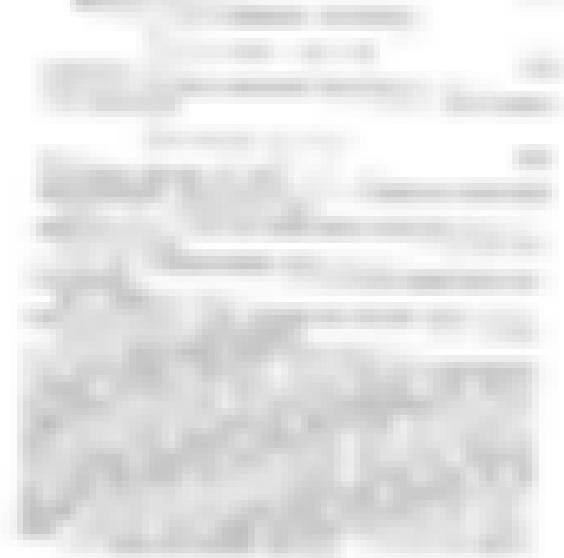
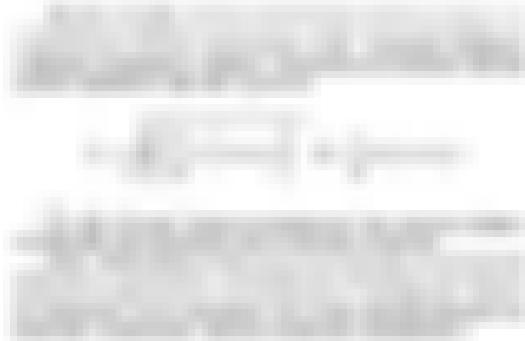
$r_1, r_2, \dots, r_m$  — механизмнинг аниқланиши керак бўлган параметрлари.

(42) ифодаси текис механизм шатуни эгри чизигининг тенгламаси ҳисобланади.

Синтез масаласини ечиш учун берилган ва механизмнинг шатунидан олиниши мумкин бўлган эгри чизигларнинг тенгламалари ўртасида механизмнинг изланаётган параметрларини берилгэн траектория тенгламаси коэффициентлари орқали ифодалаш имконини берувчи боғланишини аниқлаш керак бўлади. Бунинг учун (41) ва (42) тенгламаларни битта координатлар тизимига келтириб ёзиш зарур. Бунда траектория тенгламаси (41) параметрик шаклда ҳам, тўғри бурчакли координатлар тизимида ҳам берилган бўлиши мумкин.



1. *Alveolar*  
2. *Convoluted*  
3. *Smooth*



(41) ва (42) тенгламалар қандай берилшидан қатыназар, уларни даражали полиномлар (күпхадлар) шаклиниң көлтириш мүмкін.

Шатун эгри чизигини умумий ҳолда қыйидаги даражали күпхад күринишида тасвирлаш күлай бўлади:

$$\sum_{k=0}^{\rho} \sum_{\ell=0}^k a_{(n-\ell)} \ell x^{k-\ell} y^\ell = 0 \quad (43)$$

$$k = \rho, (\rho-1), (\rho-2), \dots, 2, 1, 0$$

$$\ell = 0, 1, 2, \dots, k$$

бу ерда  $\rho$  — күпхад даражаси;

$a_{(k-\ell)}$  — шатун эгри чизиги тенгламасининг механизминг изланәётган параметрларига боғлиқ коэффициентлари.

Берилган траектория тенгламасини худди шундай күринишига көлтирамиз, яъни

$$\sum_{i=0}^q \sum_{j=0}^i b_{(i-j)} x^{i-j} y^j = 0 \quad (44)$$

$$j = q, (q-1), (q-2), \dots, 2, 1, 0$$

$$j = 0, 1, 2, \dots, i$$

бу ерда  $q$  — күпхад даражаси;

$b_{(i-j)}$  — тенглама коэффициентлари.  
Табиийки

$$b_{(i-j)j} = f(a_1, a_2, \dots, a_n)$$

бу ерда  $a_1, a_2, \dots, a_n$  — (1) тенгламанинг коэффициентлари.

Энди  $r_1, r_2, \dots, r_n$  параметрларни  $a_1, a_2, \dots, a_n$  коэффициентлар орқали ифодалаш қолди.

### 7.3.2. Текис ричагли механизмлар шатуни эгри чизигининг тенгламаларини чиқазиш

Кулисали механизм (7.2-расм)  $M$  ва  $B$  нуқталари өрасида қыйидаги боғланишлар мавжуд:

$$X_B = x \pm k(x \cos \omega - y \sin \omega) \frac{\sqrt{\rho^2 - (e - k \sin \omega)^2}}{\rho^2} +$$

$$+ k(e - k \sin \omega) \frac{x \sin \omega + y \cos \omega}{\rho^2};$$

$$Y_B = y \pm k(x \sin \omega - y \cos \omega) \frac{\sqrt{\rho^2 - (e - k \sin \omega)^2}}{\rho^2} -$$

$$- k(e - k \sin \omega) \frac{x \cos \omega - y \sin \omega}{\rho^2}; \quad (45)$$

бу ерда  $e, r, \omega$  —  $M$  нуқтанинг шатунда жойлашиш ўрнини белгиловчи параметрлар.

Агар механизмнинг  $B$  нуқтаси  $O$  ўқига параллел тўғри чизик бўйлаб ҳаракат қиласа

$$X_B - \ell = 0 \quad (46)$$

$X_B$  қийматларини (45) дан (46)га қўйиб, баъзи ўзгартишлардан кейин шатун  $M$  нуқтаси эгри чизигининг қыйидаги тенгламаларини оламиз:

$$[(\ell - x)\rho^2 k(e - k \sin \omega)(x \sin \omega + y \cos \omega)]^2 -$$

$$- k(x \cos \omega - y \sin \omega)^2 [\rho^2(e - k \sin \omega)^2] = 0$$

Буни стандарт күринишига көлтириб, ҳосил қиласиз:

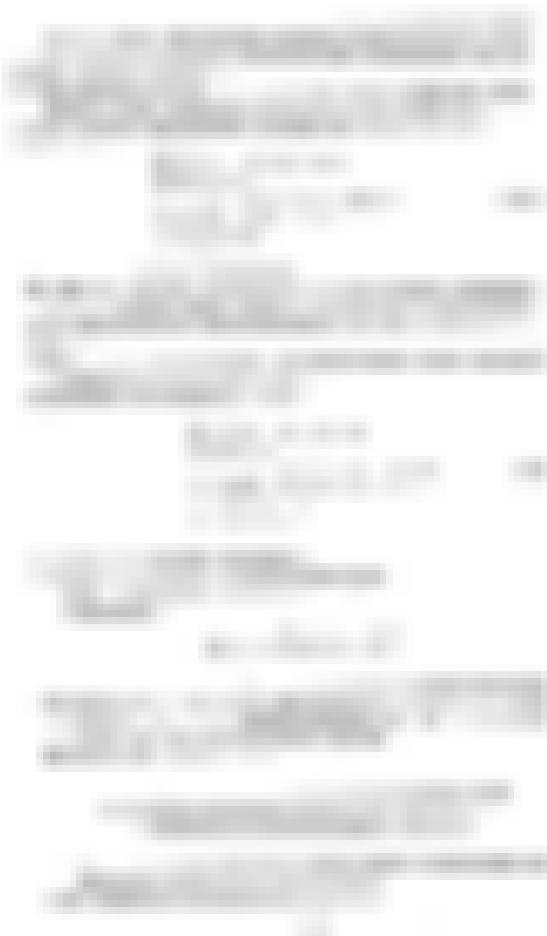
$$\sum_{k=0}^u \sum_{\ell=0}^k a_{(k-\ell)} x^{k-\ell} y^\ell = 0 \quad (47)$$

$$k = u, 3, \dots, 0;$$

$$\ell = 0, 1, \dots, 4$$

(47) тенгламадаги ҳадлар сони

$$t = \frac{5(5+1)}{2} = 15$$



Бирок тенгламаларнинг биринчи қаторида иккинчи, тўртинчи ва бешинчи, иккинчи қаторида эса — иккинчи ва тўртинчи ҳадлар йўқ. Шунинг учун бу тенгламадаги ҳадларнинг умумий сони ўнга тенг, ундаги ҳадларнинг коэффициентлари қўйидаги қийматларга эга бўлади:

$$\begin{aligned} a_{40} &= 1 \\ a_{22} &= 1 \\ a_{30} &= -2\ell \\ a_{12} &= -2\ell \\ a_{20} &= \ell^2 - k^2 - 2ke \sin \omega - 3k^2 \sin^2 \omega \\ a_{11} &= 3ke \cos \omega \\ a_{02} &= \ell^2 - k^2 \sin \omega \\ a_{10} &= 2k\ell e \sin \omega - 2k^2 \ell \sin^2 \omega \\ a_{01} &= 2k\ell e \cos \omega - 2k^2 \ell \sin \omega \cos \omega \\ a_{00} &= k^2 (\ell - k \sin \omega)^2 \end{aligned}$$

### 7.3.3. Кривошип — сиртаничли механизм шатуни эгри чизигининг тенгламаси

Механизм  $B$  ва  $M$  нуқталарининг координатлари орасидаги боғланиш қўйидаги кўринишга эга бўлади (7.3-расм).

$$\begin{aligned} X_B &= X \pm \frac{\sigma \cdot \sin \omega}{k} y \pm \frac{k - \sigma \cdot \cos \omega}{k} \sqrt{k^2 - y^2} \\ Y_B &= \frac{\sigma \cdot \cos \omega}{k} y \pm \frac{\sigma \cdot \sin \omega}{k} \sqrt{k^2 - y^2} \end{aligned} \quad (48)$$

Шатун эгри чизигининг тенгламасини олиш учун ёзамиш:

$$\rho_B^2 - 2X_AX_B - 2ey_B + X_A^2 - e^2 - a^2 = 0 \quad (49)$$

бу ерда  $\rho_B^2$  (II.16)га биноан қўйидаги қийматга эга бўлади:

$$\begin{aligned} \rho^2 + 2X_AX - \frac{2}{k} [(\cos \omega - k)y + (X - X_A)b \sin \omega] - \\ - \frac{2}{k} [(y - e)b \sin \omega - (b \cos \omega - k)(X - X_A)] \cdot \\ \cdot \sqrt{k^2 - y^2} - X_A^2 - e^2 - b^2 + 2kb \cos \omega - k^2 + a^2 = 0 \quad (50) \end{aligned}$$

(48) ва (49) ларни (50)га қўйиб, ҳосил қиласиз: бу ерда  $X_A - A$  шарнир координатаси;  
 $e$  — дезаксиал қиймати;  
 $b$  — шатун узунлиги;  
 $a$  — кривошип узунлиги;  
 $k, \omega$  —  $M$  нуқтанинг шатунда жойлашиш ўрнини белгиловчи параметрлар.

Ушбу механизм шатун эгри чизигининг тўртинчи даражали алгебраик тенглама (II.7) кўринишидаги тенгламасини оламиш. Кўрилаётган ҳолда тенглама ҳадларининг сони 15 га тенг. Улардаги коэффициентлар қўйидагича бўлади:

$$\begin{aligned} a_{40} &= 1; a_{31} = \frac{4}{k} b \sin \omega; a_{22} = \frac{4b^2}{k^2} - \frac{4b}{k} \cos \omega + 2; \\ a_{31} &= \frac{4b}{k^2} \sin \omega \cdot \cos \omega; a_{04} = \frac{4b^2}{k^2} - \frac{4b}{k} \cos \omega + 1; \\ a_{30} &= -4x_A; a_{21} = -\frac{12}{k} x_A b \sin \omega - \frac{4}{k} eb \cos \omega; \\ a_{12} &= -\frac{4x_A b^2}{k^2} - \frac{4x_A b^2}{k^2} \sin^2 \omega - \frac{4eb^2}{k^2} \sin \omega \cos \omega - \frac{4eb}{k} \sin \omega; \\ a_{03} &= -\frac{4eb^2}{k^2} - \frac{4eb^2}{k^2} \cos^2 \omega - \frac{4x_A b^2}{k^2} \cos \omega \sin \omega + \frac{4eb}{k} \cos \omega; \\ a_{20} &= 6x_A^2 + 2e^2 + 2b^2 - 2k^2 - 2a^2 + 4kb \cos \omega - 4b^2 \cos^2 \omega; \\ a_{11} &= \frac{12x_A^2 b}{k} \sin \omega + \frac{4be^2}{k} \sin \omega + \frac{4b^3}{k} \sin \omega - \frac{4a^2 b}{k} \sin \omega + \\ &+ \frac{8x_A b e}{k} \cos \omega - 4b^2 \cos \omega \sin \omega; \end{aligned}$$

1. **What is the primary purpose of the study?**

2. **Who is the target population?**

3. **What is the study design?**

4. **What are the inclusion and exclusion criteria?**

5. **What are the outcome measures?**

6. **What is the sample size calculation?**

7. **What is the randomization method?**

8. **What is the blinding procedure?**

9. **What is the statistical analysis plan?**

10. **What is the power and significance level?**

11. **What is the timeline for the study?**

12. **What is the funding source?**

13. **What is the conflict of interest statement?**

14. **What is the informed consent process?**

15. **What is the ethical review committee approval?**

$$\begin{aligned}
a_{02} = & \frac{4e^2b^2}{k^2} + \frac{4x_A^2b^2}{k^2} - \frac{4x_A^2b^2}{k} \cos \omega + \frac{4be^2}{k} \cos \omega + \\
& + \frac{4b^3 \cos \omega}{k} - \frac{4a^2b}{k} \cos \omega + \frac{8x_A^2b}{k} \sin \omega - 4b^2 \cos^2 \omega + \\
& + 8kb \cos \omega + 2x_A^2 - 2e^2 - 6b^2 - 2k^2 + 2a^2; \\
a_{10} = & -4x_A^3 - 4x_A e^2 + 4x_A a^2 - 4x_A b^2 \sin^2 \omega + \\
& + 4ebk \sin \omega - 4eb^2 \cos \omega \sin \omega; \\
a_{01} = & -\frac{4x_A^3b}{k} \sin \omega - \frac{4x_A b e^2}{k} \sin \omega - \frac{4x_A b^3}{k} \sin \omega + \\
& + \frac{4x_A^2 a^2 b}{k} \sin \omega - \frac{4x_A^2 b e}{k} \cos \omega - \frac{4b e^3}{k} \cos \omega - \\
& - \frac{4b^3 e}{k} \cos \omega + \frac{4a^2 b e}{k} \cos \omega + 4bek \cos \omega + 4x_A b^2 \sin \omega \cos \omega + \\
& + 4b^2 e \cos^2 \omega + 4b^2 e; \\
a_{00} = & 4k^2 b^2 \cos^2 \omega - 4x_A^2 b^2 \cos^2 \omega + 8x_A^2 b^2 \cos \omega \sin \omega - \\
& - 4e^2 b^2 \sin^2 \omega + 4x_A^2 b k \cos \omega - 4b e^2 k \cos \omega - 4b^3 k \cos \omega - \\
& - 4b k^2 \cos \omega + 4a^2 b k \cos \omega - 8x_A b e k \sin \omega + x_A^4 + e^4 + b^4 + \\
& + k^4 + a^4 + 2x_A^2 e^2 + 2x_A^2 b^2 - 2x_A^2 k^2 - 2x_A^2 a^2 - 2b^2 e^2 + 2e^2 k^2 - \\
& - 2a^2 e^2 + 2b^2 k^2 - 2a^2 b^2 - 2a^2 k^2
\end{aligned}$$

### 7.3.4 Аниқ йўналтирувчи механизмлар синтези масаласини ечишининг алгебраик усулни

Синтез масаласини ечишни бошлашдан олдин берилган траекторияни келтириб чиқазиш имконияти борйўклигини аниқлаб олиш зарур. Траектория тенгламаси (44) кўринишга келтирилган бўлсин. Ушбу траекторияни чиқазиш учун мўлжалланган механизмни танлаймиз ва унинг учун шатун эгри чизигининг (43) кўринишдаги тенгламасини тузамиз. Бу икки тенгламага эга бўлиб, уларнинг даражаларини таққослаймиз.

Агар  $q > p$  бўлса, танланган механизм берилган траекторияни чиқариб бера олмайди. Бошқа икки вариантни кўриб чиқайлик, яъни:

- 1) шатун эгри чизиги алгебраик тенгламаси ва берилган траектория тенгламасининг даражалари бир хил ( $q > p$ );
- 2) алгебраик тенглама даражаси берилган траектория тенгламаси даражасидан катта ( $q > p$ ).

Биринчи вариант бўйича механизмнинг қидирилаётган параметрларини аниқлаш учун иккала тенглама коэффициентларини тенглаштирамиз ва шатун эгри чизиги тенгламаси коэффициентларини берилган тенглама коэффициентлари орқали ифодалаймиз.

Бунда учта ноль келиб чиқиши мумкин:

- 1) (44) тенглама қандайдир ҳадининг коэффициенти нолга тенг ( $b_{mn} = 0$ ), (43) тенгламанинг унга мос келувчи коэффициенти эса ноль эмас ( $\alpha_{mn} \neq 0$ ). Бундай ҳолда  $\alpha_{mn} = 0$  қабул қиласиз.

2) агар  $\alpha_{mn} \neq 0$ ,  $b_{mn} = 0$  бўлса, кўрилаётган механизм берилган траекторияни чиқаза олмайди;

- 3)  $\alpha_{mn} \neq 0$  ва  $b_{mn} \neq 0$  бўлса,  $\alpha_{mn} = b_{mn}$  тенгликни қабул қиласиз.

$q=p$  бўлган иккинчи вариантда шатун эгри чизиги тенгламасининг даражасини камайтириш ёки қидирилаётган параметрлар билан берилган траектория тенгламасининг коэффициентлари орасида боғланишни берадиган бошқа ечимларни топиш зарур.

Шатун эгри чизиги тенгламаси

$$F(x, y) = 0, \quad (51)$$

берилган траектория тенгламаси эса

$$F_1(x, y) = 0 \quad (52)$$

кўринишга эга бўлсин.

(51) ни кўпхадларда куйидагича ахтарайлик:

$$F(x, y) = F_2(x, y) \cdot F_4(x, y) + A(x, y) = 0, \quad (53)$$

Бу ерда  $F_2(x, y)$  — берилган траектория тенгламасининг юқори даражали ўзгарувчиларга эга бир нечта кадрлари;

$F_4(x, y)$  — кўпхад  $F(x, y)$  ни  $F_2(x, y)$  га бўлишда ҳосил бўлган натижаси;

$A(x, y)$  — бўлинма қолдиги.

and the other two

in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

and the other two  
in the same way  
as the first one

(52) ни  $F_1(x,y) = F_2(x,y) + F_3(x,y) = 0$  күринишда ёзайлик, бу ердан

$$F_2(x,y) = -A_3(x,y). \quad (54)$$

(54) дан  $F_2(x,y)$  қийматини (III.7) га күйиб ҳосил қиласыз.

$$F_3(x,y) \cdot F_4(x,y) + A(x,y) = 0 \quad (55)$$

(53) ва (55) ларни таққослаб (55) тенгламанинг даражаси (53) дан паст эканлыгини күриш мүмкін. Демак, шатун эгри чизиги тенгламасининг даражасини у берилған траектория тенгламаси даражасидан юқори бўлган ҳолларда камайтириш мүмкін экан.

(55) ва (43) ларни таққослаб куйидаги тенгламалар тизимини ҳосил қиласыз:

$$\begin{aligned} C_{00} &= B_{00} & C_{11} &= B_{11} \\ C_{01} &= B_{01} & & \\ C_{10} &= B_{10} & C_{q0} &= B_{q0} \end{aligned} \quad (56)$$

бу ерда  $C_{(i-j)j}$  — ҳам шатун эгри чизиги, ҳам берилған траектория тенгламалари коэффициентларининг функциялари, яъни

$$C_{(i-j)j} = f[a(k-e)\ell, b(i-j)j]$$

ёки

$$C_{(i-j)j} = f[r_1, r_2, \dots, r_m, a_1, a_2, \dots, a_n].$$

Агар бундай йўл билан керакли натижани олиш мүмкін бўлмаса, шатун эгри чизиги тенгламасини бўлаклаймиз.

$$F(x,y) = F_1(x,y) \cdot F_4(x,y) + A(x,y) = 0$$

$F_1(x,y) = 0$  бўлгани учун бўлаклаш натижасида ҳосил қиласыз:

$$A(x,y) = 0 \quad (57)$$

бунда агар бу ифода даражаси бўйича берилған тенгламага мос келса:

$$A(x,y) = F_1(x,y)$$

деб ёзиш ва ўзгарувчиларининг даражаси бир хил бўлган ҳадларнинг коэффициентларини бир-бирига тенг деб олиш мүмкін.

(57) тенгламани ёйилған күринишда умумий ҳолда куйидагича ифодалаш мүмкін:

$$\sum_{q=0}^S \sum_{h=0}^q d_{(q-h)h} x^{(q-h)} y^h \quad (58)$$

бу ерда  $q=S, (S-1), (S-2), \dots, 0; h=0, 1, \dots, q$ .

Юқоридаги формулалардан  $S \leq r$  эканлиги күриниб турибди. (58) тенглама  $x, y$  нинг исталган қийматларида ҳақли. Демак, ёзиш мүмкін:

$$\begin{aligned} d_{00} &= 0 & d_{11} &= 0 \\ d_{01} &= 0 & & \\ d_{10} &= 10 & d_{s0} &= 0 \end{aligned} \quad (59)$$

Бу ерда  $d(q-h)h$  коэффициентлари  $C_{(i-j)j}$  коэффициентлари каби шатун эгри чизиги ва берилған траектория тенгламалари коэффициентларининг функцияларидир.

Шундай қилиб, биринчи ҳолда ((56) тенгламалар ҳам, иккинчисида ((59) тенгламалар) ҳам чизиқли бўлмаган алгебраик тенгламалар системаларига эга бўламиз.

$$\begin{aligned} f_1(r_1, r_2, \dots, r_m, a_1, a_2, \dots, a_n) &= 0 \\ f_2(r_1, r_2, \dots, r_m, a_1, a_2, \dots, a_n) &= 0 \\ f_n(r_1, r_2, \dots, r_m, a_1, a_2, \dots, a_n) &= 0 \end{aligned} \quad (60)$$

Тенгламаларнинг энг кўп сони (56) система ҳосил бўлади ва у тенг:

$$n = \frac{(a+1)(q+2)}{2}.$$

*Wiley-Blackwell*

*Journal of Health Politics*  
*Policy and Law*

*Wiley-Blackwell*

*Journal of Health Politics*  
*Policy and Law*

(59) системада эса:

$$n_1 = \frac{(S+1)(S+2)}{2}.$$

Масалани ечишда учта ҳол бўлиши мумкин:

1. Системадаги тенгламалар сони номаълумлар сонидан кам ( $n < m$ ). Бу ҳолда баъзи параметрлар қийматини қабул қилиш керак.
2. Тенгламалар сони номаълумлар сонига тенг ( $n = m$ ).
3. Тенгламалар сони номаълумлар сонидан ортиқ ( $n > m$ ).

Энг кўп учрайдиган охирги ҳолда системадан  $m$  — та тенгламани ажратиб олиш лозим. Бунда олинган натижалар (60) системанинг қолган тенгламаларини ҳам қониқтириши керак.

Кўрилган учта ҳолниң ҳар бирида тенгламаларнинг бир-биридан мустақиллиги масаласи юзага келади. Бу масалани ечиш учун (60) системанинг  $m$  — та тенгламаларини ажратиб оламиз ва уларни текширамиз:

$$\frac{D(\phi_1, \phi_2, \dots, \phi_m)}{D(r_1, r_2, \dots, r_m)} = \begin{vmatrix} \frac{\partial \phi_1}{\partial r_1} & \frac{\partial \phi_1}{\partial r_2}, \dots, & \frac{\partial \phi_1}{\partial r_m} \\ \frac{\partial \phi_2}{\partial r_1} & \frac{\partial \phi_2}{\partial r_2}, \dots, & \frac{\partial \phi_2}{\partial r_m} \\ \dots & \dots & \dots \\ \frac{\partial \phi_m}{\partial r_1} & \frac{\partial \phi_m}{\partial r_2}, \dots, & \frac{\partial \phi_m}{\partial r_m} \end{vmatrix}$$

Агар тенгламалар якобиони нолга тенг бўлмаса, улар мустақиллар. Агарки, уларнинг якобиони нолга тенг чиқса, (60) дан танлаб олинган тенгламалардан исталганини ундаги кейинги ( $m+1$ ) тартибдаги тенглама билан алмаштириб, яна қайтадан текшириб кўрамиз.

Кўпинча қидирилаётган параметрларни аналитик усуллар ёрдамида аниқлаш мумкин.

Умумий ҳолда, (60) системани ечиш учун номаълумларни олиб ташлаш усулидан фойдаланиш мумкин. Масалан, бу системанинг биринчى икки тенгламаси куйидаги кўринишга келтирилган бўлсин:

$$f_1 = \Theta + \Theta_1 r_1 + \Theta_2 r_1^2 + \dots + \Theta_{n1} r_1^{n1}$$

$$f_1 = H_0 + H_2 r_1 + H_2^2 r_1^2 + \dots + H_{n2} r_1^{n2}$$

бу ерда

$$\Theta = \Theta(r_2, r_3, \dots, r_m, a_1, a_2, \dots, a_n);$$

$$H = H(r_2, r_3, \dots, r_m, a_1, a_2, \dots, a_n)$$

ва кўп ҳадлар натижаларини топамиз:

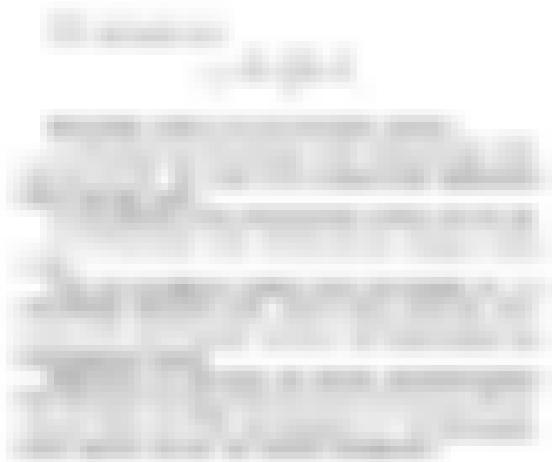
$$R(f_1, f_2) = \begin{vmatrix} \Theta_0 \Theta_1 & \dots & 0_{n1} & 0 & \dots & 0 \\ 0 \Theta_0 \Theta_1 & \dots & \Theta_{n1} & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & \dots & 0 \Theta_0 \Theta_1 & \dots & \Theta_n & \dots \\ H_0 H_1 & \dots & H_{n2} & 0 & \dots & 0 \\ 0 H_0 H_1 & \dots & H_{n2} & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & \dots & 0 H_0 H_1 & \dots & H_{n1} & \dots \end{vmatrix}$$

ёки

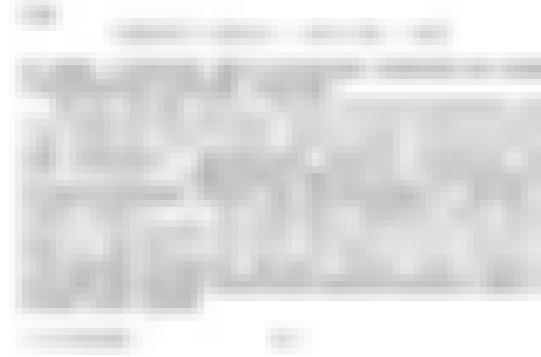
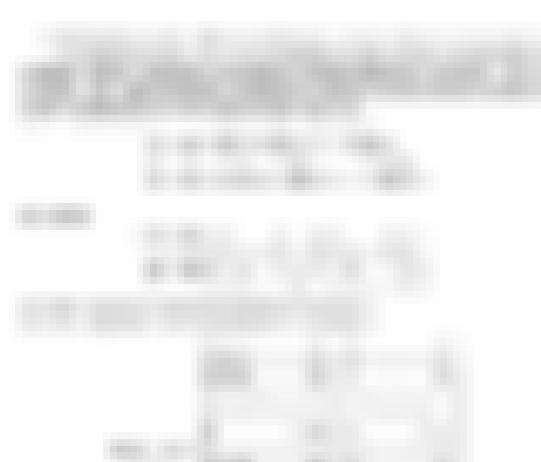
$$R(f_1, f_2) = z(r_2, r_3, \dots, r_m, a_1, a_2, \dots, a_n);$$

бу ерда  $r_i$  номаълум (60) системанинг кўрилаётган икки тенгламасидан чиқазиб ташланди.

Худди шундай тарзда, система тенгламаларининг ҳар бир жуфтини кўриб чиқиб, унинг ҳамма тенгламаларидан номаълум  $r_1$  параметрни чиқазиб ташлаймиз ва  $r_2, r_3, \dots, r_m, a_1, a_2, \dots, a_n$  функцияси бўлган ( $m-1$ ) тенгламаларни ҳосил қиласиз. Сўнгра бу тенгламалардан  $r_2$  параметрини, кейин  $r_3, \dots, r_{m-1}$  ни чиқазамиз. Шундай тарзда охирда  $r_m$  параметрга нисбатан кўпхаднинг даражаси, демак, унинг ечимлари сони (60) система кўпхадлари даражаларининг кўпайтмасига тенг бўлади. Натижавий кўпхаднинг даражаси, демак, унинг ечимлари сони (60) система кўпхадлари даражаларининг кўпайтмасига тенг бўлади.



100



100

## 8. РОБОТ ВА МАНИПУЛЯТОРЛАР НАЗАРИЯСИ АСОСЛАРИ

### 8.1. Манипуляторлар ва саноат роботлари

**Манипулятор** деб, одам қўлининг ишчи функцияларини тақорлаш учун мўлжалланган техник қурилмага айтилади.

Манипуляторлар ҳар хил белгилар бўйича турларга бўлинади:

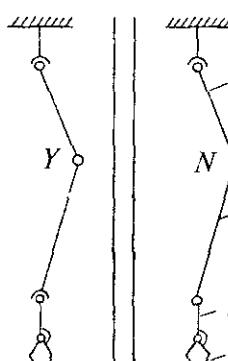
- функциясига кўра: тақлид қилувчи ва бажарувчи;
- бошқариш тизимиға кўра: дастаки ва автоматик бошқариладиган;

в) қўзғалувчан даражасига кўра: битта ва бир нечта қўзғалувчанлик даражали.

Биринчи манипуляторнинг фақат функцияси эмас, балки кўриниши ҳам одам қўлига ўхшаб кетади. Кейинчалик кўп бўғинли манипуляторлар пайдо бўлиши билан уларнинг одам қўлига ўхшашлиги йўқолди, аммо ўхшащ фазовий ҳаракат ҳосил қилиш вазифаси сақлаб қолинди. Шу билан бирга айтиб ўтиш керакки, одамнинг битта қўли 34 та қўзғалувчанлик даражасига эга, демак, манипуляторларнинг қўзғалувчан даражаси, яъни тақлидчилик имкониятлари ҳали анча кам.

Мисол тариқасида бошқарувчи ва бажарувчи механизмлардан иборат тақлид қилувчи манипулятор схемаси (8.1-расм)ни кўриб чиқайлик. Тузилиши бўйича механизмларнинг иккаласи ҳам бир хил. Электрлаштирилган, электронли, магнитли, механик ёки бошқа боғланиши воситасида бажарувчи механизм бошқарувчи механизм ҳаракатларига тақлид қилади. Бундай механизмлардан кўпинча зарарли ёки етмайдиган муҳитларда фойдаланилади. Ундан ташқари, бошқарувчи механизм ташқи кўламий ўлчамлари бўйича бажарувчи механизмга нисбатан анча кичик бўлиши мумкин.

Схемадан кўриниб турибдики, механизмлар одам қўлидаги ўхшащ



8.1-расм

бўғинлардан иборат очиқ кинематик занжирдан ҳосил бўлган, бу ерда:

Тана О ва елка 1 боғланишидан ҳосил бўлган кинематик жуфт елка бўгини деб аталади.

Елка 1 ва билак 2 боғланишидан ҳосил бўлган кинематик жуфт тирсак бўгини дейилади.

Билак 2 ва панжа 3 дан ҳосил бўлган кинематик жуфт панжа бўгини деб аталади.

Манипулятор бармоғи 4 ўз навбатида, алоҳида механизм кўринишида ёки панжа билан қўзғалмас боғланган (масалан, магнитли бармоқ) бўлиши мумкин. Кейинги ҳолда 8.1-расмда қўрсатилган манипулятор схемаси 1, 2 ва 3 қўзғалувчан бўғинлардан ва учта кинематик жуфтдан иборат, бунда елка ва панжа бўғинлари 3 та эркинлик даражасига эга сферик жуфтлар, билак бўгини эса битта эркинлик даражасига эга V-синф айланма жуфт сифатида бажарилади. Механизм бундай схемада еттидан эркинлик даражасига эга бўлади.

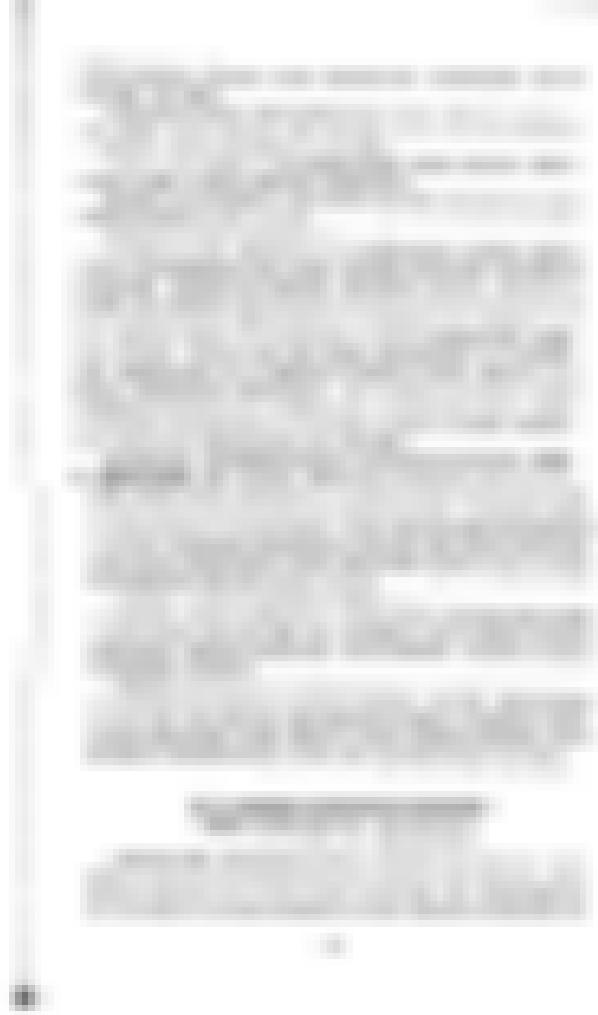
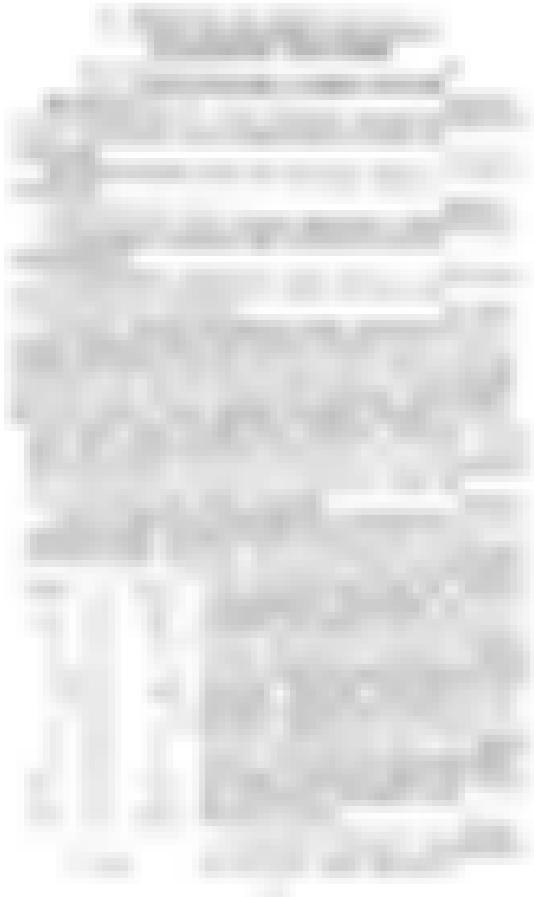
Автоматик бошқариладиган манипуляторларни **саноат роботлари** деб аталади. Одатдаги машина-автоматлардан улар очиқ кинематик занжирлардан тузилган механизмларнинг кўлланилиши, бўлак дастурларни бажаришга тезгина тўғрилаш имконияти борлиги ва ишчи органларнинг кенг диапазонда турли фазовий ҳаракатлар қилиши мумкинлиги билан фарқ қиласи.

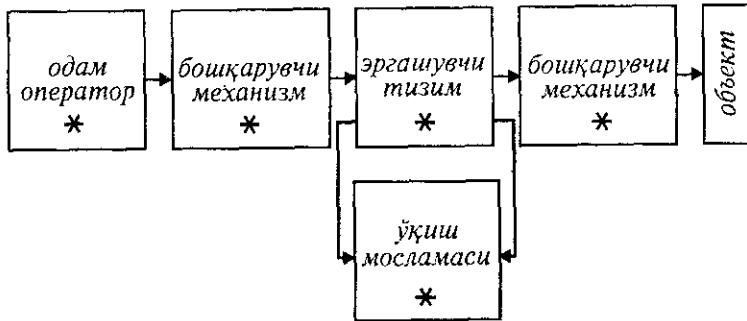
Саноат роботларининг структураси манипуляторлар структураси билан бир хил, шунинг учун уларни таҳлил қилинганда манипуляторлар схемасининг таҳлили билан чекланиш мумкин.

Манипуляторлар назариясининг асосий қоидалари мускуллар қисқариши натижасида пайдо бўладиган биотоклар ёрдамида одам қўли ва оёғи ҳаракатларини ҳосил қилувчи механизмлар учун ҳам қўлланилиши мумкин.

### 8.2. Манипуляторларни бошқарииш блок-схемалари ва даражалари

Автоматик бошқариладиган манипуляторларда қайтишли эргашувчи тизимлар қўлланилади. Бу тизимлар информацияни тескари томонга, яъни бажарувчи механизм-





8.2-расм

дан бошқарувчи мосламаларга узатувчи тескари боғла-нишга эга бўлади (8.2-расм).

8.3-расмда манипуляторларни автоматик бошқариш блок-схемаси келтирилган. Бу ерда бўғинилар ҳолати кузатгичлар сигналлари асосида ЭҲМ бошқарувчи қурил-малар орқали манипулятор ишини тўғрилаб боради.

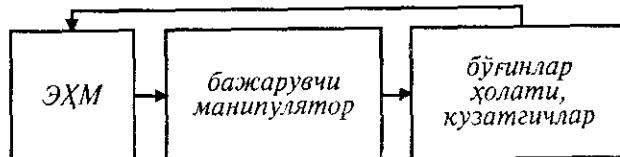
Манипуляторлар уч даражада бошқарилиши мумкин:

1. Биринчи даражали бошқаришда бошқариш дастури манипуляторнинг ҳар бир умумлаштирилган координатаси қийматларини белгилаб беради.

2. Иккинчи даражали бошқаришда: “олиш”, “кӯчи-риш”, “эшикни очиш” ва шунга ўхшаш мураккаброқ опе-рацияларнинг буйруқлари киритилади.

3. Учинчи даражали бошқаришда: “узелни йифиш”, “контейнерни бўшатиш” ва шу каби туталланган жараёнларнинг буйруқлари киритилади.

Табиийки, учинчи даражада иккинчи даражаларга, улар эса ўз навбатида, биринчи даражаларга бўлиниб юбори-лиши мумкин.



8.3-расм

### 8.3. Манипуляторларнинг ишчи ҳажми, чаққонлиги, хизмат қилиш зонаси, сервис бурчаги ва коэффициенти

Манипуляторнинг ишчи ҳажми деб, панжанинг барча мумкин бўлган ҳолатларини қамровчи сирт билан чегаралangan ҳажмга айтилади.

Панжанинг ишчи ҳажмдаги ҳаракати (8.4-расм) тўрт синфга турланиши мумкин:

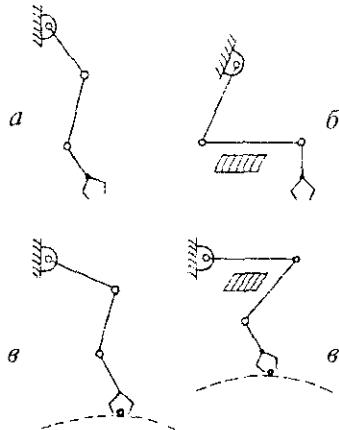
- тўсиқсиз (бўш) ишчи ҳажмдаги эркин ҳаракат;
- тўсиқли ишчи ҳажмдаги ҳаракат;
- берилган эгри чизиқ бўйича ҳаракат;
- берилган эгри чизиқ бўйича тўсиқли ҳажмда ҳаракат.

Бундай тасниф А.Е.Кобринский ва Ю.А.Степаненко томонидан таклиф қилинган. Ҳозирги пайтда манипуляторларнинг турлари кенгайган, хусусан биз томондан кўп тўсиқлардан ўтувчи манипуляторлар синтези масалалари ечилиган.

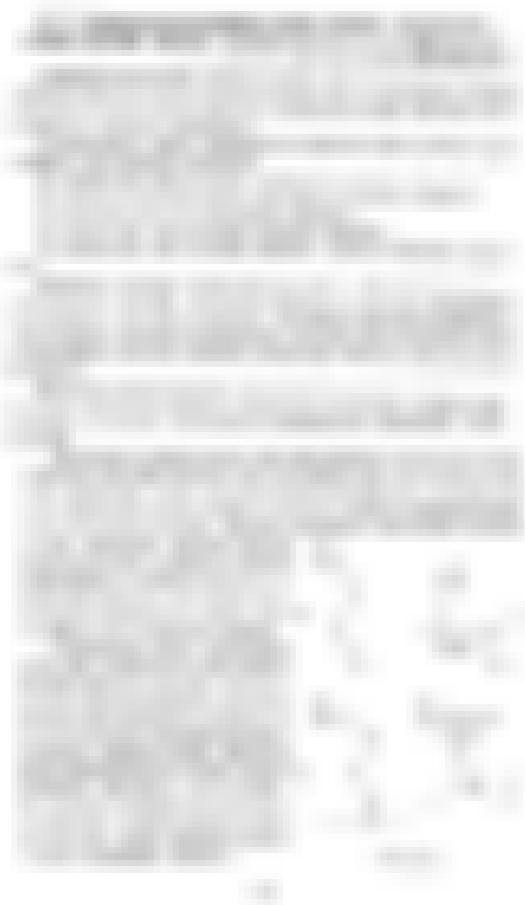
Манипуляторларнинг чаққонлиги деганда, унинг панжалари кўзгалмас бўлгандаги эркинлик даражаси тушунилади.

Фазонинг манипулятор иш жараёнида панжалари жойлашиши мумкин бўлган қисми **ишчи зона** деб аталади. Бу зона текислик, сирт, паралелепипед, шар ва цилиндр шаклида бўлиши мумкин. Ишчи зонанинг панжалари обьект билан ишлазши қулай бўлган қисми хизмат қилиш зонаси дейилади ва манипулятор ҳаракетистикаси шу зонага мос равишда белгиланган бўлади.

Панжалар ишчи зонанинг ҳар бир нуқтасига қандайдир белгиланган моддий бурчак ичидаги яқинлашиши мумкин. Бу бурчак сервис бурчаги деб номланади, манипулятор бурчаги катталиги фазода 4 гача етиши мумкин. Шунинг учун нисбати сервис коэффициенти деб аталади ва унинг қимати 0 дан 1 гача ўзгариши мумкин.



8.4-расм



## 8.4 Роботларни тайёрлаш ва қўллаш бўйича йиғма маълумотлар

Саноат роботлари Японияда энг кўп тараққий қилган, у ерда бу соҳа бўйича ишлар олиб борилмоқда (АҚШ да 1961 йилдан). Японияда 1973 йилдан роботларнинг ички бозори ҳажми 34 млн. доллар, 1980 йили 100 млн. долларни ташкил қилган бўлса, 1985 йилга келиб 1 млрд. долларга кўпайди.

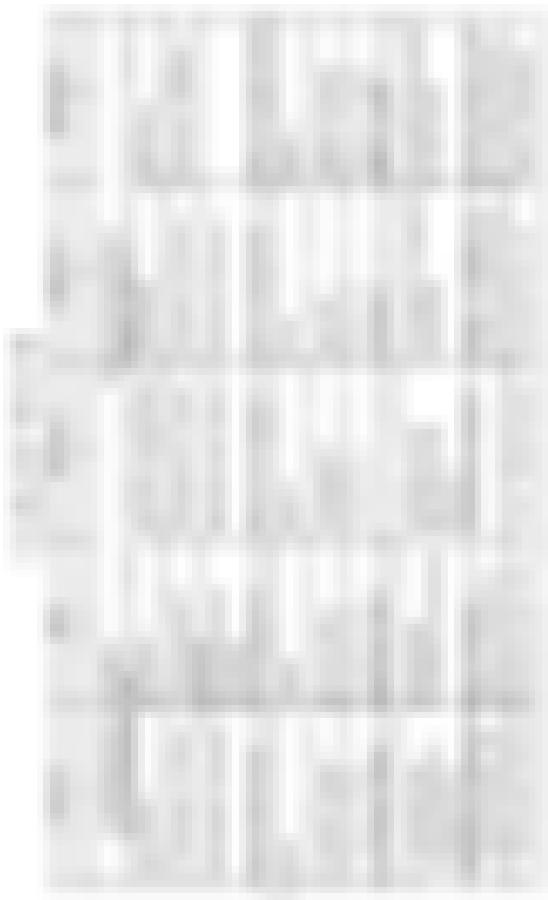
1984 йилда экспорт қилинадиган роботлар сони қуйидагича бўлган:

Японияда	8000
АҚШ	6000
Германия	600
Италия	500
Швеция	800
Англия	400

Ўшандада ҳаммаси бўлиб 20 000 дан ортиқ роботлар ишлатиларди. Ҳозирга келиб Ўзбекистонда Асака шаҳрида чиқарилаётган автомашиналарнинг кузовлари фақатгина роботлар ёрдамида йиғилмоқда.

## АТАМАЛАР ЛУФАТИ

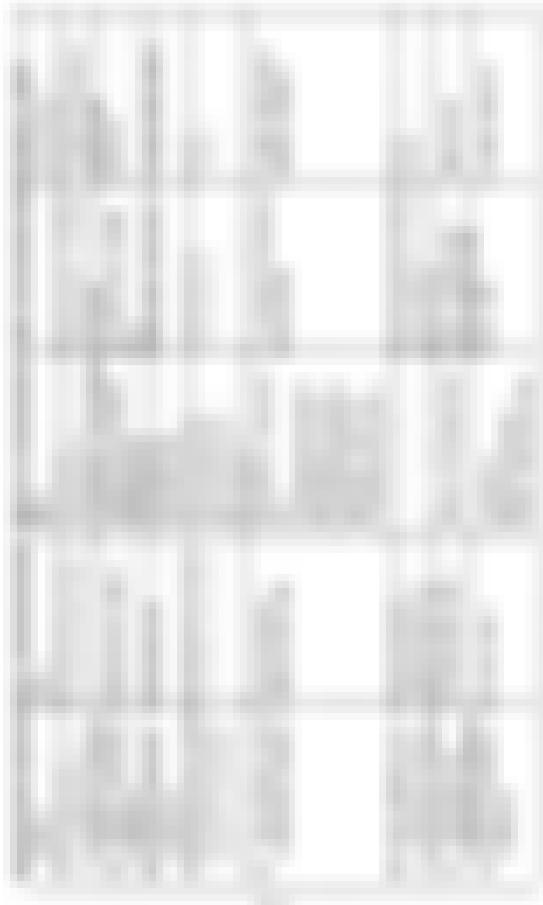
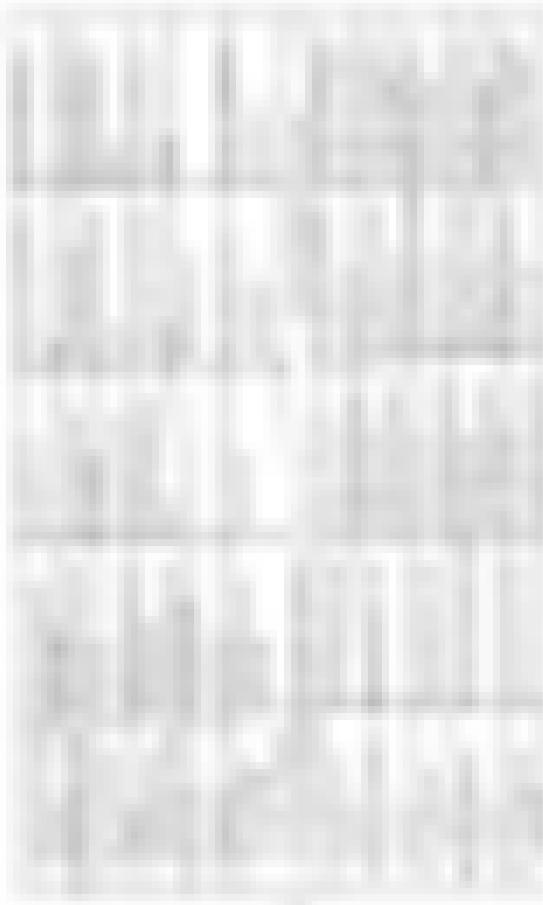
Ўзбекча	Русча	Немисча	Инглизча	Французча
1	2	3	4	5
1. Механизмлар структураси. 1.1 Умумий түлугчнчапар				
Структура механизмов Общие понятия				
1. Механизм	Механизм	Getriebe; Mechanismus	Mechanism	Mécanisme
2. Гидравлик механизм	Гидравлический механизм	Hydraulisches Getriebe	Hydraulic mechanism	Mécanisme hydraulique
3. Пневматик механизм	Пневматический механизм	Pneumatisches Getriebe	Pneumatic mechanism	
4. Механизм бўйни	Звено механизма	Glied; Getriebeglied	Link of a mechanism	Chaînon de mécanisme
5. Пой	Стойка	Gestell	Frame	Support
6. Кирин бўйни	Входное звено	Antriebsglied	Input link	Chaînon d'entrée
7. Чиқири бўйни	Выходное звено	Antriebsglied	Output link	Chaînon de sortie
8. Ботланинг бўйин	Начальное звено		Initial link	Chaînon initial
9. Механикният умумшаптирилган координатаси	Обобщенная координата механизма	Verallgemeinerte Koordinate eines Getriebes	Generalized coordinate of a mechanism	Coordonnée généralisée de méca-nisme
10. Механизм эркинлик дарражасининг сони	Число степеней свободы механизма	Getriebe-freiheitsgrad	Number of degrees of freedom of a mechanism	Nombre de degrés de liberté du mécanisme
11. Кинематик жұғтык	Кинематическая пара	Gelenk; Elementepaar	Kinematic pair; pair	Couple cinématique



12. Кинематик жүргілік элементтері	Элемент кинематической пары	Gelenkelement	Element of kinematic pair	Couple cinématique
13. Кинематик занжер	Кинематическая цепь	Kinematic Kette	Kinematic chain	Chaîne cinématique
14. Берік кинематик занжар	Замкнутая кинематическая цепь	Geschlossene kinematische Kette	Close looped kinematic chain	Chaîne cinématique fermé
15. Беркиттимдеги кинематик занжир	Незамкнутая кинематическая цепь	Offener kinematische Kette	Open looped kinematic chain	Chaîne cinématique ouverte
16. Кинематик болапшы	Кинематическое соединение	Kinematic joint		
17. Механизмнің структурная схема	Структурная схема механизма	Typenchema	Type diagram of a mechanism	Schéma structural de mécanisme
1.2. Қинематик жұбылғылардың түрлері				
18. Бір характеристика жүргілік	Одноподвижная пара	Gelenk mit einem Gelenkfreiheitsgraden	One degree of freedom kinematic pair	Couple cinématique à un degré de mobilité
19. Іккінші характеристика жүргілік	Двуподвижная пара	Gelenk mit zwei Gelenkfreiheitsgraden	Two degrees of freedom kinematic pair	Couple cinématique à double mobilité
20. Түрдік характеристика жүргілік	Трехподвижная пара	Gelenk mit drei Gelenkfreiheitsgraden	Three degrees of freedom kinematic pair	Couple cinématique à triple mobilité
21. Гүлдік характеристика жүргілік	Четырьподвижная пара	Gelenk mit vier Gelenkfreiheitsgraden	Four degrees of freedom kinematic pair	Couple cinématique à triple mobilité
22. Сісет характеристика жүргілік	Пятиподвижная пара	Gelenk mit fünf Gelenkfreiheitsgraden	Five degrees of freedom kinematic pair	Couple cinématique à quintuple mobilité

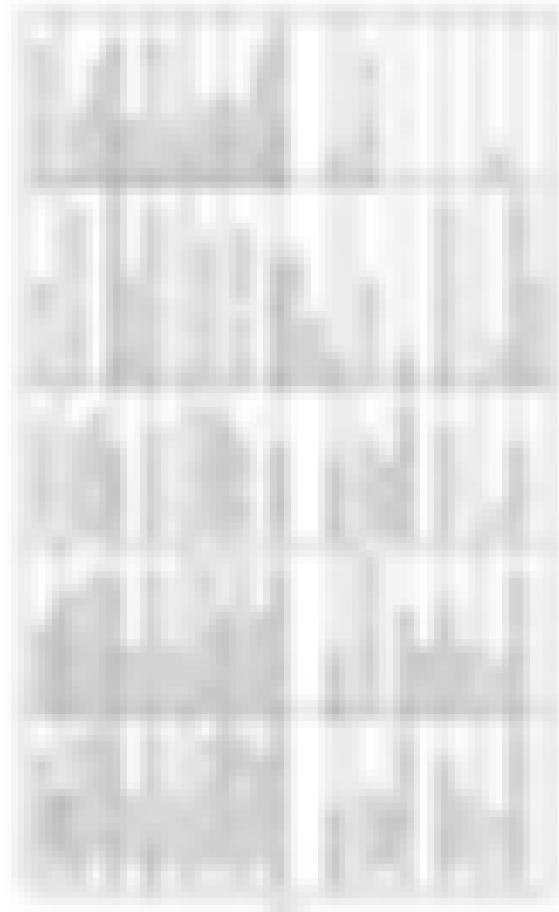
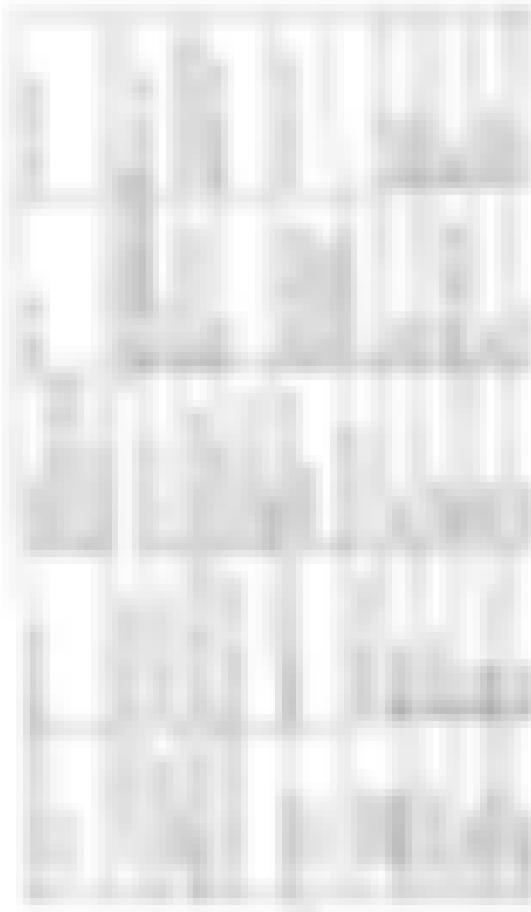
### 1.2. Виды кинематических пар.

23. Кинематик жүргілік санды	Класс кинематической пары	Клasse der kinematischen Kette	Classe de couple cinématique
24. Илгариттана характеристика жүргілік	Поступательная пара	Schubgelenk; Schiebepaar;	Prismatic pair; rectilinear sliding pair
25. Айланма характеристика жүргілік	Вращательная пара	Drehgelenk; Drehpaar; Rundflüngelpaar	Couple prismatique; prismatic pair; Revolute pair; turning pair
26. Витғоли характеристика жүргілік	Витковая пара	Schränggelenk; Schraubepaar	Rotoïde
27. Цилиндрический искажение характеристика жүргілік	Цилиндрическая пара	Drehschubgelenk; Kreiszylinderpaar; Zylinderpaar	Helical pair; screw pair
28. Сфера бүйнегиң искажение характеристика жүргілік	Двуподвижная сферическая пара	Drehschubgelenk; Kreiszylinderpaar; Zylinderpaar	Cylindrical pair
29. Сфера бүйнегиң искажение характеристика жүргілік	Трехподвижная сферическая пара	Sphärischer Gelenk mit zwei Gelenkfreiheitsgraden	Verrou
30. Текелдигілік характеристика жүргілік	Плоскостная пара	Two degrees of freedom spherical pair	Couple sphérique à double mobilité
31. Күйін болапниши жүргілік	Низшая пара	Gelekt mit Fluchtenberührung; niederes Elementenpaar	Rotule
		Ebene auf Ebene/Gelenk plane/and plane paik	Appui plan
		Lower pair	Couple inférieur



32. Олт бөгөннүүсүүк жүйегүүк	Высшая пара	Gelenk mit Punktherührung oder mit Linienberührung; <i>hohes Elementenpaar</i>	Higher pair	Couple supérieur
1.3. Механизмдар на бүгүннүүк түрләри				
33. Текис қаралатын механизм	Плоский механизм	Ehenes Getriebe	Planar mechanism; Plane mechanism	Mécanisme plan
34. Сферик механизм	Сферический механизм	Sphärisches Getriebe	Spherical mechanism	Mécanisme sphérique
35. Планетарий механизм	Рычажный механизм	Koppelgetriebe; Kurbel Gelenkgetriebe	Linkage	Mécanisme à barre
36. Шарнирлы механизм	Шарнирный механизм	Gelenkgetriebe mit nur Drehgelenk	Linkage with revolute pair; pin mechanism; hinged mechanism	Mécanisme articulé
37. Покасыжон меканизм	Клиновый механизм	Keilschubgetriebe	Centered mechanism	
38. Кривошип	Кривошлип	Kurbel	Crank	Manivelle
39. Коромисло	Коромысло	Schwinge	Rocker	Balancier
40. Шайин	Шатун	KoppeL	Coupler; floating link	Bielle
41. Спрингер	Ползун	Schieber	Slider	Coulisseau
42. Куписа	Култса	Schleife	Coullisse	Coulisse

1.3. Виды механизмов и звеньев	Four bar linkage	Viergliederkettentreibe	Four bar linkage	Quadrilatere articulé
43. Шарнирлы түрт бүрүллик	Шарнирный четырехзвенник	Kurbelschwinge;	Crankandocker mechanism	Mécanisme manivellesbalancier
44. Кривошип ва коромислылар меканизм	Кривошинно-коромисловый механизм	Boddenz-chubukkurbel	Doppelkurbel	Mécanisme à double manivelle
45. Иккى кривошипти меканизм	Двухкривошипный механизм	Doppelschwinge	Double rocker mechanism	Mécanisme à double manivelle
46. Иккى коромислоу меканизм	Двухкоромысловый механизм	Doppelschwinge	Double rocker mechanism	Mécanisme à double balancier
47. Кривошип ва сир篇章чи меканизм	Кривошинно-ползунчылый механизм	Schubkurbelgetriebe; Geradschubkurbel	Slidercrank mechanism	Mécanisme bicleanivelle
48. Коромисло-сирланчылги меканизм	Коромысло-ползунчылый механизм	Schubschwinge	Sliderrocker mechanism	Mécanisme balanciercoulissoiseau
49. Куписалы механизм	Куписалы механизм	Kurbelschleife	Inverted slidercrank mechanism; coulisse mechanism	Mécanisme à coulisse
50. Муштак	Кулачок	Kurvenglied	Cam	Cam
51. Мунгакли меканизм	Кулачковый механизм	Kurvengetriebe; Kurventrieb	Cam mechanism	Mécanisme à came
52. Узатылыш меканизм	Передаточный механизм	Übertragungsgetriebe	Drive	
53. Ынталытуучи меканизм	Направляющий механизм	Führungsgetriebe	Path generating mechanism	
54. Гүхтап	Выстой	Rast	Dwell	Arrêt
55. Қадамлы меканизм	Шаговый механизм	Schrittgetriebe	Stepping motion mechanism; step mechanism	

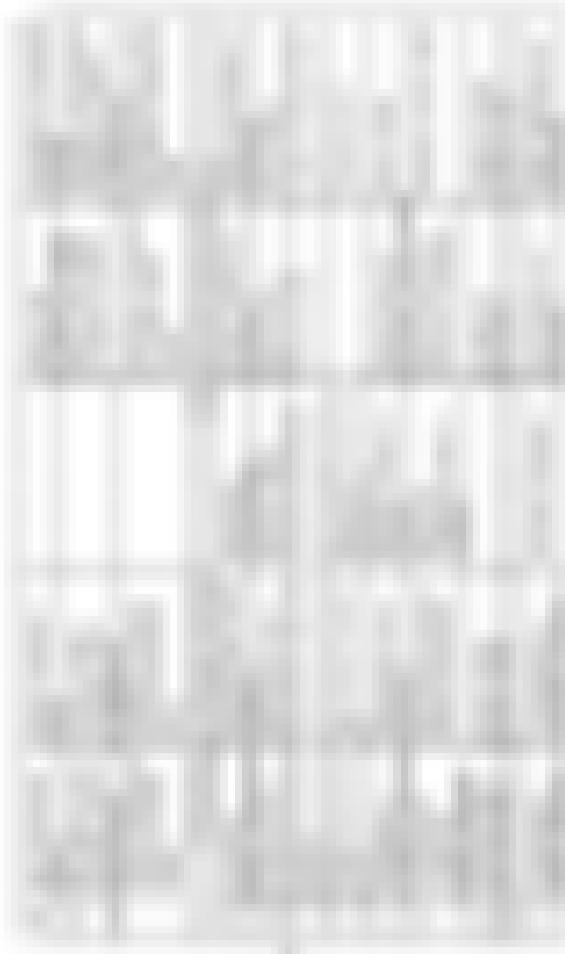
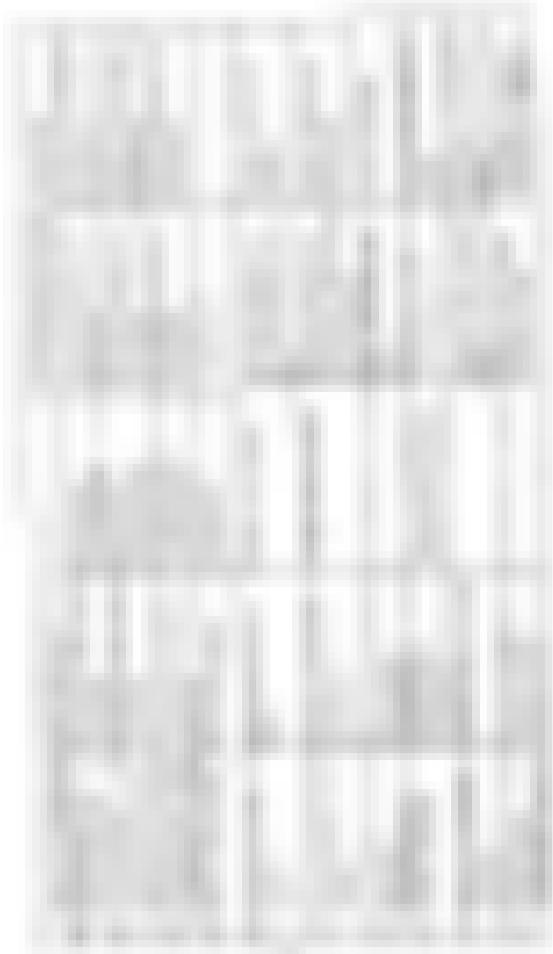


## 2. Механизмларни кинематик тағылданы

### 2. Кинематический анализ механизмов

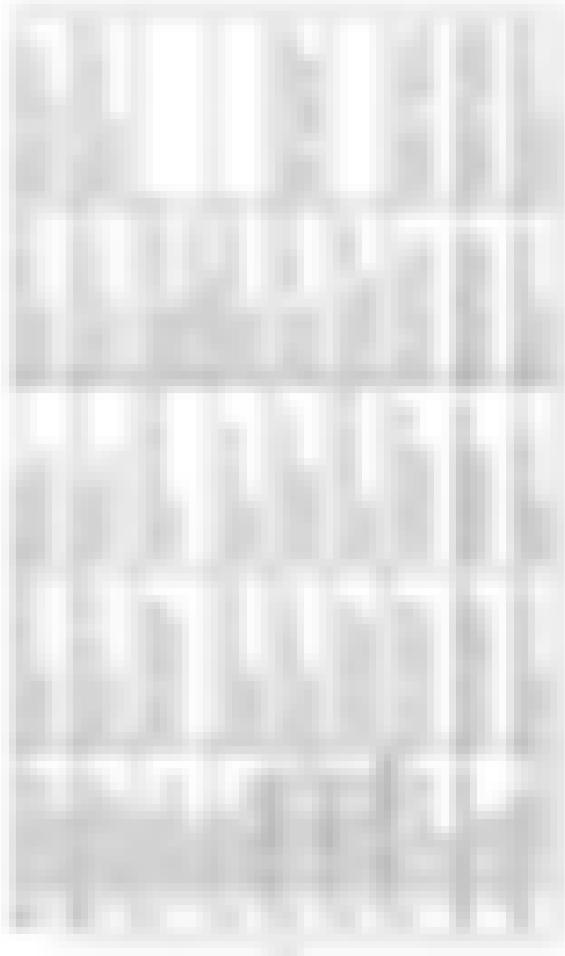
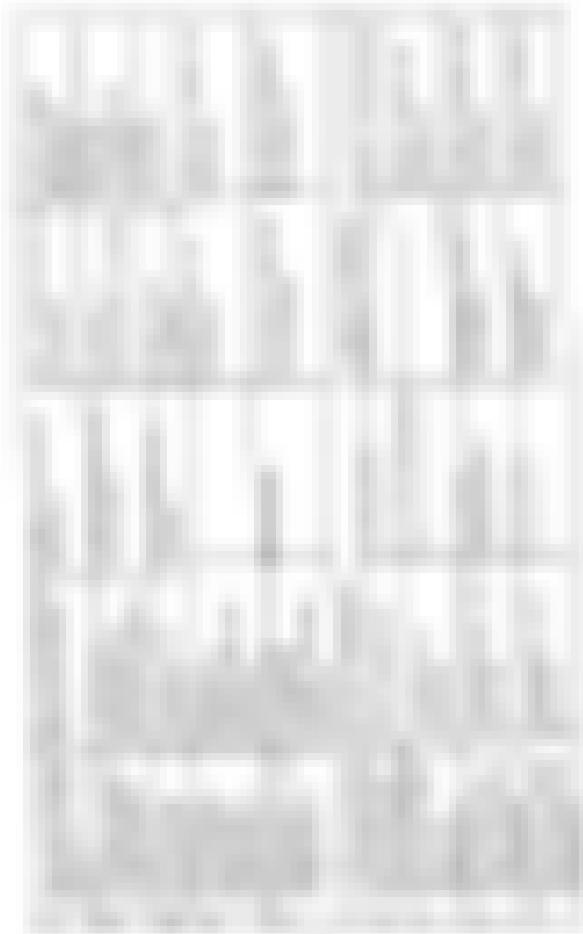
56. Механизмни кинематик тағылданы	Кинематический анализ механизма	Kinematische Analyse	Kinematic analysis of a mechanism
57. Механизмнин кинематик схемасы	Кинематическая схема механизма	Kinematische Getriebeschemma	Kinematic diagram of a mechanism
58. Механизмнин үзүм-шартырылган тезлігі	Обобщенная скорость механизма	Verallgemeinerte Geschwindigkeit	Generalized velocityof a mechanism
59. Шатун этри чизиги	Шагунная кривая	Körpelkurve	Couplercurve
60. Бүгіннинг чеки	Крайнее положение холата	Tottage eines Gliedes	Extreme position of a link; limit position of a link
61. Механизмнинг чеки	Крайнее положение механизма	Tottage eines Getriebes	Extreme position of a mechanism; limit position of a mechanism
62. Масштаб коэффициенти	Масштабный коэффициент	Maßstabfaktor	Scale coefficient; scale factor
63. Узапшы чисбати	Передаточное отношение	Kreuzungsvethalttnis	Transmission ratio
64. Нұкта тезлігіннің аналоги	Аналог скорости точки аналоги	Analog of the velocity of a point	Rapport de transmission; raison
65. Бүгін бурнак тезліктердің аналоги	Аналог угловой скорости звена	Analog of the angular velocity of a link	Anologue de vitesse angulaire de chainon

66. Нұкта тезлігінниң аналоги	Аналог ускорения точки		Analog of the acceleration at a point
67. Бүгін бурнак тезліктердің аналоги	Аналог углового ускорения звена		Analog of the angular acceleration of a link
68. Чыктың бүтіннің үргаға тезлігіннің үзарып коэффициенти	Коэффициент изменения средней скорости выходного звена		Coefficient of increase of the average output velocity
69. Механизмнин динамик тағылданы	Динамический анализ механизма	Dynamische Getriebeanalyse	Dynamic analysis of a mechanism
70. Көлгірілген күч	Приведенная сила	Reduzierte Kraft	Reduced force
71. Көлгірілган күчтәр жұфтапты	Приведенная пара сил	Reduziertes Kräftepaar	Reduced couple
72. Көлгірілган күчтәр моменти	Приведенный момент сил	Reduziertes Moment des Kräftepaars	Moment réduit
73. Механизмнин көлгірілган массасы	Приведенная масса механизма	Reduzierte Masse des Getriebes	Masse réduite
74. Механизмнин көлгірілган инерциялық моменттері	Приведенный момент инерции механизма	Reduziertes Trägheitsmoment des Getriebes	Moment d'inertie réduit
75. Еракетори бүйн	Ведущее звено	Driving link	Chainon menant
76. Еракетори бүйн	Ведомое звено	Driven link	Chainon mené
77. Механизмнин баркодор характеристика	Установившееся движение механизма	Stationäre Bewegung	Régime permanent de mécanisme



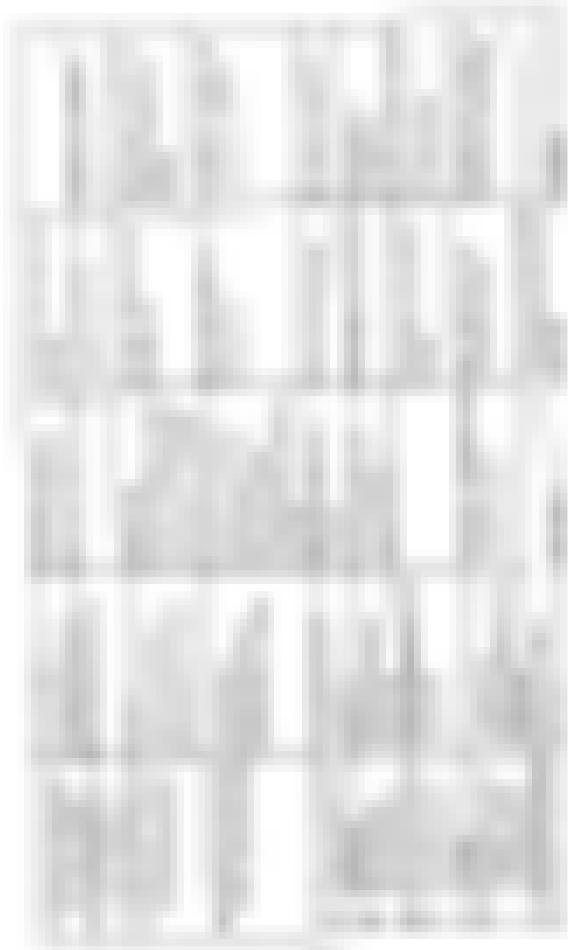
78. Механизм Баркаор	Цикл установившегося движения механизма (лайрт)	Zyklus der stationären Bewegung	Cycle of steady motion of a mechanism
79. Механизм характеризующий неравномерность движения механизма	Коэффициент неравномерности движения механизма	Ungleichformigkeitsgrad des Getriebes	Coefficient of nonuniformity of motion of a mechanism
80. Механизмный цикл фойда и иш	Полезная работа механизма	Nutzarbeitsleistung des Getriebes	Useful work of a mechanism
81. Механизмный цикл буйята фойда и иш коэффициенты	Используемый коэффициент полезного действия механизма	Wirkungsgrad	Cyclic efficiency of a mechanism
82. Механизмный цикл фойда и иш коэффициенты	Множественный коэффициент полезного действия механизма	Wirkungsgrad	Instantaneous efficiency of a mechanism
4. Механизмы и синтез (лойххалан)			
83. Механизмный синтез (лойххалан)	Синтез механизма	Getriebesynthese	Synthesis of a mechanism
84. Механизмный анализ синтеза (лойххалан)	Точный синтез механизма	Exakte Getriebesynthese	Synthesis precise du mécanisme
85. Механизмный та��ирибан синтеза (лойххалан)	Приближенный синтез механизма	Angenäherte Getriebesynthese	Approximate synthesis of a mechanism
86. Механизм структурасин синтеза (лойххалан)	Структурный синтез механизма	Typensynthese	Type synthesis of a mechanism
4. Синтез механизмов.			

87. Механизмный кинематический синтез механизма (лойххалан)	Кинематический синтез механизма	Kinematische Getriebesynthese	Kinematic synthesis of a mechanism
88. Механизмный динамический синтеза (лойххалан)	Динамический синтез механизма	Dynamische Getriebesynthese	Dynamic synthesis of a mechanism
89. Механизмный интерполяционный синтеза (лойххалан)	Интерполационный синтез механизма	Interpolationssynthese des Getriebes	Interpolative synthesis of a mechanism;
90. Механизмный квадратический синтез механизма (лойххалан)	Квадратический синтез механизма	Quadratsynthese des Getriebes	Precisionpoint synthesis of a mechanism
91. Механизмни Чебышев усугуба синтеза (лойххалан)	Синтез механизма по Чебышеву	Getriebesynthese von Tschebyschew	Leastsquare synthesis of a mechanism
92. Механизмни оптимализационный синтеза (лойххалан)	Оптимизационный синтез механизма	Optimierungssynthese des Getriebes	Chebyshev synthesis of a mechanism
93. Механизм синтезини кирпич параллели	Входные параметры синтеза механизма	Input parameters der Getriebesynthese	Optimization synthesis of a mechanism
94. Механизм синтезини тишии параллели	Выходные параметры синтеза механизма	Ablaufparameter der Getriebesynthese	Input parameters of mechanism synthesis
95. Механизмни холат функциялары	Функция положения механизма	Lagefunktion eines Getriebes	Output parameters of mechanism synthesis
Fonction de position du mécanisme			



96. Берилган функциялардан чегириши	Отклонение от заданной функции	Abweichung von der begehrten Funktion	Deviation from the given function
97. Хароликтар салыныштырылышы	Взвешенная разность		Weighted difference
98. Айлануучы бүрелтік мұзозанатташтық мұзозанатташ	Полное уравновешивание вращающегося звена	Vollständiger Massenausgleich an einem rotierenden Getriebeglied; vollständiger Auswucht	Complete balancing of a rotating link
99. Айлануучы бүрелтік статик мұзозанатташтық мұзозанатташ	Статическое уравновешивание вращающегося звена	Zweiteiliger statischer Massenausgleich an einem rotierenden Getriebeglied; statischer Auswucht	Static balancing of a rotating link
100. Мұзозанатташтап мәханизм	Уравновешенный механизм	Völlig ausgeglichenes Getriebe	Balanced mechanism
101. Механизм мұзозанатташ	Уравновешивание механизма	Massenausgleich an einem Getriebe	Balancing of a mechanism
102. Механизм массалардың мұзозанатташ	Уравновешивание масс механизма		Masses
103. Механизм массаларини статик мұзозанатташ	Статическое уравновешивание масс механизма	Statischer Ausgleich der Getriebemassen	Static balancing of a mechanism masses
5. Машиналар науразиясияннан ассоцииар			5. Основы теории машин.
104. Машина	Машина	Machine	Machine

105. Автомат машина	Машина-автомат		Automatic machine	Machine automatique
106. Энергетик машина	Энергетическая машина		Energy transforming machine; energy machine	Machine énergétique
107. Машина-двигатель	Машинадвигатель		Enginemachine; engine	Machine moteur;
108. Машина генератор	Машина-генератор		Generatormachine; generator	Machine génératrice; générateur
109. Гидромашина	Гидромашина		Hydraulic machine	Machine hydraulique
110. Пневматик машина	Пневматомашина		Pneumatic machine	Machine pneumatique
111. Сујоктік насос	Гидронасос		Hydraulic pump	Pompe hydraulique
112. Хаво насоси	Пневмонасос		Pneumatic pump	Pompe pneumatique
113. Гидравлик двигатель	Гидропривод		Hydraulic engine	Moteur hydraulique
114. Пневматик двигатель	Пневмопривод		Pneumatic engine	Moteur pneumatique
115. Технологик машина	Технологическая машина		Technological machine	Machine technologique
116. Транспорт машина	Транспортная машина		Transport machine	Machine transporter
117. Информация машина	Информационная машина		Informational machine	Machine d'information
118. Автомат линия	Автоматическая линия		Automatic line; transfer line	Chaîne de fabrication automatique; ligne automatisée



119. Машина юртмаси	Приход машины		Drive of amachine	Commande de machine; commande
120. Машинаниң бажаруучи органдары	Исполнительный орган машины		Operating member of a machine; operating member	Organe d'exécution
121. Матрикий элемент	Логический элемент			
122. Матрикий механизм	Логический механизм		Logical mechanism	Mécanisme logique
123. Харакат такти	Такт движения	Tact of motion	Temps du mouvement	
124. Матрикий такт	Логический такт	Logical tact		Temps logique
125. Машина тақтограммасы	Тактограмма машины	Tactogram of amachine		
126. Машина циклограммасы	Циклограмма машины	Cyclogram of amachine	Harmonogramme de ma-chine	
127. Машина настури	Программа машины	Programme for amachine	Programme de machine	
128. Машинани башкариш тизими	Система управления машины	Control system of a machine	Système de commande machine	
129. Машинани вакт бүйічча башкариш тизими	Система управления машины по времени	Time control system of a machine		
130. Машинани йүл бүйінса башкариш тизими	Система управления машины по пути	Path control system of a machine		
131. Матрикли таплад (бир такти) башкариш тизими	Избирательная система управления машины		Selective control system of amachine	
132. Машинани белгиләттеган кеткеслиң тизими (бүл тектели) башкарапан тизими	Последовательностная система управления машины		Sequential control system of amachine	
133. Машинани бопкарып тизимиң кирши қисмы	Вход системы управления машины		Input of control system of amachine	Entrée de système commande de machine
134. Машинани бопкарып тизимиң киткеслиң қисмы	Выход системы управления машины		Output of control system of amachine	Sortie du système de commande de machine
135. Машинаны бопкарып тизимиң сигналдары	Сигналы системы управления машины сигналы		Signal of control system of amachine; signal of control system; signal	Signal du système de commande de machine
136. Кирши сигналы	Входной сигнал		Input signal	Signal d'entrée
137. Чынның сигналы	Выходной сигнал		Output signal	Signal de sortie

