

REJA

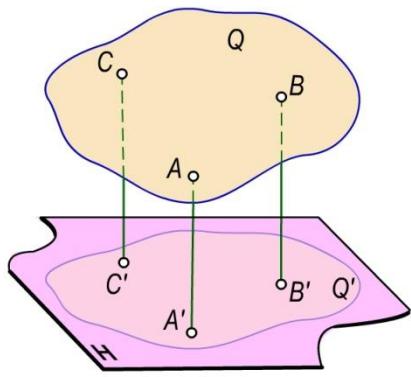
1. Tekislikning ortogonal proyeksiyada berilish usullari.
2. Umumiylar va xususiy vaziyatdagi tekisliklar.
3. Tekislikning izlari.
4. To‘g‘ri burchakning proyeksiyalari.
5. Tekislikning bosh chiziqlari
6. Konkurent nuqtalar.

**Adabiyotlar:**

1. Murodov Sh.K., Hakimov L.Q., Xolmurzayev A. Chizma geometriya. –T.: “Iqtisod-moliya”, 2006-2008. (52-58-betlar).
2. Qulnazarov B.B. Chizma geometriya. –T.: “O‘zbekiston”, 2006. (26-33 betlar).  
Исматуллаев Р. Чизма геометрия. –Т.: “ТДПУ ризографи”, 2003. (32-48 betlar).

### 1.Tekislikning chizmada berilishi.

Tekislik birinchi tartibli sirt hisoblanadi. Chunki u birinchi darajali algebraik tenglama bilan ifodalanadi, ya’ni  $\frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} = 1$ .



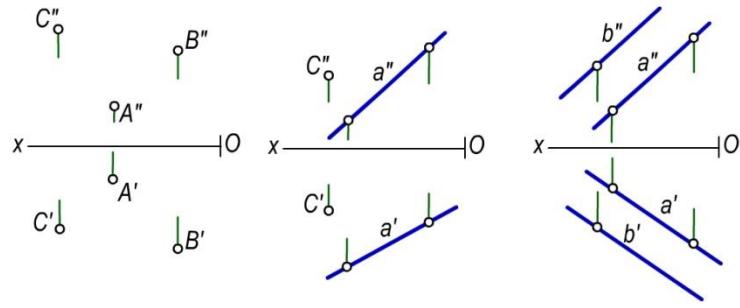
70-rasm

Ortogonal proyeksiyalarda tekislikning fazodagi vaziyati uni berilishini ta’minlovchi elementlarning proyeksiyalari orqali aniqlanadi. Umumiylar holda tekislikning fazoviy vaziyatini bir to‘g‘ri chiziqqa tegishli bo‘lmagan uchta nuqta aniqlaydi. Haqiqatdan, 70-rasmdagi **A**, **B** va **C** nuqtalar fazoda biror **Q** tekislikning vaziyatini aniqlaydi. Bu nuqtalardan har birining fazoviy o‘rnini o‘zgarishi bilan tekislikning vaziyati ham fazoda o‘zgaradi.

Uchta nuqtaning ikkitasi orqali hamma vaqt bir to‘g‘ri chiziq o‘tkazish mumkin. Shuningdek, uchta nuqta yordamida ikki parallel va kesishuvchi chiziqlar o‘tkazish yoki tekis geometrik shakl, (masalan, uchburchak) hosil qilish mumkin.

Chizma geometriyada tekisliklar qo‘yidagi hollar bilan beriladi:

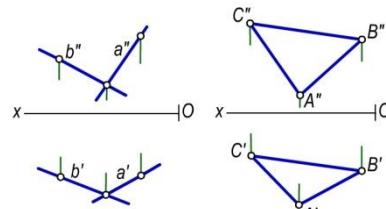
- bir to‘g‘ri chiziqqa tegishli bo‘lmagan uchta nuqtaning proyeksiyalari bilan (71-a, rasm);



a)

b)

v)



g)

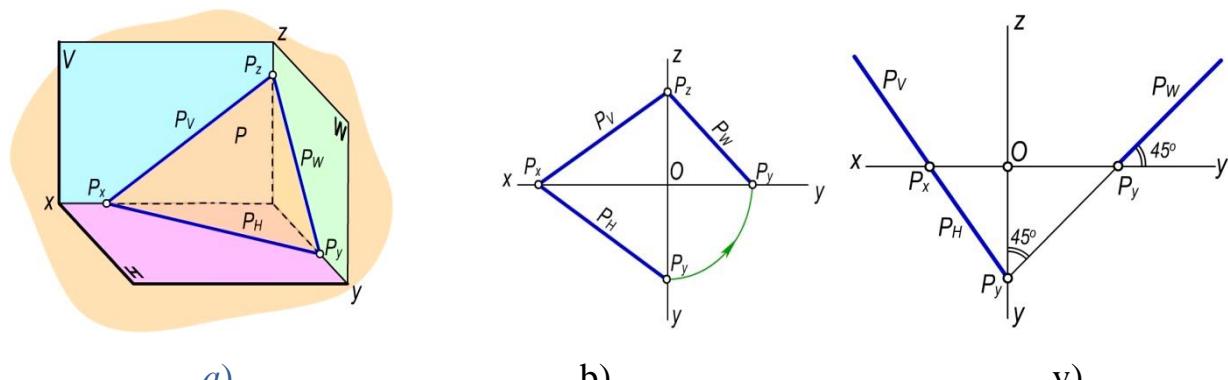
d)

### 71-rasm

- bir to‘g‘ri chiziq va unga tegishli bo‘lmagan nuqtaning proyeksiyalari bilan (71,b- rasm);
- ikki parallel to‘g‘ri chiziq proyeksiyalari bilan (71,v-rasm);
- ikki kesishuvchi to‘g‘ri chiziq proyeksiyalari bilan (71,g-rasm);
- tekis geometrik shakllarning ortogonal proyeksiyalari orqali berilishi ham mumkin (71,d-rasm).

Shuningdek, tekislik proyeksiyalar tekisliklari bilan kesishish chiziqlari orqali berilishi ham mumkin. Masalan 72-rasmda, **P** tekislik **H**, **V** va **W** proyeksiyalar tekisliklari bilan kesishgan **P<sub>H</sub>**, **P<sub>V</sub>**, **P<sub>W</sub>** chiziqlar orqali berilishi ko‘rsatilgan.<sup>1</sup>

Agar biror tekislik proyeksiyalar tekisliklari bilan bir xil og‘ish burchak hosil qilsa, uning ikkita izi bir to‘g‘ri chiziqdida yotadi. Uchinchi izi esa proyeksiyalarini o‘qi bilan  $45^\circ$  burchak hosil qiladi (72,v-rasm).



## 72-rasm

### 2. Umumiy va xususiy vaziyatdagi tekisliklar.

Tekislik fazoda proyeksiyalar tekisliklariga nisbatan umumiy va xususiy vaziyatlarda joylashishi mumkin.

**Umumiy vaziyatdagi tekisliklar.** Agar tekislik proyeksiyalar tekisliklarining birortasiga parallel yoki perpendikulyar bo‘lmasa, uni *umumiy vaziyatdagi tekislik* deyiladi (72,*a*-rasm). Chizmada umumiy vaziyatdagi tekislikning izlari proyeksiyalar o‘qlari bilan ixtiyoriy burchak hosil qiladi. Agar biror P tekislik proyeksiyalar tekisliklari bilan bir xil burchak hosil qilsa, uning  $P_H$  va  $P_V$  izlari Ox o‘qi bilan bir xil burchak hosil qiladi.

**Xususiy vaziyatdagi tekisliklar.** Agar tekislik proyeksiyalar tekisligining biriga perpendikulyar yoki parallel bo‘lsa, uni *xususiy vaziyatdagi tekislik* deb ataladi.

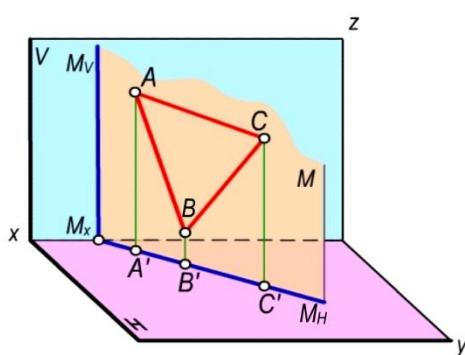
Proyeksiyalar tekisligiga perpendikulyar bo‘lgan tekisliklar *proyeksiyalovchi tekisliklar* deyiladi.

### Gorizontall proyeksiyalovchi tekislik

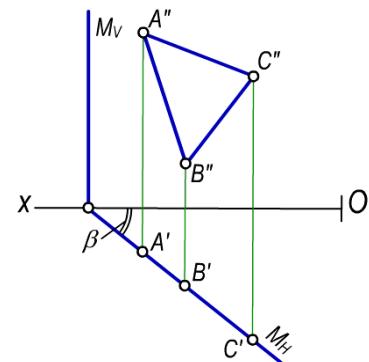
**Ta’rif.** Gorizontal proyeksiyalar tekisligiga perpendikulyar tekislik **gorizontal proyeksiyalovchi tekislik** deyiladi.

Gorizontal proyeksiyalovchi  $M(M_H, M_V)$  tekislikning  $M_V$  frontal izi  $Ox$  o‘qiga perpendikulyar bo‘ladi (1.4,*a,b*-rasm),  $M_H$  gorizontal izi esa  $Ox$  o‘qiga nisbatan ixtiyoriy burchakda joylashgan bo‘ladi. Bu tekislik gorizontal izi  $M_H$  va  $Ox$  o‘q orasidagi  $\beta$  burchak,  $M$  va  $V$  tekisliklar orasidagi burchakning haqiqiy qiymatiga teng bo‘ladi.

Gorizontal proyeksiyalovchi tekislikka tegishli tekis geometrik shakllarning gorizontal proyeksiyalari to‘g‘ri chiziq bo‘ladi va tekislikning gorizontal izi bilan ustma-ust tushadi (73-*b*, rasm).



*a)*



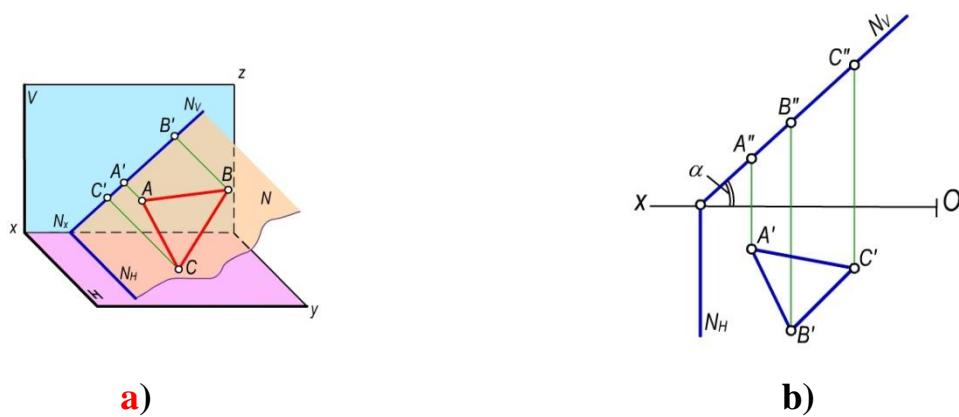
*b)*

## 73-rasm

## Frontal proyeksiyalovchi tekislik

**Ta’rif.** Frontal proyeksiyalar tekisligiga perpendikulyar bo‘lgan tekislik **frontal proyeksiyalovchi tekislik** deyiladi.

Frontal proyeksiyalovchi  $N(N_H, N_V)$  tekislikning gorizontal  $N_H$  izi  $Ox$  o‘qiga perpendikulyar bo‘ladi (74- a, rasm), frontal  $N_V$  izi esa ixtiyoriy burchakda joylashgan bo‘ladi. Frontal proyeksiyalovchi tekislikning frontal  $N_V$  izining  $Ox$  o‘qi bilan hosil qilgan  $\alpha$  burchagi  $N$  va  $H$  tekisliklar orasidagi burchakning haqiqiy qiymatiga teng. Frontal proyeksiyalovchi tekislikka tegishli bo‘lgan tekis shakllarning frontal proyeksiyalari to‘g‘ri chiziq bo‘ladi va tekislikning frontal izi bilan ustma-ust tushadi (74-rasm).



74-rasm

## Profil proyeksiyalovchi tekislik

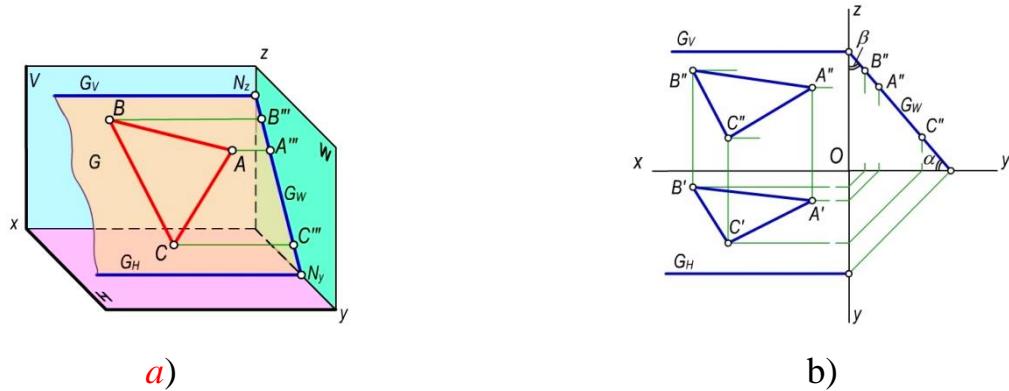
**Ta’rif.** Profil proyeksiyalar tekisligiga perpendikulyar tekislik **profil proyeksiyalovchi tekislik** deb ataladi.

Bu tekislikning gorizontal  $G_H$  va frontal  $G_V$  izlari  $Ox$  o‘qiga parallel bo‘ladi (75-a, rasm).

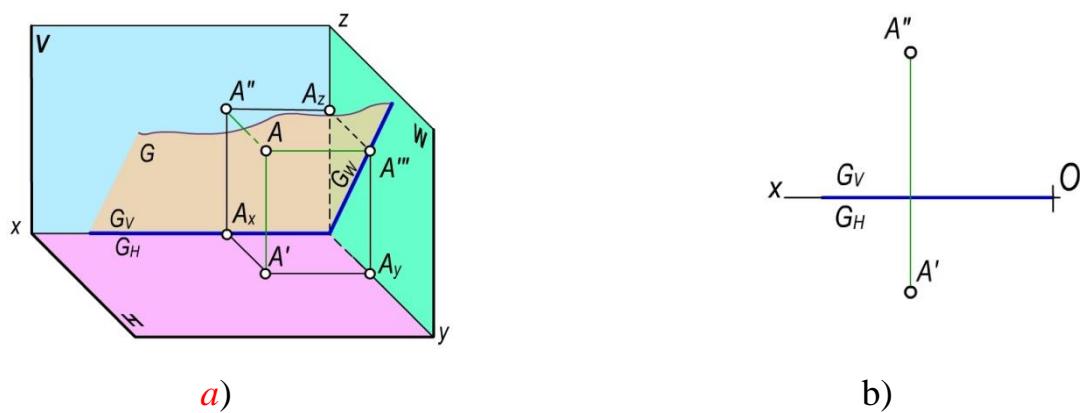
$G$  profil proyeksiyalovchi tekislikning  $H$  va  $V$  tekisliklar bilan hosil qilgan  $\alpha$  va  $\beta$  burchaklari 75-b,rasmida ko‘rsatilganidek haqiqiy kattalikda proyeksiyalanadi.

Shuningdek, profil proyeksiyalovchi tekislik proyeksiyalar o‘qi  $Ox$  dan ham o‘tishi mumkin (76,a-rasm). U holda  $G$  tekislikning gorizontal  $G_H$  va frontal  $G_V$  izlari  $Ox$  o‘qida bo‘ladi va tekislikning fazoviy vaziyatini aniqlab bo‘lmaydi. Shuning uchun bunday hollarda mazkur tekislikning profil izi yoki shu tekislikka tegishli bo‘lgan biror  $A(A', A'')$  nuqtaning ikki proyeksiyasi beriladi (77-,b rasm). Bu nuqtaning  $A''$  proyeksiyasi orqali tekislikning profil izini yasash mumkin (77-rasm).

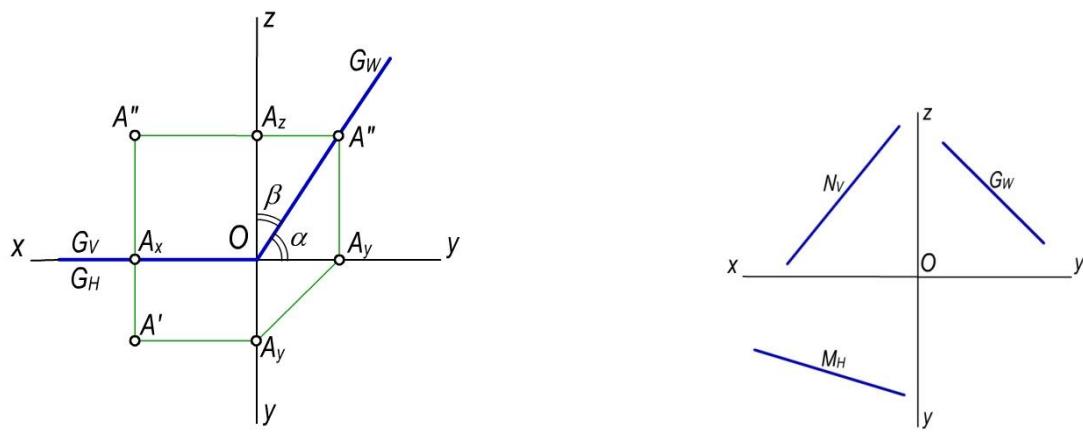
Proyeksiyalovchi tekislikning ikkita izini chizmada tasvirlash shart emas. Tekislikning bitta izi, aynan gorizontal proyeksiyalovchi tekislikning gorizontal izi  $M_H$ , frontal proyeksiyalovchi tekislikning frontal izi  $N_V$ , profil proyeksiyalovchi tekislikning profil izi  $G_W$ , orqali ham ularning vaziyatini aniqlash mumkin (78-rasm).



**75-rasm**



**76-rasm**



**77-rasm**

**78-rasm**

## Proyeksiyalar tekisligiga parallel tekisliklar

### Gorizonttal tekislik

**Ta’rif.** Gorizontal proyeksiyalar tekisligiga parallel tekislik **gorizontal tekislik** deyiladi.

Bu tekislik bir vaqtida **V** va **W** tekisliklarga perpendikulyar bo‘ladi. Tekislikning vaziyatini uning frontal **H<sub>IV</sub>** izi aniqlaydi (79-a,b, rasm).

### Frontal tekislik

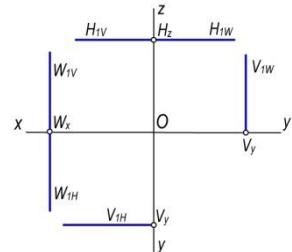
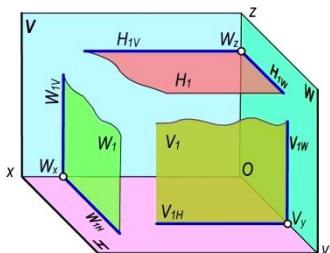
**Ta’rif.** Frontal proyeksiyalar tekisligiga parallel tekislik **frontal tekislik** deyiladi.

Bu tekislik bir vaqtida **H** va **W** tekisliklarga perpendikulyar bo‘ladi. Tekislikning vaziyatini uning frontal **V<sub>1H</sub>** izi aniqlaydi (79-a,b, rasm).

### Profil tekislik

**Ta’rif.** Profil proyeksiyalar tekisligiga parallel tekislik **profil tekislik** deyiladi.

Profil **W<sub>1</sub>** tekislik bir vaqtida **H** gorizontal va **V** frontal proyeksiyalar tekisligiga perpendikulyar bo‘ladi. Tekislikning fazoviy vaziyatini uning **W<sub>1H</sub>** gorizontal va **W<sub>IV</sub>** frontal izlari aniqlaydi (79-a,b, rasm).<sup>2</sup>



### 3. Tekislik izlarini yasash.

**Ta’rif.** Tekislikning proyeksiyalar tekisliklari bilan kesishgan chiziqlari **tekislikning izlari** deyiladi.

**P** tekislikning **H** tekislik bilan kesishgan **P<sub>H</sub>=P∩H** chizig‘i uning gorizontal izi, **V** tekislik bilan kesishgan **P<sub>V</sub>=P∩V** chizig‘i frontal izi va **W** tekislik bilan kesishgan **P<sub>W</sub>=P∩W** chizig‘i **profil izi** deb ataladi.

Tekislik shu tarzda berilsa, uni izlari bilan berilgan tekislik deb yuritiladi va **P(P<sub>H</sub>, P<sub>V</sub>, P<sub>W</sub>)** tarzida yoziladi.

Tekislikni chizmada izlari bilan tasvirlash ancha qulay va afzaldir. Tekislikning  $Ox$ ,  $Oy$  va  $Oz$  koordinata o‘qlari bilan kesishgan nuqtalari  $P_x$ ,  $P_y$ ,  $P_z$  bilan belgilanadi, ya’ni  $P_x = P \cap Ox$ ,  $P_y = P \cap Oy$ ,  $P_z = P \cap Oz$ .

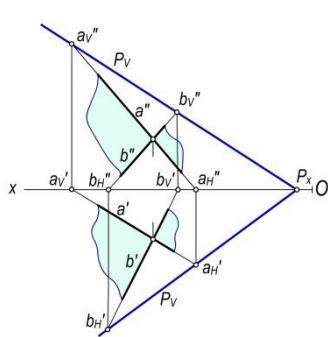
Bu nuqtalar tekislikninng ikkita izining kesishishidan hosil bo‘ladi.

Tekislik qanday tarzda berilishidan qat’iy nazar, uning izlarini ortogonal proyeksiyalarda yasash mumkin.

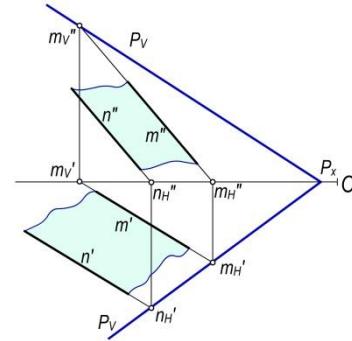
Har qanday geometrik shakllar orqali berilgan tekislikning izlarini yasash mazkur tekislikka tegishli bo‘lgan to‘g‘ri chiziqlar izlarini yasash bilan bajariladi. Bunig uchun to‘g‘ri chiziqning tekislikka tegishlilik xususiyatidan foydalilanadi.

80-rasmda  $a \cap b$  kesuvchi chiziqlar bilan berilgan tekislikning gorizontal izini yasash uchun to‘g‘ri chiziqlar gorizontal izlarining  $a'_H$ ,  $a''_H$ , va  $b'_H$ ,  $b''_H$  proyeksiyalarini topamiz. Agar to‘g‘ri chiziqlarning gorizontal izlarining gorizontal  $a'_H$  va  $b'_H$  proyeksiyalarini o‘zaro tutashtirsak, tekislikning  $P_H$  gorizontal izini hosil qilamiz. Xuddi shu tarzda tekislikning  $P_V$  frontal izini yasash uchun kesishuvchi to‘g‘ri chiziqlar frontal izlarining  $a'_V$ ,  $a''_V$  va  $b'_V$ ,  $b''_V$  proyeksiyalarini yasaymiz. So‘ngra to‘g‘ri chiziqlarning frontal izlarining frontal  $a''_V$  va  $b''_V$  proyeksiyalarini tutashtirsak, tekislikning  $P_V$  frontal izini hosil qilamiz. Tekislikning  $P_H$  va  $P_V$  izlarining  $P_x$  kesishish nuqtasi  $Ox$  o‘qida bo‘lishi shart.

Ikki  $m \parallel n$  parallel chiziqlar bilan berilgan tekislikning  $P_H$  va  $P_V$  izlari ham to‘g‘ri chiziqlarining izlarini yasash yo‘li bilan aniqlanadi (81-rasm). Umuman, turli geometrik shakllar bilan berilgan tekisliklarning izlari mazkur shaklga tegishli bo‘lgan ikki kesuvchi yoki parallel chiziqlarning izlarini yasash yo‘li bilan aniqlanadi.



80-rasm



81-rasm

#### 4. To‘g‘ri burchakning proyeksiyalanish xususiyatlari

**Teorema.** Agar to‘g‘ri burchakning bir tomoni tekislikka parallel bo‘lib, ikkinchi tomoni bu tekislikka perpendikulyar bo‘lmasa, mazkur to‘g‘ri burchak shu tekislikka haqiqiy kattalikda proyeksiyalanadi.

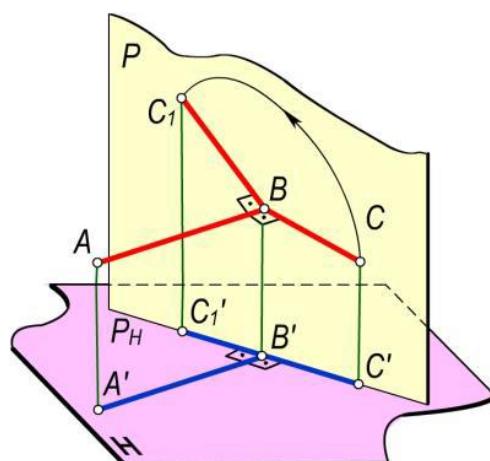
Bu teoremani isbotlash uchun 3.21,a-rasmdan foydalanamiz. Shakldagi  $\angle ABC=90^\circ$  ga teng va uning ikki tomoni H tekislikka parallel vaziyatda joylashgan deb faraz qilamiz. Bu vaziyatda uning gorizontalliyatining qiymati o'ziga teng bo'lib proyeksiyalanadi, ya'ni  $\angle A'B'C'=90^\circ$  bo'ladi.

To'g'ri burchakning BC tomonidan H tekislikka perpendikulyar qilib P tekislik o'tkazamiz. U holda  $AB \perp P$  bo'lib,  $H \cap P = P_H$  hosil bo'ladi. Agar to'g'ri burchakning BC tomonini AB tomoni atrofida aylantirib, ixtiyoriy BC<sub>1</sub> vaziyatga keltirsak ham uning bu tomonining proyeksiyasini PH bilan ustma-ust tushadi. Shunga ko'ra  $\angle ABC_1 = \angle A'B'C' = 90^\circ$  bo'ladi. Demak:

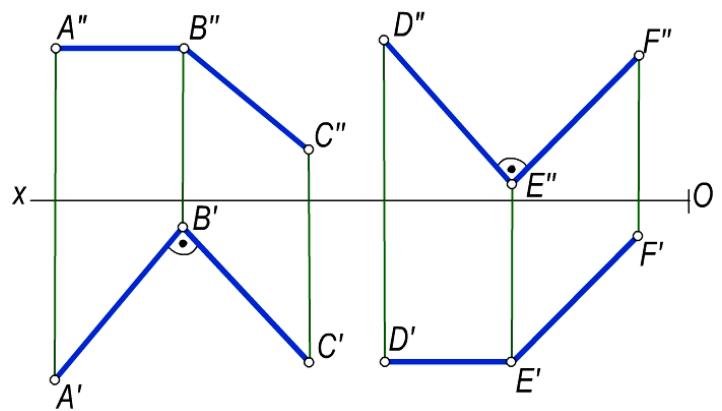
$\angle ABC=90^\circ$  bo'lib,  $AB \parallel H$  va  $BC \parallel H$  bo'lsa,  $\angle A'B'C'=90^\circ$  bo'ladi.

Chizmada  $\square ABC(AB \parallel H)$  va  $\square DEF(DE \parallel V)$  to'g'ri burchaklarning tasvirlanishi 3.21,b va 3.21,v-rasmlarda keltirilgan.

To'g'ri burchakning proyeksiyalanish xususiyatidan chizma geometriyada metrik masalalarni yechishda keng foydalanadi.



a)



b)

v)

### Tekislikning bosh chiziqlari

Tekislikning bosh chiziqlariga uning gorizontali, frontalni va eng katta og'ish chiziqlari kiradi.

#### Tekislikning gorizontali

**Ta'rif.** Tekislikka tegishli to'g'ri chiziq  $H$  tekisligiga parallel bo'lsa, bu to'g'ri chiziq **tekislikning gorizontali** deyiladi.

Bunda  $h \in P$  hamda  $h \parallel H$  bo'lsa,  $h$  to'g'ri chiziq  $P$  tekislikning gorizontal chizig'i bo'ladi.

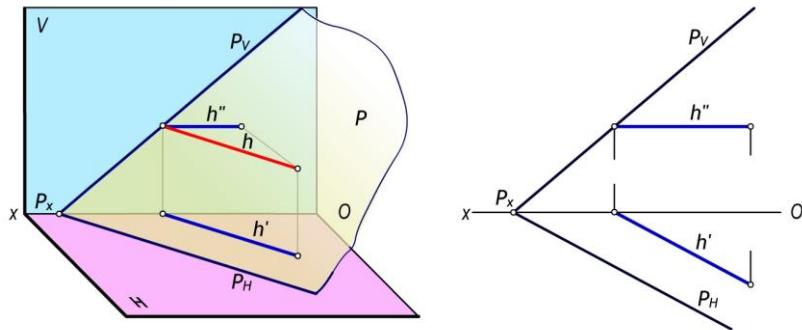
Chizmada tekislik gorizontalining frontal proyeksiyasi  $Ox$  ga parallel, ya'ni  $h'' \parallel Ox$  bo'ladi, tekislik gorizontalining gorizontal proyeksiyasi esa tekislikning  $P_H$  iziga parallel, ya'ni  $h' \parallel P_H$  bo'ladi (86-rasm).

#### Tekislikning frontalni

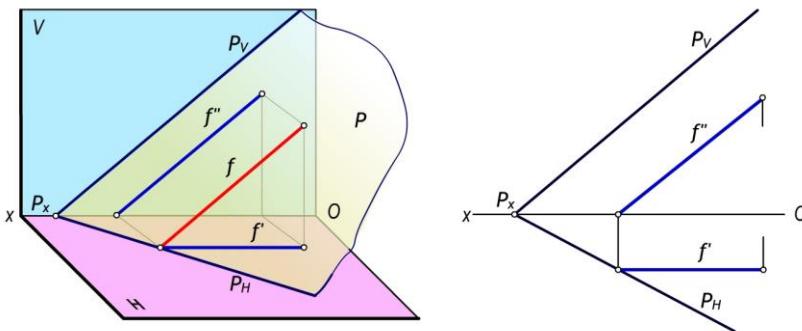
**Ta'rif.** Tekislikka tegishli to'g'ri chiziq  $V$  tekisligiga parallel bo'lsa, bu to'g'ri chiziq tekislikning frontalni deyiladi.

Bunda  $f \in P$  hamda  $f \parallel V$  bo'lsa,  $f$  to'g'ri chiziq  $P$  tekislikning frontal chizig'i bo'ladi.

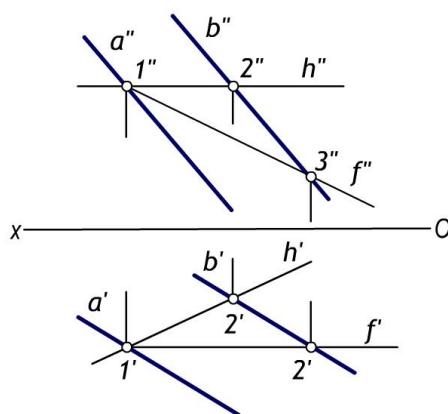
Chizmada tekislik frontalining gorizontalliy proyeksiyasi proyeksiyalar o'qi  $Ox$  ga parallel bo'ladi, ya'ni  $f \parallel Ox$ , tekislik frontalining frontal proyeksiyasi esa tekislikning  $P_H$  iziga parallel, ya'ni  $f'' \parallel P_V$  bo'ladi (87-rasm).



86-rasm



87-rasm.



88-rasm.

88-rasmida  $a \cap b$  chiziqlar bilan berilgan tekislikning  $h$  gorizontal va  $f$  frontallarini yasash tasvirlangan.

Umuman, chizmada tekislikning cheksiz ko'p bosh chiziqlarini o'tkazish mumkin. Tekislikning bir nomli bosh chiziqlari (masalan, gorizontallari) hamma vaqt bir-biriga parallel bo'ladi. Ammo proyeksiyalar tekisligidan talab qilingan masofada tekislikning faqat bitta bosh chizig'ini o'tkazish mumkin.

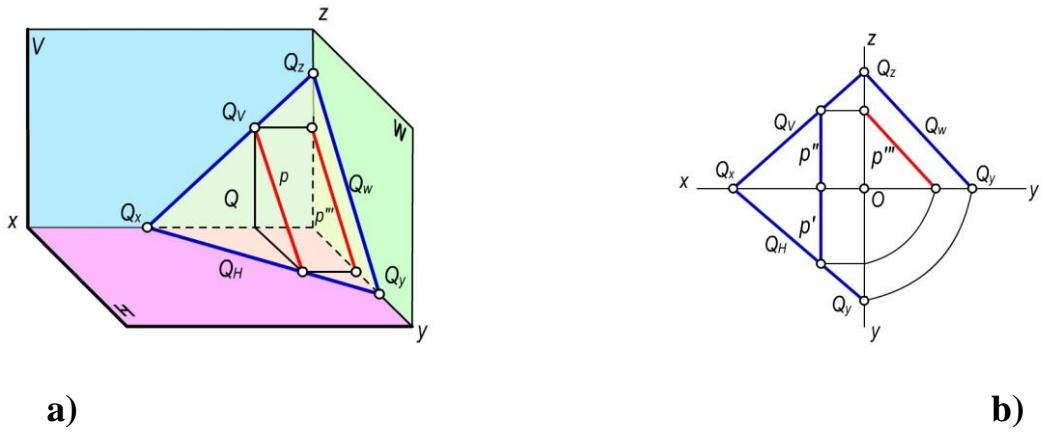
## Tekislikning profil chizig'i

**Ta'rif.** Agar tekislikka tegishli to‘g‘ri chiziq profil proyeksiyalar tekisligiga parallel bo‘lsa, bu to‘g‘ri chiziq tekislikning **profil chizig‘i yoki profili** deyiladi.

Bunda  $p \in$

$Q$  bo‘lib va  $p \parallel W$  bo‘lsa,  $p$  to‘g‘ri chiziq  $Q$  tekislikning profili bo‘ladi (89,*a,b*-rasm).

Chizmada tekislik profil chizig‘ining gorizontal va frontal proyeksiyasi  $Ox$  o‘qiga perpendikulyar bo‘ladi. Profil proyeksiyasi esa, proyeksiyalar o‘qlariga nisbatan turlicha joylashuvi mumkin. Agar tekislik izlari bilan berilgan bo‘lsa, profilning profil proyeksiyasi tekislikning profil iziga parallel bo‘ladi.



a)

b)

89-rasm

Chizmada tekislikning cheksiz ko‘p asosiy chiziqlarini o‘tkazish mumkin. Tekislikning bir nomli bosh chiziqlari doimo o‘zaro parallel bo‘ladilar. Ammo proyeksiyalar tekisligidan talab qilingan masofada tekislikning faqat bitta bosh chizig‘ini o‘tkazish mumkin.<sup>3</sup>

## Tekislikning eng katta og‘ma chizig‘i

### Tekislikning eng katta og‘ma chizig‘i

**Ta'rif.** Tekislikka tegishli va tekislikning bosh chiziqlaridan biri (gorizontal yoki frontal)ga perpendikulyar to‘g‘ri chiziq **tekislikning eng katta og‘ma chizig‘i** deb ataladi.

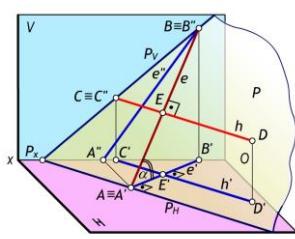
Agar  $P$  tekislikka tegishli  $e$  to‘g‘ri chiziq tekislikning gorizontaliga perpendikulyar bo‘lsa, u holda  $e$  to‘g‘ri chiziqlini  $P$  tekislikning  $H$  tekislikka nisbatan **eng katta og‘ma chizig‘i** deyiladi.

90-rasmda  $P$  tekislikning  $H$  tekislikka eng katta og‘ma chizig‘i tasvirlangan. Bu yerda  $h \subset P$  va  $h \parallel H$ . To‘g‘ri burchakning proyeksiyalanish xususiyatidan:  $\angle BED = 90^\circ$  va  $ED \parallel H$  bo‘lgani uchun  $\angle B'E'D' = 90^\circ$  bo‘ladi.

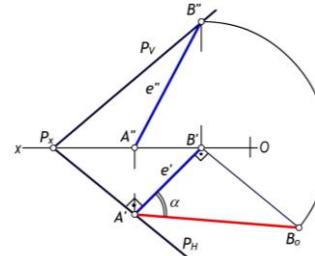
Tekislikning eng katta og‘ma chizig‘i orqali uning proyeksiyalar tekisligi bilan hosil qilgan ikki yoqli burchagi aniqlanadi (90,*b*-rasm).  $P$  tekislikning  $H$  tekislikka

<sup>3</sup> Sh.Murodov va boshqalar “Chizma geometriya” darslik “Iqtisod-moliya”.2006 yil, 59-61 betlar

nisbatan\_eng\_katta\_og‘ma\_chizig‘i  $P$  va  $H$  tekisliklar orasidagi  $\angle B_0A'B'$  chiziqli burchakni ifodalaydi. Chunki  $AB \perp P_H$  va  $A'B' \perp P_H$  bo‘lgani uchun bu ikki yoqli  $\alpha$  burchakning qiymatini aniqlaydi.



a)



b)

### 90-rasm

$P$  tekislikning  $H$  proyeksiyalar tekisligiga nisbatan eng katta og‘ma chizig‘ini yasash uchun  $P_H$  gorizontal izida ixtiyoriy  $A$  nuqta tanlab olinadi. Bu nuqtadan  $e \in P$  to‘g‘ri chiziqning gorizontal proyeksiyasini  $e' \perp P_H$  qilib,  $P$  tekislikning  $H$  tekislikka eng katta og‘ma chizig‘ining gorizontal proyeksiyasini o‘tkaziladi va  $Ox$  o‘qida  $e' \cap Ox = B'$  nuqtani aniqlanadi. So‘ngra bu chiziqning frontal  $e''$  proyeksiyasi  $A''$  va  $B''$  nuqtalar yordamida yasaladi. Hosil bo‘lgan  $e \in P$  to‘g‘ri chiziqning  $e'$  va  $e''$  proyeksiyalarini  $P$  tekislikning  $H$  tekislikka nisbatan eng katta og‘ma chizig‘ining proyeksiyalarini bo‘ladi. Bu chiziqning  $H$  tekislik bilan hosil qilgan  $\alpha$  burchagi aniqlanadi. Buning uchun to‘g‘ri burchakli uchburchak  $\Delta A'B'B_o$  dan foydalanilgan (90,b-rasm).<sup>4</sup>

## 5. Konkurent nuqtalar.

Chizmalar ko‘rinishlikni aniqlash.

Geometrik figuraning fazodagi o‘zaro vaziyatlariga oid masalalar yechishda tasvirlarni yaqqolashtirish maqsadida ularning ko‘rinadigan va ko‘rinmaydigan qismlarini aniqlashga to‘g‘ri keladi.

Faqat birinchi oktantda joylashgan geometrik shakllarning kuzatuvchiga nisbatan yaqin turgan elementlari ko‘rinadi, uning orqasidagi elementlari ko‘rinmaydi. Boshqa oktalarda joylashgan shakl yoki uning tarkibiy qismi ko‘rinmas deb hisoblanadi.

Geometrik shakllarning kuzatuvchiga nisbatan chizmada ko‘rinishligi konkurent nuqtalardan foydalanib aniqlanadi.

**Ta’rif.** Bitta proyeksiyalovchi nurda (to‘g‘ri chiziqda) joylashgan nuqtalar **konkurent nuqtalar** deyiladi.

Agar kuzatuvchi proyeksiyalovchi nur yo‘nalishida konkurent nuqtalarga qarasa, u o‘ziga yaqin bo‘lgan nuqtani yoki proyeksiyalar tekisligidan uzoqroq joylashgan nuqtani ko‘radi.

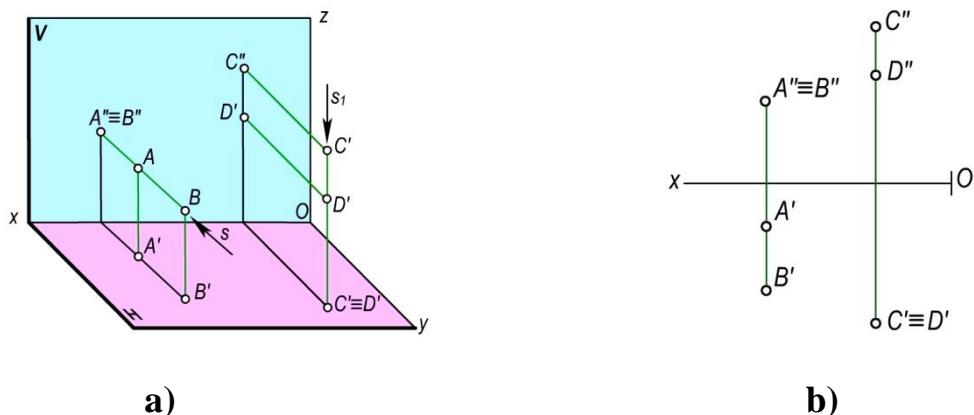
Masalan, 68,a-rasmida berilgan bir proyeksiyalovchi nurda joylashgan va **V** ga nisbatan konkurent bo‘lgan **A** va **B** nuqtalarga **s** yo‘nalish bo‘yicha qaralganda, kuzatuvchiga yaqin bo‘lgan yoki **V** tekislikdan uzoqroq joylashgan **B** nuqta ko‘rinadi. Shuningdek, **H** ga nisbatan konkurent bo‘lgan **C** va **D** nuqtalarga **s<sub>1</sub>** yo‘nalish bo‘yicha qaralsa, **H** tekislikdan uzoqroq joylashgan **C** nuqta ko‘rinadi.

Chizmada konkurent nuqtalarning ko‘rinishligini ularning koordinatalari orqali aniqlash ham mumkin. Konkurent nuqtalarning **H** tekislikka nisbatan ko‘rinishligi **z** applikatasi, **V** tekislikka nisbatan **y** ordinatasi va **W** tekislikka nisbatan **x** absissasi aniqlaydi.

**H** tekislikka nisbatan applikatasi eng katta bo‘lgan konkurent nuqta kuzatuvchiga ko‘rinadi.

68,b–rasmda **A(A', A'')**, **B(B'', B')**, va **C(C', C'')**, **D(D', D'')** konkurent nuqtalarning proyeksiyalari berilgan. Bunda  $y_A < y_B$  va  $z_S > z_D$  bo‘lgani uchun **V** tekislikka nisbatan **B** nuqta, **H** tekislikka nisbatan **C** nuqta ko‘rinuvchi nuqtalar bo‘ladi.

Fazoda turli vaziyatlarda joylashgan geometrik shakllarning chizmada ko‘rinishligi ularga tegishli bo‘lgan ayrim konkurent nuqtalarning ko‘rinishligini tekshirish yo‘li bilan aniqlanadi.



**68-rasm**

69,a-rasmida **a(a', a'')** va **b(b', b'')** uchrashmas to‘g‘ri chiziqlar berilgan. Bu to‘g‘ri chiziqlar gorizontal proyeksiyalarning o‘zaro kesishgan va **H** ga nisbatan konkurent bo‘lgan nuqtalari  $1' \equiv 2'$  ustma-ust proyeksiyalangan. Bu nuqtalardan qaysi birini ko‘rinishligini aniqlash uchun ularning gorizontal proyeksiyasidan proyeksiyalovchi chiziq o‘tkazib, to‘g‘ri chiziqlarning frontal **a''** va **b''** proyeksiyalarida **1''** va **2''** nuqtalar belgilanadi va  $z_1 > z_2$  ekanligi aniqlanadi. Natijada, **a** chiziqqa tegishli 1 nuqta kuzatuvchiga ko‘rinadi, **b** chiziqqa tegishli 2

nuqta esa uning ostida bo‘ladi. Demak,  $a(a', a'')$  va  $b(b', b'')$  to‘g‘ri chiziqlarga yuqoridan qaraganda  $a$  to‘g‘ri chiziq  $b$  to‘g‘ri chiziqqa nisbatan kuzatuvchiga yaqin joylashgan.



**69-rasm**

69,b-rasmda ham  $c(c', c'')$  va  $d(d', d'')$  chiziqlarni **V** ga nisbatan qaraganda  $y_3 > y_4$  bo‘lgani uchun 3 nuqta kuzatuvchiga ko‘rinadi. Shuning uchun  $c(c', c'')$  va  $d(d', d'')$  to‘g‘ri chiziqlarga oldidan qaraganimizda  $d$  to‘g‘ri chiziq  $c$  to‘g‘ri chiziqqa nisbatan kuzatuvchiga yaqinroq joylashgan.<sup>5</sup>

### Hazorat savollari

1. Tekislik chizmada qanday berilishi mumkin?
2. Tekislikning izi deb nimaga aytildi?
3. Qanday tekisliklar proyeksiyalovchi deyiladi?
4. Gorizontal va gorizontal proyeksiyalovchi hamda frontal va frontal proyeksiyalovchi tekisliklarning farqi nimada?
5. Ko‘rinishlikni aniqlashda konkurent nuqtalardan qanday foydalaniladi?
6. Qanday chiziqlar tekislikning bosh chiziqlari deyiladi?
7. Tekislikning eng katta og‘ma chiziqlari yordamida qanday burchaklarni aniqlanish mumkin?