

REJA

- 1.Silindrik sirlarning yoyilmalarini yasash
- 2.Konus sirlarning yoyilmalarini yasash
- 3.Qaytish qirrali sirlarning yoyilmalarini yasash
- 4.Yoyilmaydigan sirlarning taqribiy yoyilmalarini yasash

**Adabiyyotlar:**

1. Murodov Sh.K., Hakimov L.Q., Xolmurzayev A. Chizma geometriya. –T.: “Iqtisod-moliya”, 2006-2008.
2. Qulnazarov B.B. Chizma geometriya. –T.: “O‘zbekiston”, 2006. Исматуллаев Р. Чизма геометрия. –Т.: “ТДПУ ризографи”, 2003).
- Rahmonov I., Qirg‘izboyeva N., Ashirboyev A., Valiyev A., Nigmanov B. Chizmachilik. –T.: “Voris nashriyot”, 2016.

**Umumiy ma’lumotlar**

Sirtni egilish deformasiyasi yordamida tekislikka aylantirish mumkin bo‘lsa, bunday sirt

yoyiladigan sirt deyiladi. Sirtning biror bo‘lagi tekislikning ma’lum bir sohasiga yoyilishi mumkin.

Masalan, silindrik sirt tekislikning o‘zaro parallel ikki to‘g‘ri chizig‘i orasidagi sohasida yoyiladi.

Konus sirti esa tekislikka tegishli ikki kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlar orasidagi sohada yoyiladi.

**Ta’rif.** Sirtning biror bo‘lagining cho‘zilmasdan, yirtimasdan tekislikka yoyilishidan hosil bo‘lgan tekis shakl uning **yoyilmasi** deyiladi.

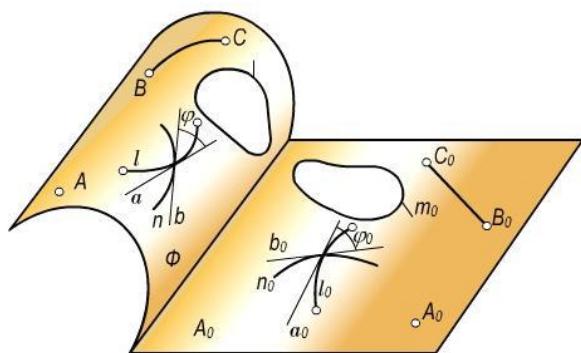
Yoyiladigan sirtlarga to‘g‘ri chiziqli sirtlardan faqat yondosh yasovchilar xos yoki xosmas nuqtalarda kesishadigan sirtlar kiradi.

Torslarda yondosh yasovchilarning kesishish nuqtalari qaytish qirrasida, konus sirtlarda esa uning uchida va silindrik sirtlarda cheksiz uzoqlikdagi nuqtada bo‘ladi.

Sirlarning yoyilmalarini yasash muhandislik amaliyotida katta ahamiyatga ega. Mashinasozlik, samolyotsozlik va qurilishda turli-tuman konstruksiyalarning shakllarini hosil hilish uchun yaxlit listlarda sirlarning yoyilmalari yasalib, ishlab chiqarish uchun zarur bo‘lgan turli andozalar yasaladi.

Sirlarning yoyilmalarini yasashda uchburchaklar, dumalatish va normal kesim usullari mavjud.

Uchburchaklar usuli bilan qirrali sirtlar, konus va tors sirtlarning yoyilmalari yasaladi. Dumalatish usuli bilan proyeksiyalar tekisliklariga nisbatan og‘ma vaziyatda berilgan qirrali, konus va silindrik sirtlarning yoyilmalarini yasash qulaydir. Yasovchilari yoki qirralari proyeksiya tekisliklariga nisbatan og‘ma vaziyatda bo‘lgan silindrik yoki prizmatik sirtlarning yoyilmalarini normal kesim usulida yasash osonroqdir.



### 10.1-rasm

Yoyilmaydigan sirtlarning yoyilmalari taqriban yasaladi.

Sirt va uning yoyilmasi elementlari orasida qo‘yidagi o‘zaro bir qiymatli moslik o‘rnatalilgan

bo‘lishi kerak, ya’ni sirtga tegishli har bir nuqta va shaklga, shu sirt yoyilmasiga tegishli nuqta va

shakl mos keladi yoki aksincha, yoyilmaga tegishli har bir nuqta va shaklga sirtga tegishli nuqta va

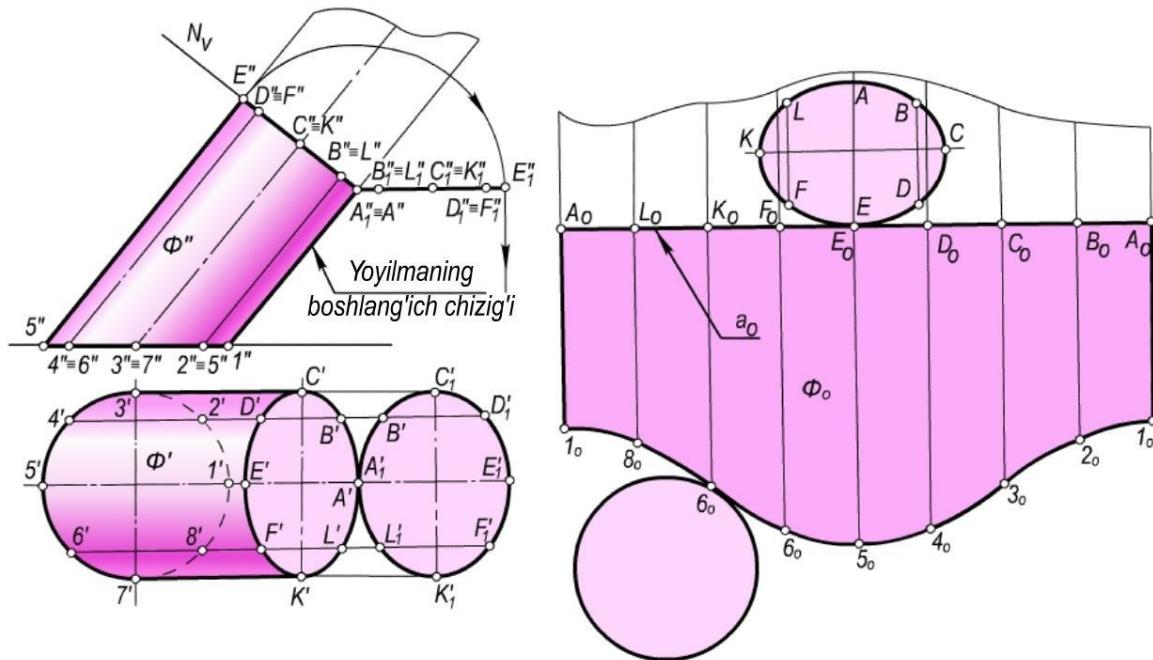
figura mos kelishi kerak (10.1-rasm).

### Silindrik sirtlarning yoyilmalarini yasash

Silindrik sirtlarning yoyilmalarini yasashda nog‘mal kesim va dumalatish usullaridan foydalilaniladi. Har ikkala usul bilan ham yoyilmani yasashda silindrik sirtni approksimasiya qilib prizmatik sirtga keltiriladi va masala prizmaning yoyilmasini yasash kabi bajariladi.

Umuman biror silindrning yoyilmasini yasash uchun: silindr yoyilmasida qatnashadigan yasovchilarning haqiqiy uzunliklari aniqlanadi; qo‘shni yasovchilar orasidagi asos yoylarining haqiqiy uzunliklari topiladi; planimetrik yasashlarga asosan silindr elementlari ketmaket yoyilmada yasaladi.

10.6,a-rasmida yasovchilarini frontal vaziyatda va asosi  $H$  tekislikda yotgan og‘ma, elliptik silindr tasvirlangan. Bunday silindrning yoyilmasi (10.6,b-rasm) normal kesim usulida bajarilgan. Silindrik sirt prizmatik sirtga approksimasiya qilinadi. Buning uchun silindr asosini ixtiyoriy bo‘laklarga bo‘linadi (rasmda 8 ta teng bo‘lakka bo‘lingan).



**10.6-rasm**

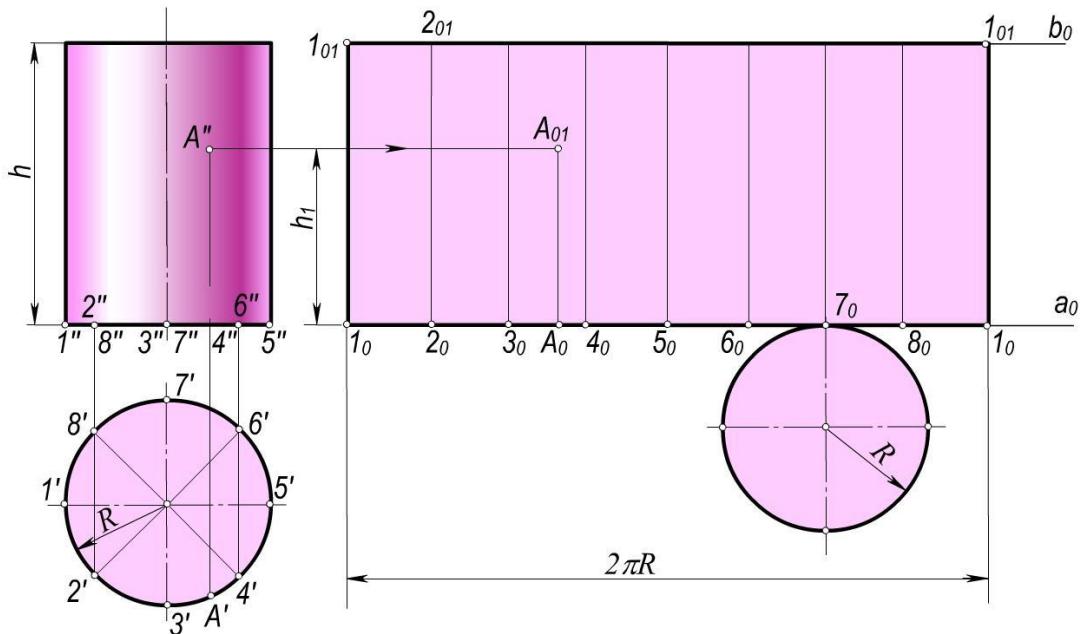
Bu holda silindrni 8 yoqli prizmaga almashtiriladi. Silindrning yasovchilariga perpendikulyar bo‘lgan N(NV) tekislik bilan kesishish chizig‘i yasaladi. Kesishish chizig‘i, ya’ni normal kesimning haqiqiy kattaligi aylantirish usuli bilan topiladi.

Silindrik sirtning yoyilmasini yashash uchun chizma qog‘ozining bo‘sh joyida ixtiyoriy  $a_0$  to‘g‘ri chiziq o‘tkaziladi. Yoyilmaning boshlanish chizig‘i deb 1A yasovchi olingan.  $a_0$  to‘g‘ri chiziqqa uzunligi nog‘mal kesimning perimetriga teng bo‘lgan [A0A0] kesma o‘lchab qo‘yiladi. Bu kesmaga A0 nuqtadan boshlab AoLo=Ao‘Lo’, LoKo=Lo‘Ko’, KoFo=Ko‘Fo’,... kesmalar o‘lchab qo‘yilib oraliqdagi Lo, Ko, Fo, ... nuqtalar aniqlanadi. Bu nuqtalar orqali  $a_0$  to‘g‘ri chiziqqa perpendikulyarlar o‘tkaziladi. 10.6, a-rasmida silindr yasovchilarining frontal proyeksiyalari o‘z haqiqiy uzunliklariga teng ekanligini ko‘rish mumkin. Shuning uchun yasovchilarining frontal proyeksiyalari uzunliklari o‘lchab olinib, yoyilmadagi mos perpendikulyarlarga qo‘yiladi. O‘lchab qo‘yilgan kesmalarining ikkinchi uchlari tekis egri chiziq bilan tutashtiriladi. Hosil bo‘lgan  $\Phi_0$  figura  $\Phi$  silindr yon sirtining yoyilmasi bo‘ladi.  $\Phi_0$  figura silindrning asosi va normal kesimning haqiqiy kattaligi bilan to‘ldirilib, to‘la yoyilma hosil qilinadi

Asoslari aylanish o‘qiga perpendikulyar bo‘lgan to‘g‘ri doiraviy silindr yon sirtining yoyilmasi to‘g‘ri to‘rtburchakdan iborat bo‘lib, bunday to‘rtburchakning tomonlari  $2\Phi R$  va  $h_0$  ga teng bo‘ladi (10.7,a,b-rasm). Bu yerda  $R$  – asosning radiusi,  $h$  – silindrning balandligi. Asosi H tekisligiga tegishli va o‘qi unga perpendikulyar bo‘lgan to‘g‘ri doiraviy silindrning to‘la yoyilmasini yasash 10.7,b-rasmida ko‘rsatilgan.

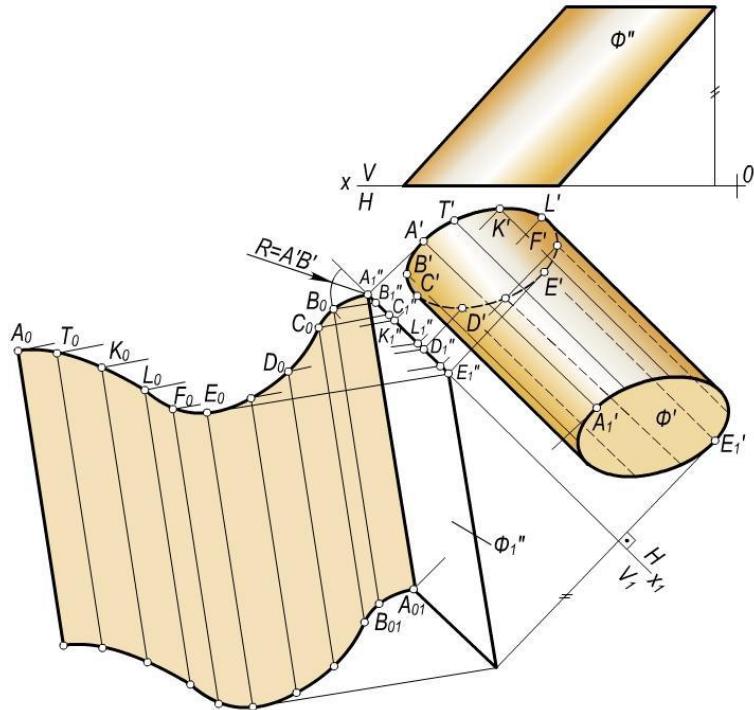
Bunda silindrning  $1o2o (1'2', 1''2'')$  yasovchisi yoyilmaning boshlanish chizig‘i deb olingan.

Ixtiyoriy  $a_0$  to‘g‘ri chiziq o‘tkazib, unga  $[1_01_0] - 2\Phi R$  kesma o‘lchab qo‘yiladi va u teng 8 bo‘lakka bo‘linadi. Kesmaning har ikkala uchidan  $a_0$  to‘g‘ri chiziqqa perpendikulyarlar chiqarilib, ularga  $10101=h$  kesma, ya’ni silindrning balandligiga teng kesmalar o‘lchab kuyiladi. Hosil bo‘lgan  $1_01_01_01_0$  to‘g‘ri to‘rtburchak berilgan silindr yon sirtining yoyilmasi bo‘lib, to‘la yoyilmani yasash uchun  $1_01_01$  va  $2_02_01$  tomonlarga urinuvchi qilib silindrning asoslari chiziladi. Sirtga tegishli A nuqtaning yoyilmadagi o‘rnini aniqlash 10.7,a,b-rasmdan ko‘rinib turibdi. Bunda  $3' \wedge A'=3_0A_0$ ,  $A_0A_{01}=h_1$ , ya’ni A nuqtaning applikatasiga teng bo‘ladi.



10.7-rasm.

10.8-rasmida tasvirlangan og‘ma elliptik silindr yon sirtining yoyilmasi dumalatish usulida bajarilgan. Dastavval silindr uning yasovchilariga parallel bo‘lgan V tekislikka, proyeksiyalar tekisliklarini almashtirish usuli bilan proyeksiyalanadi.



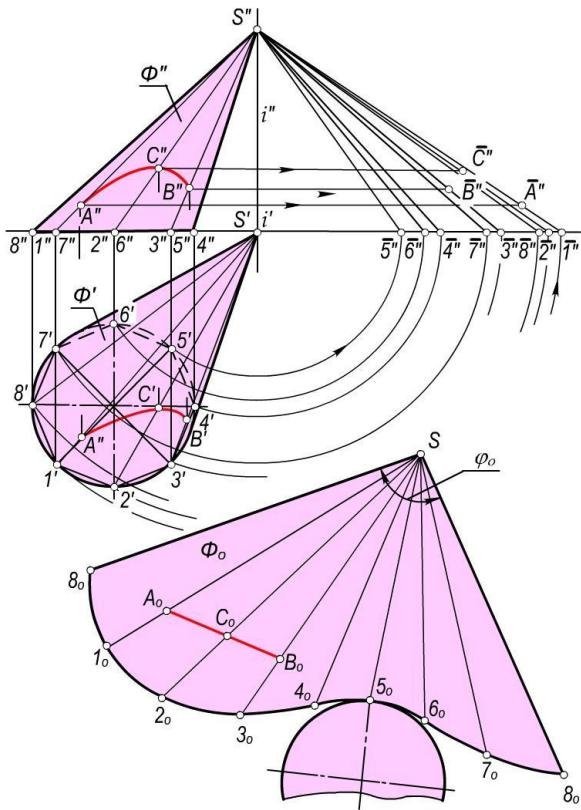
**10.8-rasm.**

Silindrning  $AA_1(A'A'1, A''A''1)$  yasovchisi yoyilmaning boshlanish chizig‘i deb olingan.  $\Phi$  silindr o‘zining  $AA_1$  yasovchisi orqali o‘tgan tekislikka yoyiladi. Buning uchun silindrik sirt yana prizmatik sirtga approksimasiya qilinadi va prizmaning yoyilmasini yasash kabi bajariladi. Silindr yasovchilaridan biri  $BB_1(B'B'1, B''B''1)$  ning yoyilmadagi o‘rni  $B_0B_01$  ni yasashni ko‘rib chiqaylik. Markazi  $A_1''$  nuqtada va radiusi  $A'B'$  ga teng bo‘lgan aylana yoyi chiziladi.  $B_1''$  nuqtadan esa  $A_1''A_01$  yasovchiga perpendikulyar to‘g‘ri chiziq o‘tkaziladi. Ular o‘zaro kesishib, yoyilmaga tegishli  $B_0$  nuqtani hosil qiladi.  $B_0$  nuqta orqali  $A_1''A_01$  ga parallel qilib  $B_0B_01$  ( $B_0B_01=A_1''A_01$ ) yasovchi o‘tkaziladi. Yoyilmadagi  $C_0, D_0, \dots$  nuqtalar va ular orqali o‘tuvchi yasovchilar ham  $B_0$  nuqta va  $B_0B_01$  yasovchi singari yasaladi.

### Konus sirtlarning yoyilmalarini yasash.

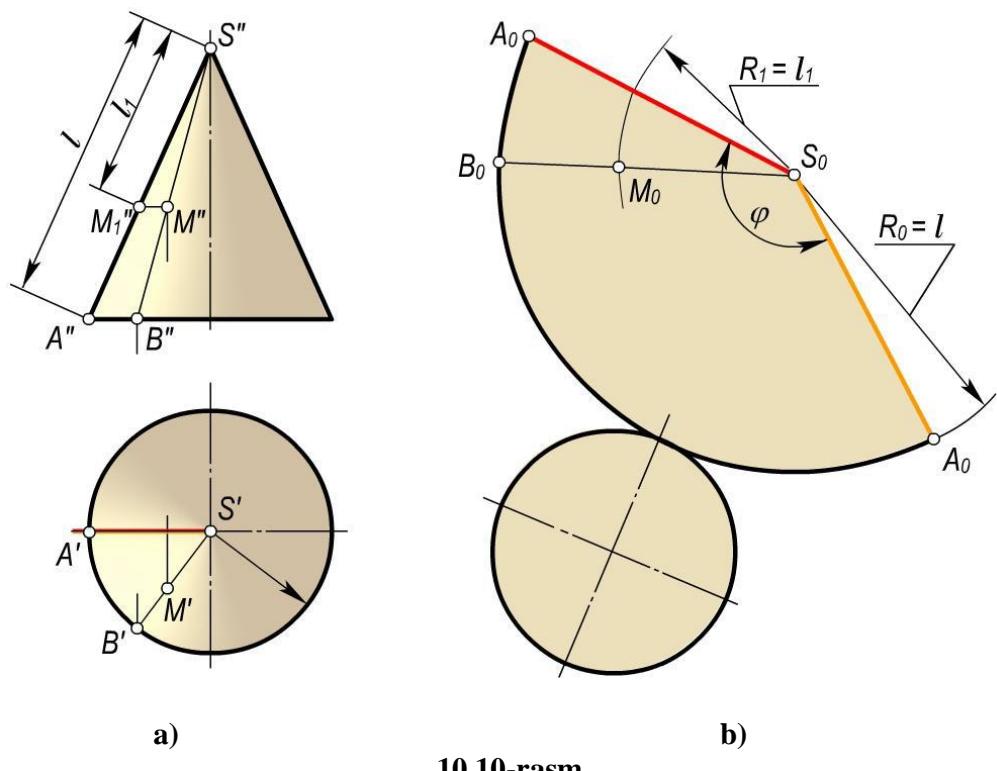
Umumiy holdagi konus sirtining yoyilmasi ham piramida yoyilmasini yasashdagidek, uchburchaklar usuli bilan bajariladi. Buning uchun konus o‘ziga ichki chizilgan ko‘pyoqlik piramidaga approksimasiya qilinadi va shu piramidaning yoyilmasi konus sirtining yoyilmasi deb qabul qilinadi. Ichki chizilgan ko‘pyoqlik piramidaning yoqlari qanchalik ko‘p bo‘lsa, konus sirtining yoyilmasi shunchalik aniq bo‘ladi. Umuman, konusni yoyish uchun uning bir necha yasovchilarining haqiqiy uzunliklari va yunaltiruvchi egri chizig‘i (yoki uning bo‘laklarining) — asosining haqiqiy uzunligi topiladi. so‘ngra konus yasovchilarini va asosining bo‘laklari birin ketin yoyilmaga ko‘chiriladi.

10.9,a-rasmida asosi  $H$  tekislikka tegishli  $\Phi$  og‘ma konus tasvirlangan. Bu konusning yoyilmasini yasashda uchburchaklar usulidan foydalanamiz. Konusni o‘ziga ichki chizilgan piramidaga approksimasiyalaymiz. Konus yasovchilarini yoki ichki chizilgan piramida qirralarining xaqiqiy uzunliklarini yasash rasmida aylantirish usulida bajarilgan.

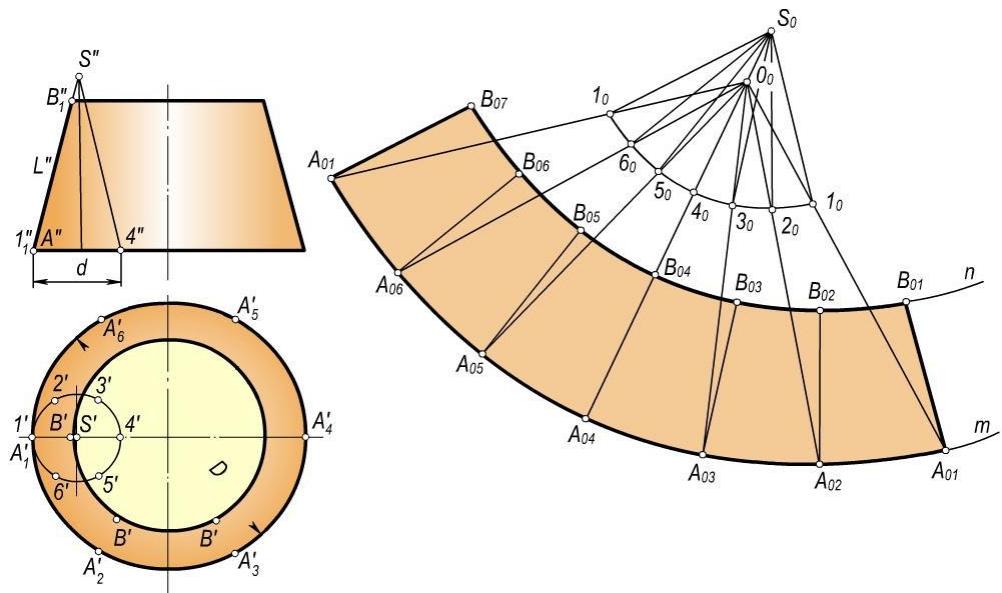


S<sub>8</sub> yasovchini yoyilmaning boshlanish chizig'i deb olamiz. Chizma qog'ozining bo'sh joyida ixtiyoriy S<sub>0</sub> nuqtani belgilaymiz (10.9,b-rasm). 10.9,a-rasmdan S<sub>8</sub> yasovchining haqiqiy uzunligi bo'lgan S"81" kesmani o'lchab va uni S<sub>0</sub> nuqtadan chiqarilgan ixtiyoriy a<sub>0</sub> to'g'ri chiziqa qo'yib, 80 nuqtani hosil qilamiz. So'ngra S<sub>0</sub> nuqtani markaz, S"11" ni radius qilib yoy chizamiz. Markazi 80 nuqtada va radiusi 8'1' bo'lgan ikkinchi yoy chizamiz. Har ikkala yoymalar o'zaro kesishib 10 nuqtani hosil qiladi. Yoyilmaning qolgan 20, 30, 40, ... nuqtalari ham shu tartibda yasaladi. Hosil bo'lgan  $\Phi_0$  figura berilgan konus yon sirtining yoyilmasi bo'ladi. Uni konusning asosi – ellips bilan to'ldirib, to'la yoyilmani hosil qilamiz.  $\Phi(\Phi', \Phi'')$  konus sirtidagi AB egri chiziqa  $\Phi_0$  figurada A<sub>0</sub>B<sub>0</sub> to'g'ri chiziq mos kelgan. Shuning uchun AB – konusning geodezik chizig'i bo'ladi. Shuningdek, konusning hamma yasovchilari uning geodezik chizig'i bo'la oladi.

10.10,a,b-rasmida asosi H tekislikka tegishli va o'qi unga perpendikulyar bo'lgan to'g'ri doiraviy  $\Phi(\Phi', \Phi'')$  konus Monj chizmasida berilgan. Bunday konus yon sirtining yoyilmasi doira sektoridan iborat bo'ladi.



**10.10-rasm**



**10.11-rasm**

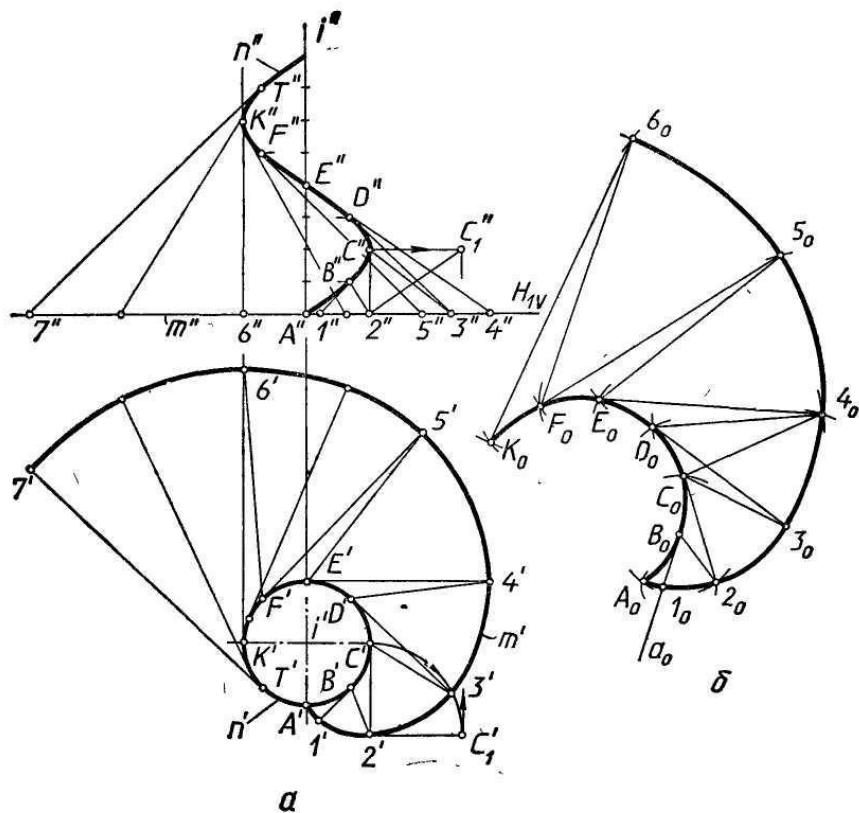
Doiraviy sektorning radiusi konus yasovchisining uzunligi  $L$  ga teng, markaziyi  $\omega = \frac{r}{l} \cdot 360^\circ$  burchagi bo'ladi. Bu yerda  $r$  – konus asosining radiusi,  $l$  – konusning yasovchisi.

10.11,a,b-rasmida uchi chizma maydonidan tashqarida joylashgan kesik konus tasvirlangan. Bunday konusning yoyilmasini yasash uchun shunday yordamchi

konus chizish kerakki, unda  $K = \frac{d}{D}$  nisbat butun son orqali ifodalansin. Bunda D – berilgan kesik konus katta asosining diametri, d – yordamchi konusning diametri. Rasmda bu nisbat 3 ga teng qilib olingan.

### Qaytish qirrali sirtlarning yoyilmalarini yasash.

Qaytish qirrali sirtlarning yoyilmalarini yasash ham konus sirtlarning yoyilmalarini yasashdagidek uchburchaklar usulida bajariladi. 10.12,a-rasmda yoyiladigan gelikoid va 10.12,b-rasmda uning yoyilmasini yasash ko'rsatilgan. qaytish qirrasi silindrik vint chizig'ida A, B, C,... nuqtalarni belgilab olamiz.



10.12-rasm.

Ular orqali vint chizig'iga urinmalar o'tkazib, sirt yasovchilarini hosil qilamiz. Sirtning o'qiga perpendikulyar bo'lgan H1 tekislik bilan sirtni kesamiz. Bu holda berilgan sirt n — vint chizig'i va m — evolventa bilan chegaralangan bo'ladi. Urinmalarning H1(H1V) tekislik bilan kesishish nuqtalari 1, 2, 3, ... ni belgilab olamiz. Sirtning qo'shni yasovchilari orasidagi bo'laklarining, ya'ni egri chiziqli to'rtburchaklarning bittadan diagonallarini o'tkazib, ularni ikkita uchburchakka ajratamiz. Masalan, BC21 bo'lakning B2 diagonalini o'tkazib, uni B12 va B2C uchburchaklarga ajratamiz. Agar A, B, C, ... nuqtalar orasidagi masofalar qisqa bo'lsa, uchburchaklarning egri chiziqli tomonlari

Shunday qilib, qaytish qirrali sirt ko'pyoqlik sirtga approksimasiya qilinadi. Bu holda sirt yoyilmasini yasash ko'pyoqlik sirtining yoyilmasini yasash kabi

bajariladi. Buning uchun uchburchaklarning uchala tomonlarining haqiqiy uzunliklari yasaladi. Shunday tomonlardan biri, masalan, C2 ning haqiqiy uzunligini yasash 10.12,a-rasmida aylantirish usulida bajarilib ko'rsatilgan. Uchburchaklar tomonlarining haqiqiy uzunliklari bo'yicha yoyilmada uchburchaklar ketma-ket yasaladi. 10.12,b-rasmida yoyılma A0B010 uchburchakni yasashdan boshlangan. Bu uchburchak quyidagicha yasaladi: ixtiyoriy a0 to'g'ri chiziq o'tkazib, unga B1 tomonning haqiqiy uzunligiga teng bo'lgan B010 kesma o'lchab qo'yiladi. Markazlari  $l_0$  va  $B_0$  nuqtalarda bo'lgan va radiuslari mos ravishda A1, AB tomonlarning haqiqiy uzunliklariga teng bo'lgan ikki aylana yoylari chiziladi. Bu yoylarning o'zaro kesishuvidan A0 nuqta hosil bo'ladi.

Qolgan uchburchaklarning haqiqiy kattaliklari ham shu tarzda bir-biriga yondashtirib yasaladi.

### **Yoyilmaydigan sirtlarning taqribi yoyilmalarini yasash**

Muhandislik amaliyotida ko'pgina hollarda yoyilmaydigan sirtlar yoki ularning bo'laklaridan ba'zi konstruksiyalarni yasashga to'g'ri keladi. Ammo ularning faqat taqribi yoyilmalarini yasash mumkin. Taqribi yoyilmalarni yasashning umumiy usuli shundan iboratki, berilgan sirt yoyiladigan sirtlardan biriga (ko'pyoqlik, silindrik yoki konussimon) approksimasiya qilinadi.

Sirtlarning yoyilmalarini taqribi yasashning uch usuli:

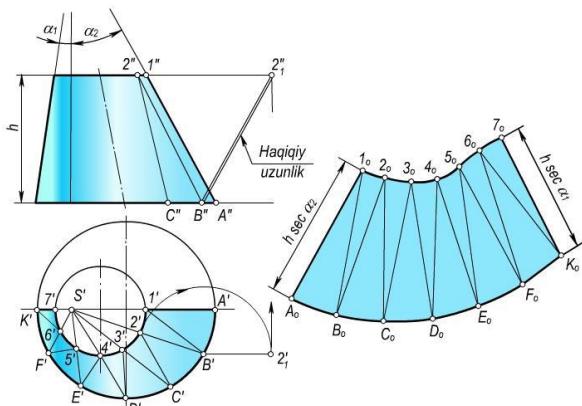
- Yordamchi uchburchaklar usuli.
- Yordamchi silindrik sirtlar usuli.
- Yordamchi konus sirtlar usuli mavjud.

Yordamchi uchburchaklar usuli. Bu usulning mohiyati qo'yidagidan iborat. Dastlab yoyilmaydigan sirt uchburchaklarga bo'lib chiqiladi, yaoni berilgan sirt ko'pyoqlik sirtga approksimasiya qilinadi. Keyin ko'pyoqlik sirtning yoyilmasi yasaladi. Buning uchun uchburchak tomonlarining haqiqiy uzunliklari proyeksiyalarda yasaladi. Har bir uchbuchakning yoyilmadagi vaziyati uchala tomonining haqiqiy uzunliklari bo'yicha yasaladi.

Amalda og'ma konus sirtlarning yoyilmalari umuman taqribi usulda yasaladi. 10.13,a-rasmida Monj chizmasida og'ma konus tasvirlangan. Uning yoyilmasini yasash uchun berilgan konus sirti A1B, B12, B2C,... uchburchaklarga ajratiladi. Bu uchburchaklarning bittadan tomonlari konusning uchidan o'tadigan qilib olinadi. Uchburchaklar tomonlarining haqiqiy uzunliklari yasaladi. Ulardan biri B2 ning haqiqiy uzunligi aylantirish usulida yasalgan. YOyilmani hosil qiluvchi uchburchaklarni ularning uchala tomonlarining haqiqiy uzunliklari bo'yicha yasash qiyin emas. Bunda yoyilmadagi uchburchaklar tomonlarining o'zaro joylashuv tartibi proyeksiyadagi joylashuv tartibi bilan bir xil bo'lishi kerak. 10.13,b-rasmida og'ma konus yon sirti yoyilmasining yarmi ko'rsatilgan. 10.14,a-rasmida

tasvirlangan sirt silindrik trubadan to‘rtburchakli trubaga o‘tish elementi bo‘lib, u ikkita I ko‘rinishdagi, ikkita II ko‘rinishdagi tekis uchburchaklardan hamda to‘rtta III ko‘rinishdagi elliptik konus sirtlardan tashkil topgan. Bunday sirtning yoyilmasini yasash uchun dastlab konus sirtlarni piramida sirtlariga approksimasiya qilamiz (rasmida faqat bitta konus sirtining piramidaga approksimasiya qilinishi ko‘rsatilgan). Buning uchun konusning asosida bir necha A, B, C, D, E nuqtalarni belgilab olib, ularni konusning uchi bilan tutashtiramiz. Hosil bo‘lgan uchburchaklar tomonlarining haqiqiy uzunliklarini yasaymiz. 10.14,a-rasmida SE tomonning haqiqiy uzunligini yasash ko‘rsatilgan. Buning uchun konusning asosida bir necha A, B, C, D, E nuqtalarni belgilab olib, ularni konusning uchi bilan tutashtiramiz. Hosil bo‘lgan uchburchaklar tomonlarining haqiqiy uzunliklari bo‘yicha uchburchaklar yasaymiz.

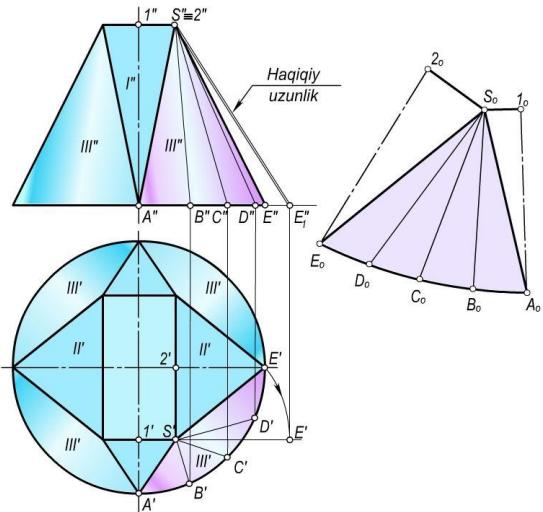
Berilgan sirtning S2EA1 choragining yoyilmasini yasash 10.14,b-rasmida ko‘rsatilgan. Qolgan choraklarining yoyilmasi ham yuqorida bayon qilinganidek yasaladi.



a)

b)

**10.13-rasm.**



a)

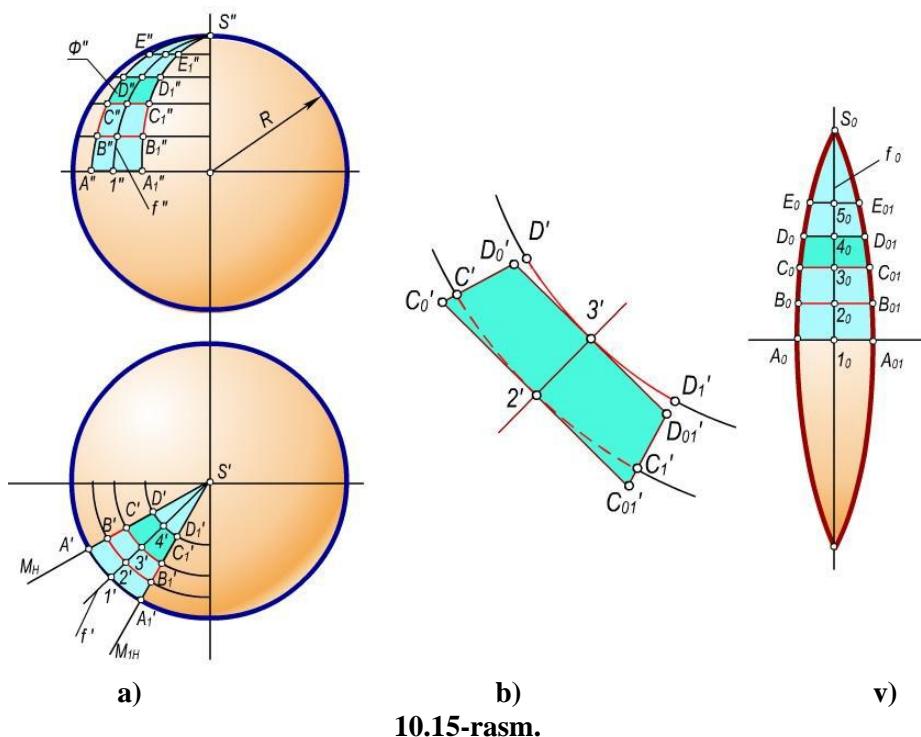
b)

**10.14-rasm.**

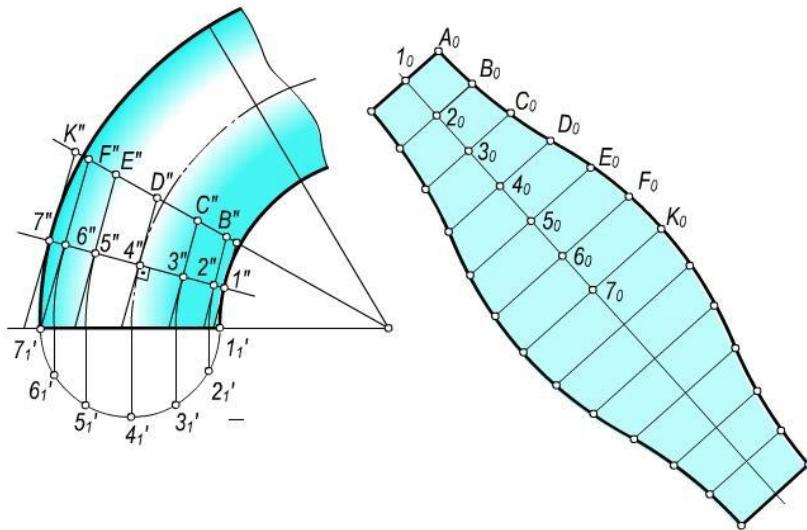
**Yordamchi silindrik sirtlar usuli.** Bu usul yoyilmaydigan aylanish sirtlarining taqribiy yoyilmalarini yasashda qulay. Uning mohiyati qo‘yidagidan iborat. Berilgan sirtni meridianlari bo‘yicha bir necha o‘zaro teng bo‘laklarga bo‘lib chiqiladi. Bu bo‘laklar o‘z navbatida silindrik sirtlar bilan almashtiriladn. Bunday silindrik sirtlar berilgan sirtga har bo‘lagining o‘rta meridiani bo‘yicha urinib o‘tishi shart. 10.15,a-rasmida proyeksiyalari bilan berilgan sferik sirt bo‘lagining taqribiy yoyilmasi 10.15,b-rasmida tasvirlangan.

Dastavval sferik sirtni meridianlar bo‘yicha kesuvchi V1, M, M1 va W1 tekisliklar bilan teng bo‘laklarga bo‘lamiz. Bunda bo‘laklar soni qancha ko‘p bo‘lsa, sferaning yoyilmasi shuncha aniqroq bo‘ladi. M va M1 tekisliklar orasidagi

sferaning  $\Phi(\Phi', \Phi'')$  bo‘lagi yoyilmasini yasashni ko‘rib chiqamiz. Bu bo‘lakni silindrik sirt bilan almashtiramiz. Bunday almashtirish 10.15-v-rasmida kattalashtirib ko‘rsatilgan.  $M$  va  $M_1$  meridional tekisliklar orasidagi masofalar silindrik sirt yasovchilarining uzunliklari bo‘ladi. Demak, bu yasovchilar gorizontal vaziyatdagi kesmalar bo‘lib, ularning gorizontal proyeksiyalari haqiqiy uzunliklarida tasvirlanadi. Bunday silindrik sirt  $\Phi$  bo‘lakning o‘rta meridiani f bo‘yicha urinuvchi bo‘ladi.  $\Phi$  bo‘lakning yoyilmasini yasash uchun gorizontal vaziyatda ixtiyoriy  $to$  to‘g‘ri chiziqni o‘tkazamiz. Unga  $A_{010}$  va  $1_0A_{01}$  kesmalarni o‘lchab qo‘yamiz. Bu kesmaning o‘rtasidan unga perpendikulyar qilib fo to‘g‘ri chiziq o‘tkazamiz. Bu to‘g‘ri chiziq o‘rta meridional kesim uzunligining yarmi ni 10 nuqtadan boshlab o‘lchab qo‘yib,  $S_0$  nuqtani belgilab olamiz. 1, 2, 3, 4, 5 va  $S$  nuqtalar orasidagi masofalarning haqiqiy uzunliklarini aniqlab f0 to‘g‘ri chiziqqa  $1_0, 2_0, 3_0, 4_0$  va  $5_0$  nuqtalarni belgilaymiz. Bu nuqtalar orqali gorizontal to‘g‘ri chiziqlar o‘tkazib, ularga  $f_0$  vertikal to‘g‘ri chiziqdan boshlab har ikkala tomonga 1', 2', 3', 4' va 5' nuqtalar orqali o‘tgan yasovchilarining yarmini o‘lchab qo‘yamiz. Hosil bo‘lgan  $A_0, B_0, C_0, D_0, E_0, S_0$  va  $S_{01}, A_{01}, B_{01}, C_{01}, D_{01}, E_{01}$  nuqtalarni tekis egri chiziq bilan tutashtiramiz.  $A_0S_0A_{01}$  figura  $\Phi$  bo‘lak yoyilmasining yarmi hisoblanadi. Ikkinchи yarmining yoyilmasi ham xuddi shu tarzda yasaladi. Sfera sirtining to‘la yoyilmasini hosil qilish uchun shunday yoyilmadan yana  $n-1$  tasini yasash kerak bo‘ladi. Bunda  $p$  – sferik sirt bo‘laklarining soni. Yuqorida ko‘rilgan hol uchun  $n = 12$ .



10.15-rasm.



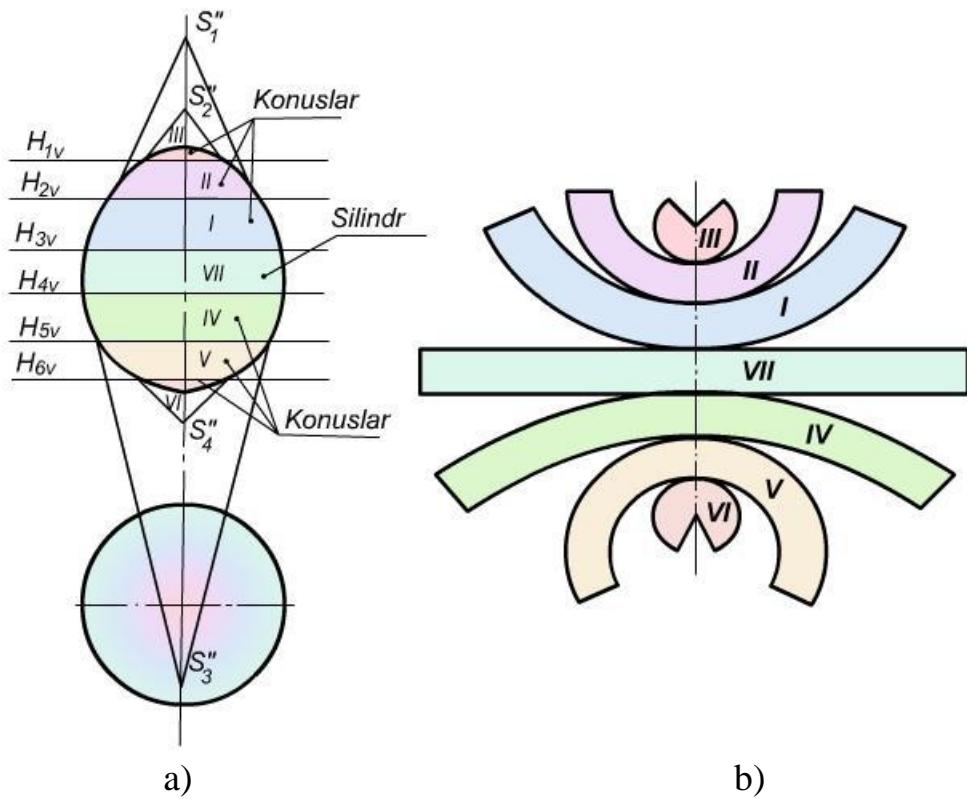
**10.16-rasm**

10.16,a-rasmida tasvirlangan tor halqaning taqribiy yoyilmasini yasash uchun uni 12 teng bo'lakka bo'lib, bir bo'lagining yoyilmasini yasaylik (10.16,b-rasm). Torning bu bo'lagini tashqi chizilgan yordamchi silindrik sirt bilan almashtiramiz. Bunday silindrik sirt halqa bo'lagining o'rta meridiani yoki normal kesimi bo'yicha urinadi. YOyilmani yasash uchun gorizontal vaziyatda a<sub>0</sub> to'g'ri chiziq o'tkazamiz (10.16,b-rasm) va unga normal kesimning uzunligini o'lchab qo'yamiz. Keyin bu to'g'ri chiziqdagi 1<sub>0</sub>, 2<sub>0</sub>, 3<sub>0</sub>,... nuqtalarni belgilab, ular orqali a<sub>0</sub> to'g'ri chiziqdagi perpendikulyar qilib yordamchi silindrning yasovchilarini o'tkazamiz. Bularga yasovchilarining uzunliklarini o'lchab qo'yamiz. Hosil bo'lgan A<sub>0</sub>, B<sub>0</sub>, C<sub>0</sub>,... nuqtalarni tekis egri chiziq bilan tutashtirib yoyilmani hosil qilamiz. Bu esa halqa 1/12 qismining yoyilmasi bo'ladi.

Yordamchi konussimon sirtlar usuli. Bu usul bilan konturi egri chiziqli aylanish sirtlarining taqribiy yoyilmasi yasaladi. Berilgan sirt aylanish o'qiga perpendikulyar tekisliklar bilan kesiladi. Sirtning har bir bo'lagi konussimon yoki silindrik sirtlarga approksimasiya qilinadi va bu sirtlarning yoyilmalari yasaladi. 10.17,a-rasmida Monj chizmasida berilgan aylanish sirtlari aylanish o'qiga perpendikulyar tekisliklar bilan bir necha bo'laklarga bo'linadi. Bu bo'laklar konussimon (I, II, III, IV, V, VI) va silindrik (VII) sirtlarga approksimasiya qilinadi.

10.17,b-rasmida konussimon va silindrik sirtlarga approksimasiya qilingan sirt bo'laklarining yoyilmalari ko'rsatilgan. Bu yoyilmalar to'g'ri doiraviy silindr va konus snrtlaringin yoyilmalarini yasashga asoslanib bajarilgan.

10.17,b-rasmida hosil qilingan yoyilma bo'yicha berilgan sirtning aynan o'zini yasab bo'lmaydi. Bunda yoyilmadagi I, II, III, IV, V va VI, VII bo'laklar orasida ochiq joylar mavjud bo'lib, ular berilgan sirtning aynan o'zini yasash imkoniyatini bermaydi. Shuning uchun ham bunday yoyilmalar taqribiy yoyilmalar deyiladi.



10.17-rasm

### Nazorat savolari

1. Sirtning yoyilmasi deb nimaga aytildi?
2. Yoyiladigan sirtlar deb nimaga aytildi?
3. Qanday ko‘pyoqliklarning yoyilmalari uchburchaklar usuli bilan yasaladi?
4. Normal kesim usuli bilan qanday sirtlarning yoyilmalari yasaladi?
5. To‘g‘ri doiraviy silindrning yoyilmasi nimadan iborat?
6. Og‘ma silindrining yoyilmalari qanday usulda yasaladi va yasash algoritmi nimalardan iborat?
7. To‘g‘ri doiraviy konusning yoyilmasi nimadan iborat?
8. Og‘ma konusning yoyilmasi qanday yasaladi?
9. Yoyilmaydigan sirtlarning yoyilmalari qanday yasaladi?
10. Taqrifiy yoyilmalarni yasashning treangulyasiya usuli nimadan iborat?
11. Elliptik konusning yoyilmasi qanday yasaladi?
12. Sferaning taqrifiy yoyilmasi qanday yasaladi?